

فرض رقم 2 في مادة الرياضيات المدة 1 سا

التمرين الأول

الشكل التالي لدالة  $f$  معرفة وقابلة للاشتقاق على  $\mathbb{R} - \{-2, 4\}$ .

من البيان أوجد  $\lim_{x \rightarrow -4} f(x)$ ,  $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(4f(x)+1)}{4x} \quad \lim_{x \rightarrow -2} f(x), \lim_{x \rightarrow -2} f(x); \lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x)+5}{(2x+6)}$$

(  $\frac{1}{4}(-3) = -\frac{3}{4}$  )



التمرين الثاني

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  ب  $f(x) = 2 + \frac{\cos x}{x^2 + 1}$

- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$   $\frac{2x^2+1}{x^2+1} \leq f(x) \leq \frac{2x^2+3}{x^2+1}$
- استنتج  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

التمرين الثالث

أحسب النهايات التالية  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x+6}{x^2+x-6}$   $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2+5x-6}{x^2-1}$   $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2+2x+1}{-x+3}$   $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x+1}{x^2+2x+6}$

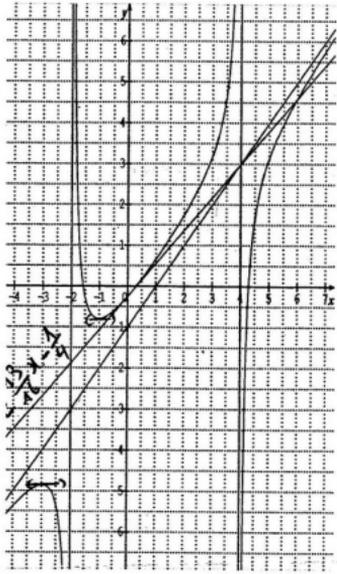
$\lim_{x \rightarrow 0} \sqrt{x^2+2x+5} - (x+1)$   $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$   $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{4x^2+1} - 2x$

التمرين الرابع

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R} - \{3\}$  ب  $f(x) = \frac{x^2-4x+4}{x-3}$

$(C_f)$  تمثيلها البياني في مستوى منسوب لمعلم متعامد ومتجانس.

- أحسب النهايات عند أطراف مجموعة التعريف.
- أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها.
- عين معادلات الخطوط المقاربة ل  $(C_f)$ .



انتهى  
بالتوفيق