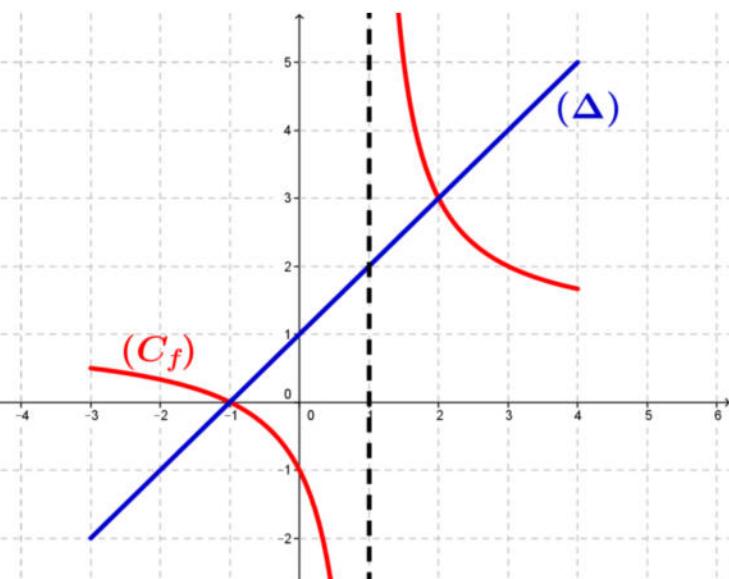
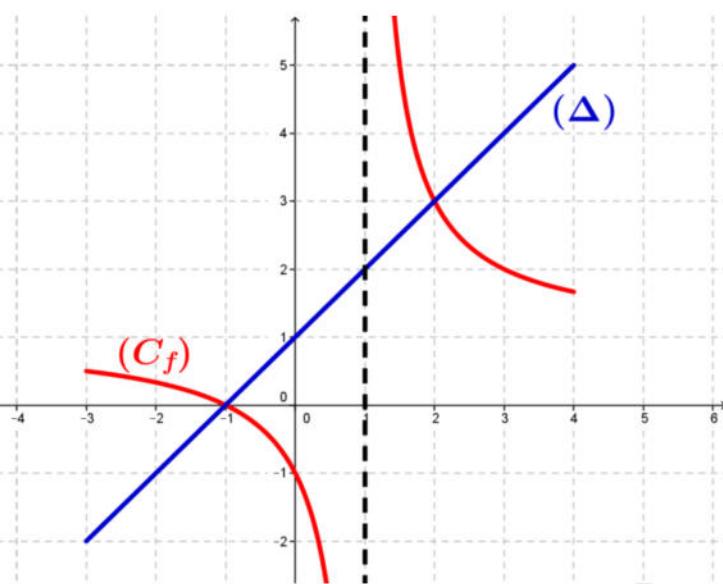


امتحان الفصل الثاني في مادة الرياضيات**التمرين الأول (10 نقاط):**(I) المستوى المنسوب إلى المعلم المتعارد المتاجنس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.في الشكل المقابل (C_f) هو التمثيل البياني للدالة f المعرفة على مجموعةالأعداد الحقيقة: $D_f = [-3; 1] \cup [1; 4]$ و المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x + 1$.1) عين صورة لكل من العدددين -1 و 3 بالدالة f .2) عين سابقة العدد 2 بالدالة f .3) شكل جدول تغيرات الدالة f .4) حل في المجموعة $[4; -3] \cup [1; 4]$ المعادلة I .5) حدد إشارة $\frac{f(x)}{x+1}$ على المجموعة $[-1; 1] \cup [-3; -1]$.(II) تعطى عبارة الدالة f المعرفة سابقا على $[-3; 1] \cup [1; 4]$ بـ $f(x) = \frac{x+a}{x-1}$ حيث a عدد حقيقي.1) عين بيانيا $f(\theta)$ ثم استنتج قيمة a .2) نضع فيها يأتي: $a = 1$.• بين من أجل كل عدد حقيقي x من D_f : $f(x) = 1 + \frac{2}{x-1}$.• ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجال $[-3; 1] \cup [1; 4]$.• عين نقط تقاطع (C_f) مع محوري الإحداثيات.• بين من أجل كل عدد حقيقي x من $[-3; -1] \cup [1; 4]$: $\frac{f(x)}{x+1} = \frac{1}{x-1}$ ثم استنتاج إشارة f على $[-3; -1] \cup [1; 4]$.**التمرين الثاني: (10 نقاط)**(I) ABC مثلث كيفي.1. أنشئ النقطة K حيث $\overrightarrow{AK} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC} = \frac{2}{3}\overrightarrow{BC}$ ثم بين أن $\overrightarrow{BK} = \frac{2}{3}\overrightarrow{BC}$.2. أنشئ النقطة N حيث $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$.3. استنتاج أن النقط A ، K و N في استقامية.(II) المستوى المنسوب إلى المعلم المتعارد المتاجنس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ حيث $\overrightarrow{OA} = \vec{i} + 2\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OB} = \vec{i}$ ، $\overrightarrow{OC} = \vec{j}$ ، $\overrightarrow{OD} = \vec{i} + 2\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OE} = \vec{i} + 3\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OF} = \vec{i} + 4\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OG} = \vec{i} + 5\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OH} = \vec{i} + 6\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OI} = \vec{i} + 7\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OJ} = \vec{i} + 8\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OK} = \vec{i} + 9\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OL} = \vec{i} + 10\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OM} = \vec{i} + 11\vec{j}$ ، $\overrightarrow{ON} = \vec{i} + 12\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OP} = \vec{i} + 13\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OQ} = \vec{i} + 14\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OR} = \vec{i} + 15\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OS} = \vec{i} + 16\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OT} = \vec{i} + 17\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OU} = \vec{i} + 18\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OV} = \vec{i} + 19\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OW} = \vec{i} + 20\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OX} = \vec{i} + 21\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OY} = \vec{i} + 22\vec{j}$ ، $\overrightarrow{OZ} = \vec{i} + 23\vec{j}$.1. عين احداثي النقطة A ثم استنتاج أن احداثي النقطة B هي $(1; 3)$.2. جد احداثي النقطة D بحيث يكون الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع.3. احسب احداثي النقطة N بحيث $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$.4. نقطة K فاصلتها $\frac{5}{3}$ عين ترتيبها النقطة K بحيث النقط A ، K و N في استقامية.5. أكتب معادلة للمستقيم (AC) ثم استنتاج معادلة للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة B ويوازي (AC) .

التصحيح النموذجي لامتحان الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول (10 نقاط):



x	-3	-1	1
$f(x)$	+	-	
$x+1$	-	+	
$\frac{f(x)}{x+1}$	-	-	

- I) المستوى المنسوب إلى المعلم المعتمد المتاجس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
في الشكل المقابل (C_f) هو التمثيل البياني للدالة f المعرفة على مجموعة الأعداد الحقيقة: $D_f = [-3; 1] \cup [1; 4]$ والمستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x + 1$.

- 1) تعين صور العددين -1 و 3 بالدالة f .
2) تعين سابقة العدد 2 بالدالة f : هي $x = 3$.
3) تشكيل جدول تغيرات الدالة f .

x	-3	1	4
$f(x)$			

- 4) حل في المجموعة $[f(x) = x + 1 : -3; 1] \cup [1; 4]$ المعادلة $f(x) = x + 1$: معناه تعين فواصل نقط تقاطع (C_f) مع المستقيم (Δ) أي $\{ -1; 2 \}$.
5) حدد إشارة $\frac{f(x)}{x+1}$ على المجموعة $[-1; 1] \cup [1; 4]$: من التمثيل البياني:

- II) تعطي عبارة الدالة f المعرفة سابقاً على $[f(x) = \frac{x+a}{x-1} : D_f = [-3; 1] \cup [1; 4]]$, حيث a عدد حقيقي.
1) عين بيانياً $f(0)$ ثم استنتج قيمة a .

$$\text{من التمثيل البياني } f(0) = -1 \text{ ومن جهة } f(0) = \frac{\theta + a}{\theta - 1} = \frac{a}{-1} \text{ أي } a = 1 \text{ وبما أن } f(0) = -1 \text{ نضع فيها يأتي: } a = 1.$$

- تبين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[-3; 1] \cup [1; 4]$ دراسة اتجاه تغير الدالة f على المجال $[x; -3] \cup [1; 4]$.
- على المجال $[-3; 1] \cup [1; 4]$.

ليكن x_1 و x_2 من المجال $[-3; 1] \cup [1; 4]$ حيث $-4 \leq x_2 - 1 < x_1 - 1 < x_2 < x_1 < 1$ يكفي $-3 \leq x_2 - 1 < x_1 - 1 < 0$ باضافة العدد -1 نجد $0 < x_2 - 1 < x_1 - 1$ يكفي.

بالضرب في العدد 2 نجد $1 + \frac{2}{x_2 - 1} > 1 + \frac{2}{x_1 - 1} > \frac{2}{x_2 - 1} > \frac{2}{x_1 - 1}$ على المجال $[-3; 1] \cup [1; 4]$.

ب. على المجال $[-3; 1] \cup [1; 4]$:

ليكن x_1 و x_2 من المجال $[-3; 1] \cup [1; 4]$ حيث $1 < x_2 < x_1 \leq 4$ باضافة العدد -1 نجد $5 \leq x_2 - 1 < x_1 - 1 \leq 0$ يكفي.

العدد 2 نجد $1 + \frac{2}{x_2 - 1} > 1 + \frac{2}{x_1 - 1} > \frac{2}{x_2 - 1} > \frac{2}{x_1 - 1}$ على المجال $[-3; 1] \cup [1; 4]$.

- تعين نقط تقاطع (C_f) مع محوري الإحداثيات.

أ. مع حامل محور الفواصل: نحل المعادلة $f(x) = 0$

. $A(-1; 0)$ معناه $x + I = 0$ معناه $-1 = x$ وعليه احداثي نقطة تقاطع (C_f) مع حامل محور الفواصل هي $\frac{x+I}{x-I} = 0$ معناه $f(x) = 0$

ب. مع حامل محور التراتيب: نحسب $f(\theta)$

$f(\theta) = \frac{\theta+1}{\theta-1}$ وعليه احداثي نقطة تقاطع (C_f) مع حامل محور التراتيب هي (-1) .

- تبین من اجل کل عدد حقیقی x من $[-3; -1] \cup [1; 4]$

$$\frac{f(x)}{x+1} = \frac{x+1}{x-1} = \frac{x+1}{(x-1)(x+1)} = \frac{1}{x-1}$$

$$\text{استنتاج إشارة } \frac{f(x)}{x+1} = \frac{I}{x-1} \text{ على } [-3; -1[\cup]-1; 1[\cup]1; 4] \text{ لدينا:}$$

x	-3	-1	1	4
1	+	+	+	
$x-1$	-	-		+
$\frac{f(x)}{x+1}$	-	-		+

التمر بـ الشافـ (10 نقاط)

(I) ABC مثلث کیفی .

. $\overrightarrow{BK} = \frac{2}{3} \overrightarrow{BC}$ حيث K

$$\therefore \overrightarrow{AK} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}$$

$$\text{لدينا } \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AK} = \frac{2}{3} \left(\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC} \right) \text{ باستعمال علاقه شال نجد } \overrightarrow{BK} = \frac{2}{3} \overrightarrow{BC}$$

$$\overrightarrow{AK} = \frac{2}{3}\overrightarrow{BA} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{BA}$$

$$\text{معناه} \dots \overrightarrow{AK} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB} + \frac{2}{3} \overrightarrow{AC} \quad \text{معناه} \quad \overrightarrow{AK} = \frac{-1}{3} \overrightarrow{BA} + \frac{2}{3} \overrightarrow{AC}$$

$$. \overrightarrow{AN} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC} \text{ حيث } N \text{ إنشاء النقطة}$$

3. استنتاج أن النقط A ، K و N في استقامية.

وعلیه $\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{AN}$ 3 و منه الشعاعان \overrightarrow{AK} و \overrightarrow{AN} مرتبطان خطياً ومنه المستقيمان (AK) و (AN) متوازيان وهما نقطتان مشتركة إذن المستقيمان (AK) و

(AN) منطبقان وعليه النقط A ، K و N في استقامية.

(II)

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد المتجلانس $C(2;3)$ و $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} \theta \\ 1 \end{pmatrix}$ ، $\overrightarrow{OA} = \vec{i} + 2\vec{j}$ حيث النقطة A ، B ، C تعتبر النقطة A ، B ، C حيث $O ; \vec{i} ; \vec{j}$ (II)

1. تعين إحداثي النقطة A ثم استنتج أن إحداثي النقطة B هي $B(1;3)$.

$A(1;2)$ ولدينا $\overrightarrow{OA} \begin{pmatrix} x_A \\ y_A \end{pmatrix}$ أي $\overrightarrow{OA} \begin{pmatrix} x_A - x_O \\ y_A - y_O \end{pmatrix}$ ومن جهة لدينا $\overrightarrow{OA} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ ومنه $x_A = 1$ و $y_A = 2$ بالطابقة نجد $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_B - 1 \\ y_B - 2 \end{pmatrix}$ ولدينا $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix}$ وكذلك لدينا $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} \theta \\ 1 \end{pmatrix}$ ومن جهة لدينا $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ عليه $x_B - 1 = 0$ و $y_B - 2 = 1$. $x_B = 1$ و $y_B = 3$ إذن $B(1;3)$

2. إيجاد إحداثي النقطة D بحيث يكون الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع.

$\overrightarrow{DC} \begin{pmatrix} 2 - x_D \\ 3 - y_D \end{pmatrix}$ أي $\overrightarrow{DC} \begin{pmatrix} x_C - x_D \\ y_C - y_D \end{pmatrix}$ و $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} \theta \\ 1 \end{pmatrix}$ ولدينا $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ متوازي أضلاع معناه $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ وبما أن $D(2;2)$ أي $x_D = 2$ و $y_D = 2$ عليه $\begin{cases} 2 - x_D = \theta \\ 3 - y_D = 1 \end{cases}$ أي $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$

3. حساب إحداثي النقطة N بحيث $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$

$x_N = 3$ و $y_N = 5$ و $\begin{cases} x_N - 1 = 2 \\ y_N - 2 = 3 \end{cases}$ أي $\overrightarrow{AN} \begin{pmatrix} x_N - 1 \\ y_N - 2 \end{pmatrix}$ ومن جهة $\overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$ إذن $2\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$ أي $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ و $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} \theta \\ 1 \end{pmatrix}$ لدينا $N(3;5)$ عليه $y_N = 5$

4. نقطة فاصلتها $\frac{5}{3}$ عين ترتيبها النقطة K بحيث النقطة N, K, A في استقامية.

النقطة N, K, A في استقامية معناه الشعاعان $\overrightarrow{AK} \begin{pmatrix} \frac{2}{3} \\ y_K - 2 \end{pmatrix}$ و $\overrightarrow{AN} \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$ مرتبطان خطيا أي $\left(\frac{2}{3}\right)(3) - (2)(y_K - 2) = 0$ معناه $2 - 2y_K + 4 = 0$ $y_K = 3$ عليه $K\left(\frac{5}{3}; 3\right)$

5. كتابة معادلة للمستقيم (AC)

شعاع توجيه للمستقيم (AC) ولتكن $M(x; y)$ نقطة من المستقيم (AC) $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$

أي الشعاعان $\overrightarrow{AM} \begin{pmatrix} x - 1 \\ y - 2 \end{pmatrix}$ و $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ مرتبطان خطيا أي

$(AC) : x - y + 1 = 0$ معناه $(x - 1)(y - 2) = 0$

6. ثم استنتاج معادلة للمستقيم (A) الذي يشمل النقطة B ويوازي (AC) .

يمكن أن $(A) // (AC)$ أي $(A) : x - y + c = 0$ أي $(A) : x - y + 1 = 0$ أي $c = 2$ منه $c = 2$

انتهى.....