

التاريخ: 2021/11/30

المدة: 2 سا

المستوى: 1 ج م ع

المادة: رياضيات

اختبار الفصل الأول

تمرين 01: (4 ن)

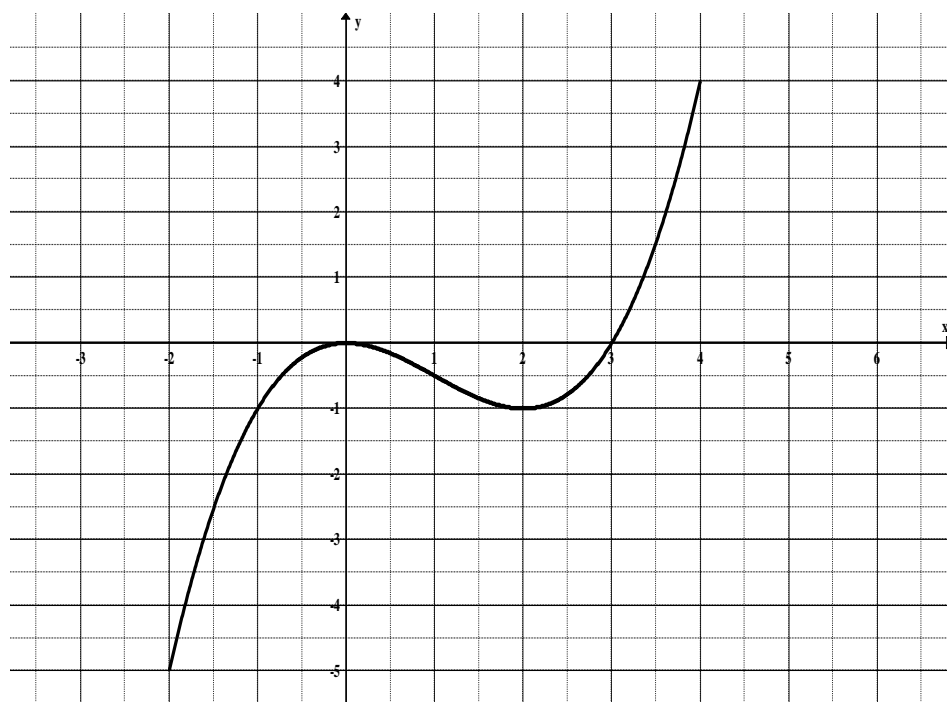
لتكن الدالة f المعرفة من أجل كل عدد حقيقي x بـ: $f(x) = x^2 - 4x - 5$.

(1) تحقق أن: $f(x) = (x - 2)^2 - 9$.

(2) أوجد صور الأعداد -1 , 3 بالدالة f .

(3) باختيار العبارة المناسبة أوجد سوابق -8 , -5 .

(4) نعتبر النقطة $A(x, 0)$ تنتمي إلى المنحنى الممثل للدالة f . عيّن العدد x .



تمرين 02: (4 ن)

لتكن الدالة f المعرفة على المجال

$[-2; 4]$. وليكن المنحنى الممثل

للدالة f في معلم متعامد ومتجانس.

(1) أوجد صور الأعداد -2 , -1 , 0 , 1 .

(2) أوجد سوابق -1 , 0 .

(3) حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$.

(4) شكل جدول إشارة الدالة f .

(5) شكل جدول تغيرات الدالة f .

(6) لتكن الدالة التالفية g والتي منحناها البياني يمر من النقطتان $A(2; -1)$ و $B(0; 3)$.

حل بيانيا $f(x) - g(x) = 0$ و $f(x) - g(x) \leq 0$.

تمرين 03: (4 ن):

أوجد مجموعة تعريف الدوال التالية:

$$. f(x) = \sqrt{-x+5} + \frac{2}{x^2-4} \quad (4)$$

$$. f(x) = \frac{2}{x+3} \quad (1)$$

$$. f(x) = \frac{2}{|x-3|-1} \quad (5)$$

$$. f(x) = \sqrt{x-4} \quad (2)$$

$$f(x) = \sqrt{|x+2|} \quad (6)$$

$$. f(x) = \frac{4x}{(x-2)(x-1)} \quad (3)$$

تمرين 04: (4 ن)

x و y عدنان حقيقيان موجبان تماما.

$$\text{نضع : } H = \frac{2}{\frac{1}{x} + \frac{1}{y}}, \quad Q = \sqrt{\frac{x^2+y^2}{2}}, \quad G = \sqrt{xy}, \quad A = \frac{x+y}{2}$$

$$(1) \text{ أ. أنشر } (\sqrt{x} - \sqrt{y})^2$$

ب. أحسب $A - G$ ثم قارن بين A و G .

$$(2) \text{ أ. بين أن: } H = \frac{2xy}{x+y}$$

$$\text{ب. بين أن: } G - H = \frac{\sqrt{xy}}{x+y} (\sqrt{x} - \sqrt{y})^2 \text{ ثم قارن بين } G \text{ و } H$$

$$(3) \text{ بين أن: } A \leq Q$$

$$(4) \text{ استنتج مقارنة بين الأعداد : } H ; Q ; G ; A$$

تمرين 05: (4 ن)

(1) نعتبر الأعداد x و y حيث: $3 \leq x \leq 4$ و $1 \leq y \leq 5$ أعط حصرًا للعدديين:

$$. C = \frac{5-x}{2y+3} \quad \text{و} \quad B = \frac{x^2y-2}{\sqrt{x+y}}, \quad C = 2x - 3y$$

(2) a و b أعداد حقيقية.

$$. \left| \frac{a+b-5}{2} \right| < 1 \quad \text{فإن: } |a-2| < 1 \text{ و } |b-3| < 1$$

بالتوفيق للجميع

$$f(x) = \frac{4x}{(x-2)(x-1)}$$

$$D_f = \{x/x \in \mathbb{R} \mid (x-2)(x-1) \neq 0\}$$

$$(x-2)(x-1) = 0 \rightarrow \begin{cases} x-2=0 \\ x-1=0 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x=2 \\ x=1 \end{cases}$$

$$D_f = \mathbb{R} - \{1, 2\} \quad (0,5)$$

$$f(x) = \sqrt{-x+5} + \frac{2}{x^2-4}$$

$$D_f = \{x/x \in \mathbb{R} : x^2-4 \neq 0, -x+5 \geq 0\}$$

$$x^2-4=0 \rightarrow x^2=4 \rightarrow x=\pm 2$$

$$D_1 = \mathbb{R} - \{-2, 2\} =]-\infty, -2[\cup]2, +\infty[$$

$$-x+5 \geq 0 \rightarrow -x \geq -5 \rightarrow x \leq \frac{-5}{-1}$$

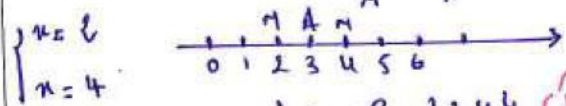
$$x \leq 5 \quad D_2 =]-\infty, 5]$$

$$D_f = D_1 \cap D_2 : x \in]-\infty, -2[\cup]2, 5]$$

$$f(x) = \frac{2}{|x-3|-1}$$

$$D_f = \{x/x \in \mathbb{R} : |x-3|-1 \neq 0\}$$

$$|x-3|-1=0 \rightarrow |x-3|=1 \rightarrow MA=1$$



$$D_f = \mathbb{R} - \{2, 4\} \quad (1)$$

$$f(x) = \sqrt{|x+2|-1}$$

$$D_f = \{x/x \in \mathbb{R} : |x+2|-1 \geq 0\}$$

$$|x+2|-1 \geq 0 \rightarrow |x+2| \geq 1$$

$$|x-(-2)| \geq 1$$

$$x \in]-\infty, -3] \cup [-1, +\infty[\quad (1)$$

$$(\sqrt{x} - \sqrt{y})^2 = \sqrt{x}^2 + \sqrt{y}^2 - 2\sqrt{x}\sqrt{y}$$

$$= \sqrt{x^2} + \sqrt{y^2} - 2\sqrt{xy}$$

$$= x + y - 2\sqrt{xy} \quad (0,25)$$

$$f(x) = x^2 - 4x - 5 \quad (1) \text{ تمرينة}$$

$$f(x) = (x-2)^2 - 9 = x^2 - 4x + 4 - 9 = x^2 - 4x - 5 \quad (1)$$

$$f(-1) = 0 \quad f(3) = -8 \quad (0,5)$$

$$x=4 \text{ و } x=0 : -5 \text{ و } x=3 \text{ و } x=1 : -8$$

$$f(x) = 0 : \text{ جذور } A(x, 0) \in (C_f)$$

$$(x-2)^2 - 9 = 0 \rightarrow (x-2)^2 = 9 \rightarrow x-2 = \pm 3$$

$$\begin{cases} x-2 = -3 \\ x-2 = 3 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 5 \end{cases} \quad (0,5)$$

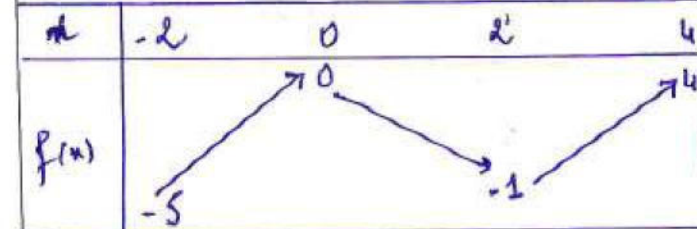
$$f(-2) = -5 \quad f(-1) = -1 \quad f(0) = 0 \quad f(1) = -1/2$$

$$f(x) = 0 \rightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=3 \end{cases} \quad f(x) = -1 \rightarrow \begin{cases} x=-1 \\ x=2 \end{cases}$$

$$f(x) = 0 \rightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=3 \end{cases} \quad \text{جدول التغيرات}$$

x	-2	0	3	4
f(x)	-	0	-	0

جدول التغيرات



$$f(x) - g(x) = 0 \rightarrow f(x) = g(x) \rightarrow x = 6 \quad (0,25)$$

$$f(x) - g(x) \leq 0 \rightarrow f(x) \leq g(x)$$

$$x \in [-2, 2] \quad (0,25)$$

$$D_f = \{x/x \in \mathbb{R} : x-3 \neq 0\} \quad f(x) = \frac{x}{x+3}$$

$$x-3=0 \rightarrow x=3 \quad D_f = \mathbb{R} - \{3\} \quad (0,5)$$

$$D_f = \{x/x \in \mathbb{R} : x-4 \geq 0\} \quad f(x) = \sqrt{x-4}$$

$$x-4 \geq 0 \rightarrow x \geq 4 \quad x \in [4, +\infty[\quad (0,5)$$

$$b \leq 2a \leq 8 \quad : \text{نقطة 3}$$

$$-3 \geq -3y \geq -15 \rightarrow -15 \leq -3y \leq -3$$

$$-9 \leq 2a - 3y \leq 5 \quad (1)$$

$$b = \frac{a^2 y - 2}{\sqrt{a+y}}$$

$$4 \leq a+y \leq 9$$

$$2 \leq \sqrt{a+y} \leq 3$$

$$\frac{1}{2} \geq \frac{1}{\sqrt{a+y}} \geq \frac{1}{3} \rightarrow \frac{1}{3} \leq \frac{1}{\sqrt{a+y}} \leq \frac{1}{2}$$

$$9 \leq a^2 \leq 16 \quad \left\{ \begin{array}{l} \rightarrow 9 \leq a^2 y \leq 80 \\ 1 \leq y \leq 5 \end{array} \right.$$

$$7 \leq a^2 y - 2 \leq 78$$

$$\frac{7}{3} \leq \frac{a^2 y - 2}{\sqrt{a+y}} \leq \frac{78}{2} \quad (1)$$

$$c = \frac{5-a}{2y+3}$$

$$5 \leq 2y+3 \leq 13$$

$$\frac{1}{13} \leq \frac{1}{2y+3} \leq \frac{1}{5}$$

$$-3 \geq -a \geq -4 \rightarrow -4 \leq -a \leq -3$$

$$1 \leq 5-a \leq 2$$

$$\frac{1}{13} \leq \frac{5-a}{2y+3} \leq \frac{2}{5} \quad (1)$$

$$|a-2| < 1 \rightarrow 2-1 < a < 2+1$$

$$1 < a < 3 \quad (0,25)$$

$$|b-3| < 1 \rightarrow 2 < b < 4 \quad (0,25)$$

$$\left| \frac{a+b-5}{2} \right| < 1 \rightarrow \left| \frac{a+b-5}{2} - 0 \right| < 1$$

$$-1 < \frac{a+b-5}{2} < 1$$

$$3 < a+b < 7$$

$$-2 < a+b-5 < 2 \quad (0,5)$$

$$-1 < \frac{a+b-5}{2} < 1 \rightarrow \text{صحة}$$

$$A-G = \frac{a+y}{2} - \sqrt{ay} = \frac{a+y-2\sqrt{ay}}{2} = \frac{(\sqrt{a}-\sqrt{y})^2}{2} \quad (0,5)$$

$$(0,25) \quad A > G \quad \text{حيث } A-G > 0$$

$$H = \frac{2}{\frac{1}{a} + \frac{1}{y}} = \frac{2}{\frac{a+y}{ay}} = \frac{2ay}{a+y} \quad (0,25)$$

$$G-H = \sqrt{ay} - \frac{2ay}{a+y} = \frac{\sqrt{ay}(a+y) - 2ay}{a+y} = \frac{\sqrt{ay}(a+y) - 2ay}{a+y}$$

$$= \frac{\sqrt{ay}(\sqrt{a}-\sqrt{y})^2}{a+y} \quad (1)$$

$$G > H \quad \text{حيث } G-H > 0$$

$$A \leq Q \rightarrow \frac{a+y}{2} \leq \sqrt{\frac{a^2+y^2}{2}}$$

$$\left(\frac{a+y}{2}\right)^2 \leq \frac{a^2+y^2}{2} \rightarrow \frac{(a+y)^2}{4} \leq \frac{a^2+y^2}{2}$$

$$\frac{a^2+y^2+2ay}{4} \leq \frac{a^2+y^2}{2}$$

$$0 \leq \frac{a^2+y^2}{2} - \frac{a^2+y^2+2ay}{4}$$

$$0 \leq \frac{2(a^2+y^2) - a^2 - y^2 - 2ay}{4}$$

$$0 \leq \frac{a^2+y^2-2ay}{4} \quad (1)$$

$$0 \leq \frac{(a-y)^2}{4} \rightarrow \text{صحة}$$

$$H < G < A < Q \quad \left. \begin{array}{l} H < G \\ G < A \\ A < Q \end{array} \right\} \text{صحة}$$

$$(0,5)$$