

التاريخ: 2021/11/30
المدة: 2 سا

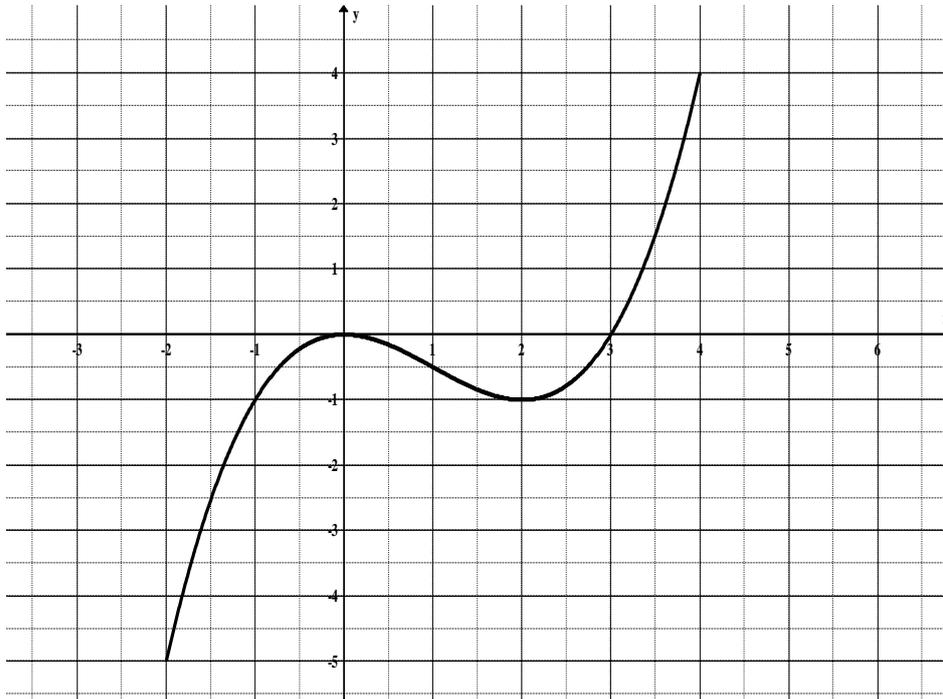
المستوى: 1 ج م ع
المادة: رياضيات

اختبار الفصل الأول

تمرين 01: (4 ن)

لتكن الدالة f المعرفة من أجل كل عدد حقيقي x بـ: $f(x) = x^2 - 4x - 5$.

- (1) تحقق أن: $f(x) = (x - 2)^2 - 9$.
- (2) أوجد صور الأعداد -1 , 3 بالدالة f .
- (3) باختيار العبارة المناسبة أوجد سوابق -8 , -5 .
- (4) نعتبر النقطة $A(x, 0)$ تنتمي إلى المنحنى الممثل للدالة f . عيّن العدد x .



تمرين 02: (4 ن)

لتكن الدالة f المعرفة على المجال $[-2; 4]$. وليكن المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس.

- (1) أوجد صور الأعداد -2 , -1 , 0 , 1 .
- (2) أوجد سوابق -1 , 0 .
- (3) حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$.
- (4) شكل جدول إشارة الدالة f .
- (5) شكل جدول تغيرات الدالة f .
- (6) لتكن الدالة التالفية g والتي منحناها البياني يمر من النقطتان $A(2; -1)$ و $B(0; 3)$
حل بيانيا $f(x) - g(x) = 0$ و $f(x) - g(x) \leq 0$

تمرين 03: (4 ن):

أوجد مجموعة تعريف الدوال التالية:

$$. f(x) = \sqrt{-x+5} + \frac{2}{x^2-4} \quad (4)$$

$$. f(x) = \frac{2}{x+3} \quad (1)$$

$$. f(x) = \frac{2}{|x-3|-1} \quad (5)$$

$$. f(x) = \sqrt{x-4} \quad (2)$$

$$f(x) = \sqrt{|x+2|} \quad (6)$$

$$. f(x) = \frac{4x}{(x-2)(x-1)} \quad (3)$$

تمرين 04: (4 ن)

x و y عدنان حقيقيان موجبان تماما.

$$\text{نضع : } H = \frac{2}{\frac{1}{x} + \frac{1}{y}}, \quad Q = \sqrt{\frac{x^2+y^2}{2}}, \quad G = \sqrt{xy}, \quad A = \frac{x+y}{2}$$

$$(1) \text{ أ. أنشر } (\sqrt{x} - \sqrt{y})^2 .$$

ب. أحسب $A - G$ ثم قارن بين A و G .

$$(2) \text{ أ. بين أن : } H = \frac{2xy}{x+y} .$$

$$\text{ب. بين أن : } G - H = \frac{\sqrt{xy}}{x+y} (\sqrt{x} - \sqrt{y})^2 \text{ ثم قارن بين } G \text{ و } H .$$

$$(3) \text{ بين أن : } A \leq Q .$$

$$(4) \text{ استنتج مقارنة بين الأعداد : } H ; Q ; G ; A .$$

تمرين 05: (4 ن)

(1) نعتبر الأعداد x و y حيث: $3 \leq x \leq 4$ و $1 \leq y \leq 5$ أعط حصرًا للعدديين:

$$. C = \frac{5-x}{2y+3} \quad \text{و} \quad B = \frac{x^2y-2}{\sqrt{x+y}}, \quad C = 2x - 3y$$

(2) a و b أعداد حقيقية.

$$. \left| \frac{a+b-5}{2} \right| < 1 \quad \text{فإن : } |a-2| < 1 \text{ و } |b-3| < 1$$

بالتوفيق للجميع

$$f(x) = \frac{4x}{(x-2)(x-1)}$$

$$D_f = \{x/x \in \mathbb{R} \mid (x-2)(x-1) \neq 0\}$$

$$(x-2)(x-1) = 0 \rightarrow \begin{cases} x-2=0 \\ x-1=0 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x=2 \\ x=1 \end{cases}$$

$$D_f = \mathbb{R} - \{1, 2\} \quad (0,5)$$

$$f(x) = \sqrt{-x+5} + \frac{2}{x^2-4}$$

$$D_f = \{x/x \in \mathbb{R} : x^2-4 \neq 0, -x+5 \geq 0\}$$

$$x^2-4=0 \rightarrow x^2=4 \rightarrow x = \pm 2$$

$$D_1 = \mathbb{R} - \{-2, 2\} =]-\infty, -2[\cup]2, +\infty[$$

$$-x+5 \geq 0 \rightarrow -x \geq -5 \rightarrow x \leq \frac{-5}{-1}$$

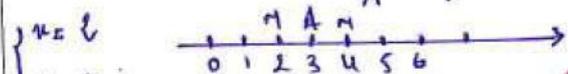
$$x \leq 5 \quad D_2 =]-\infty, 5]$$

$$D_f = D_1 \cap D_2 : x \in]-\infty, -2[\cup]2, 5]$$

$$f(x) = \frac{2}{|x-3|-1}$$

$$D_f = \{x/x \in \mathbb{R} : |x-3|-1 \neq 0\}$$

$$|x-3|-1 = 0 \rightarrow |x-3| = 1 \rightarrow MA = 1$$



$$D_f = \mathbb{R} - \{2, 4\} \quad (1)$$

$$f(x) = \sqrt{|x+2|-1}$$

$$D_f = \{x/x \in \mathbb{R} : |x+2|-1 \geq 0\}$$

$$|x+2|-1 \geq 0 \rightarrow |x+2| \geq 1$$

$$|x-(-2)| \geq 1$$

$$x \in]-\infty, -3] \cup [-1, +\infty[\quad (1)$$

$$(\sqrt{x} - \sqrt{y})^2 = \sqrt{x}^2 + \sqrt{y}^2 - 2\sqrt{x}\sqrt{y}$$

$$= \sqrt{x^2} + \sqrt{y^2} - 2\sqrt{xy}$$

$$= x + y - 2\sqrt{xy} \quad (0,25)$$

$$f(x) = x^2 - 4x - 5 \quad (1) \text{ تمرينة}$$

$$f(x) = (x-2)^2 - 9 = x^2 - 4x + 4 - 9 = x^2 - 4x - 5 \quad (1)$$

$$f(-1) = 0 \quad f(3) = -8 \quad (0,5)$$

$$x=4 \text{ و } x=0 : -5 \text{ و } x=3 \text{ و } x=1 : -8$$

$$f(x) = 0 : \text{ جذور } A(x, 0) \in (C_f)$$

$$(x-2)^2 - 9 = 0 \rightarrow (x-2)^2 = 9 \rightarrow x-2 = \pm 3$$

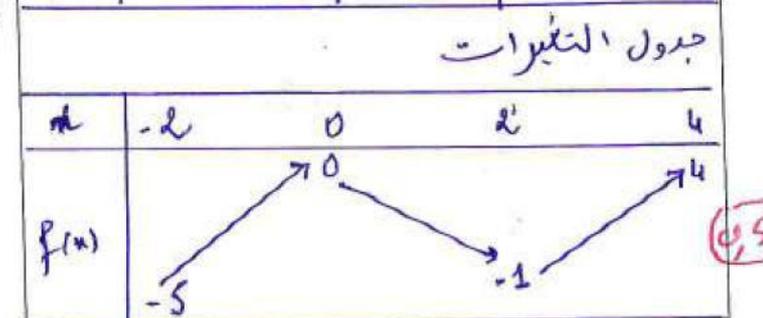
$$\begin{cases} x-2 = -3 \\ x-2 = 3 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 5 \end{cases} \quad (0,5)$$

$$f(-2) = -5 \quad f(-1) = -1 \quad f(0) = 0 \quad f(1) = -1/2$$

$$f(x) = 0 \rightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=3 \end{cases} \quad f(x) = -1 \rightarrow \begin{cases} x=-1 \\ x=2 \end{cases}$$

$$f(x) = 0 \rightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=3 \end{cases} \quad \text{جدول التغيرات}$$

x	-2	0	3	4
f(x)	-	0	-	+



$$f(x) - g(x) = 0 \rightarrow f(x) = g(x) \rightarrow x = 6 \quad (0,25)$$

$$f(x) - g(x) \leq 0 \rightarrow f(x) \leq g(x)$$

$$x \in [-2, 2] \quad (0,25)$$

$$D_f = \{x/x \in \mathbb{R} : x-3 \neq 0\} \quad f(x) = \frac{x}{x+3}$$

$$x-3=0 \rightarrow x=3 \quad D_f = \mathbb{R} - \{3\} \quad (0,5)$$

$$D_g = \{x/x \in \mathbb{R} : x-4 \geq 0\} \quad f(x) = \sqrt{x-4}$$

$$x-4 \geq 0 \rightarrow x \geq 4 \quad x \in [4, +\infty[\quad (0,5)$$

$b \leq 2m \leq 8$: (3) نقره

$-3 \geq -3y \geq -15 \rightarrow -15 \leq -3y \leq -3$

$-9 \leq 2m - 3y \leq 5$ (1)

$B = \frac{m^2 y - 2}{\sqrt{m+y}}$ $4 \leq m+y \leq 9$
 $2 \leq \sqrt{m+y} \leq 3$

$\frac{1}{2} \geq \frac{1}{\sqrt{m+y}} \geq \frac{1}{3} \rightarrow \frac{1}{3} \leq \frac{1}{\sqrt{m+y}} \leq \frac{1}{2}$

$9 \leq m^2 \leq 16$ $\rightarrow 9 \leq m^2 y \leq 80$
 $1 \leq y \leq 5$

$7 \leq m^2 y - 2 \leq 78$

$\frac{7}{3} \leq \frac{m^2 y - 2}{\sqrt{m+y}} \leq \frac{78}{2}$ (1)

$C = \frac{5-m}{2y+3}$ $5 \leq 2y+3 \leq 13$
 $\frac{1}{13} \leq \frac{1}{2y+3} \leq \frac{1}{5}$

$-3 \geq -m \geq -4 \rightarrow -4 \leq -m \leq -3$

$1 \leq 5-m \leq 2$

$\frac{1}{13} \leq \frac{5-m}{2y+3} \leq \frac{2}{5}$ (1)

$|a-2| < 1 \rightarrow 2-1 < a < 2+1$
 $1 < a < 3$ (0,25)

$|b-3| < 1 \rightarrow 2 < b < 4$ (0,25)

$|\frac{a+b-5}{2}| < 1 \rightarrow |\frac{a+b-5}{2} - 0| < 1$

$-1 < \frac{a+b-5}{2} < 1$

$3 < a+b < 7$

$-2 < a+b-5 < 2$ (0,5)

$-1 < \frac{a+b-5}{2} < 1 \rightarrow$ صحیح

$A-G = \frac{m+y}{2} - \sqrt{my} = \frac{m+y-2\sqrt{my}}{2}$
 $= \frac{(\sqrt{m}-\sqrt{y})^2}{2}$ (0,5)

(0,25) $A > G$ زیرا $A-G > 0$

$H = \frac{2}{\frac{1}{m} + \frac{1}{y}} = \frac{2}{\frac{m+y}{my}} = \frac{2my}{m+y}$ (0,25)

$G-H = \sqrt{my} - \frac{2my}{m+y} = \frac{\sqrt{my}(m+y) - 2my}{m+y}$
 $= \frac{\sqrt{my}(m+y) - 2my}{m+y} = \frac{\sqrt{my}(m+y-2\sqrt{my})}{m+y}$

$= \frac{\sqrt{my}(\sqrt{m}-\sqrt{y})^2}{m+y}$ (1)

$G > H$ زیرا $G-H > 0$

$A \leq Q \rightarrow \frac{m+y}{2} \leq \sqrt{\frac{m^2+y^2}{2}}$

$(\frac{m+y}{2})^2 \leq \frac{m^2+y^2}{2} \rightarrow \frac{(m+y)^2}{4} \leq \frac{m^2+y^2}{2}$

$\frac{m^2+y^2+2my}{4} \leq \frac{m^2+y^2}{2}$

$0 \leq \frac{m^2+y^2}{2} - \frac{m^2+y^2+2my}{4}$

$0 \leq \frac{2(m^2+y^2) - m^2 - y^2 - 2my}{4}$

$0 \leq \frac{m^2+y^2-2my}{4}$ (1)

$0 \leq \frac{(m-y)^2}{4} \rightarrow$ صحیح

$H < G < A < Q$: زیرا
 $G < A$
 $A < Q$
 (0,5)