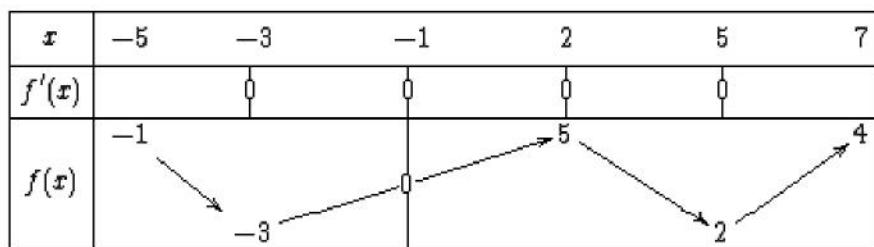


المترن الأول: (8 ن)

$f$  دالة معرفة وقابلة للاشتراق على المجال  $I = [-5; 7]$  بجدول تغيراتها:



1. اكمل الجدول السابق.
2. حل في المجال  $I$  المعادلة  $f'(x) = 0$  و  $f(x) = 0$ .
3. استنتج إشارة  $f(x)$ .
4. عين القيم الحدية المحلية للدالة  $f$ .
5. هل الدالة  $f$  تقبل نقطة انعطاف؟ ببر.
6. ارسم المنحني ( $C$ ) الممتد للدالة  $f$  على  $I$ .

المترن الثاني: (12 ن)

نعتبر الدال  $f$  المعرفة على  $[0; 4]$  بـ

- (1) احسب  $f'(x)$  ثم ادرس تغيرات الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها على  $[0; 4]$ .
- (2) عين القيم الحدية المحلية للدالة  $f$ .

- (3) عين حصرا للدالة  $f$  على المجال  $[1; 3]$  ثم على المجال  $[4; 3]$  وقارن بين العددين  $f(\sqrt{3})$  و  $f\left(\frac{2}{\sqrt{2}}\right)$ .
- (4) اكتب معادلة المماس ( $T$ ) المنحني ( $C_f$ ) عند النقطة ذات الفاصلة 2.

- (5) ادرس الوضع النسبي بين  $(C_f)$  و  $(T)$ .
- (6) عين احسن تقرير تالفي للدالة  $f$  بجوار 2 ثم استنتاج قيمة تقريرية للعدد  $f(2,0001)$ .
- (7) اثبت ان النقطة  $(2; 2)$  مركز تناظر  $(C_f)$ .
- (8) ارسم بدقة  $(T)$  و  $(C_f)$  وعين بيانيا حلول المعادلة  $f(x) = 3$ .

بالتوقيـق

التمرين الأول:

## 1. اكمال الجدول

$x$	-5	-3	-1	2	5	7
$f'(x)$	-	0	+	0	+	-
$f(x)$	-1	-3	0	5	2	4

2. حل في المجال  $I$  المعادلة  $f'(x) = 0$  و  $f(x) = 0$ .  
 من جدول التغيرات لدينا  $f(-1) = 0$  منه حل المعادلة هو -1.  
 $S = \{-3; -1; 2; 5\}$  منه حلول المعادلة هي  $\{f'(-3) = 0, f'(2) = 0, f'(-1) = 0, f'(5) = 0\}$ .
3. من جدول التغيرات نلاحظ:

$x$	-5	-1	7
$f(x)$	-	0	+

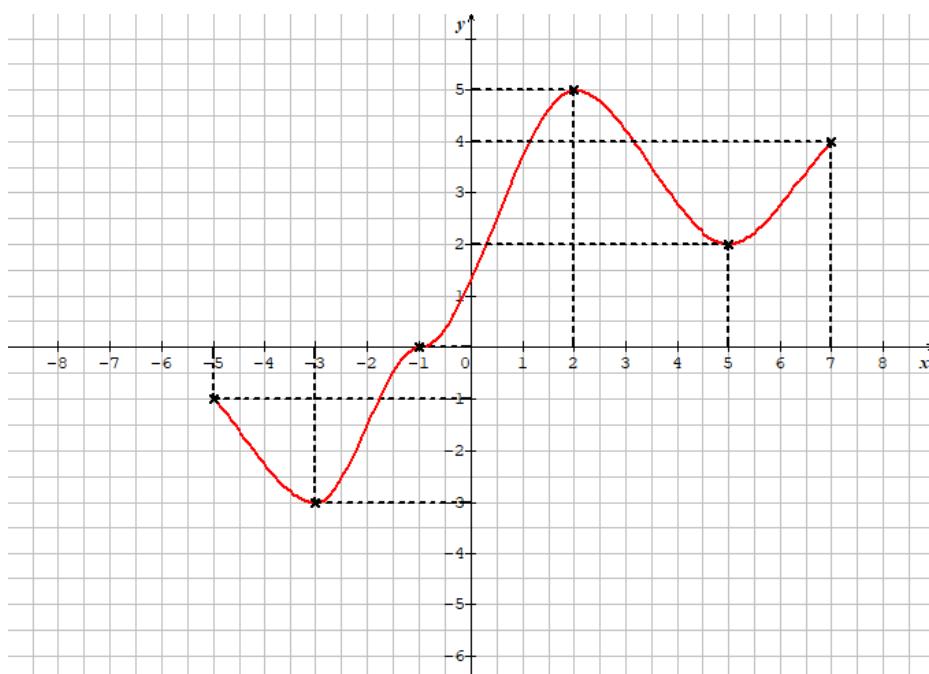
- تعيين القيم الحدية المحلية للدالة  $f$ :
- 3 قيمة حدية محلية صغرى تبلغها عند -3
  - 2 قيمة حدية محلية صغرى تبلغها عند 5
  - 5 قيمة حدية محلية كبرى تبلغها عند 2

4.

(2;5) و (-2;5) قيمة حدية محلية كبرى.

5. الدالة  $f$  تقبل نقطة انعطاف هي (0;-1) لأن المشتقة تتعدّم عند 0 ولا تغيير اشارتها.

6. الرسم:



## التمرين الثاني:

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $[0;4]$  بـ

$$(1) \text{ حساب } f'(x) : f'(x) = -3x^2 + 12x - 9$$

$$-3x^2 + 12x - 9 = 0 \quad \text{معناه } f'(x) = 0$$

$\Delta = 12^2 - 4(-3)(-9) = 144 - 108 = 36 > 0$  منه المعادلة تقبل حلین متمایزین

$$x_2 = \frac{-12 + \sqrt{36}}{-6} = 1 \quad \text{و} \quad x_1 = \frac{-12 - \sqrt{36}}{-6} = 3$$

جدول تغیراتها على  $[0;4]$

$x$	0	1	3	4
$f'(x)$	-	0	+	0
$f(x)$	4 ↓ 0	0 ↑ 4	4 ↓ 0	0

(2) القيم الحدية المحلية للدالة  $f$ .

من جدول التغیرات لدينا 0 قيمة حدية محلية صغّری تبلغها عند 1

4 قيمة حدية محلية کبری تبلغها عند 3

(3) حصراً للدالة  $f$  على المجال  $[1;3]$  ثم على المجال  $[3;4]$

الدالة  $f$  متزايدة تماماً على المجال  $[1;3]$  منه  $f(1) \leq f(x) \leq f(3)$  أي  $4 \leq f(x) \leq 6$

الدالة  $f$  متناقصة تماماً على المجال  $[3;4]$  منه  $f(3) \leq f(x) \leq f(4)$  أي  $4 \leq f(x) \leq 6$

$$\text{مقارنة العددين } f\left(\frac{2}{\sqrt{2}}\right) \text{ و } f(\sqrt{3})$$

لدينا  $\frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$  و  $\sqrt{2} < \sqrt{3}$  حيث

$$f\left(\frac{2}{\sqrt{2}}\right) < f(\sqrt{3}) \quad \text{فإن}$$

(4) معادلة المماس ( $T$ ) المنحني ( $C_f$ ) عند النقطة ذات الفاصلة 2.

$$(T) : y = f'(2)(x - 2) + f(2)$$

$$\begin{aligned} f'(2) &= -3(2)^2 + 12(2) - 9 = 3 \\ &= 3(x - 2) + 2 \\ &= 3x - 6 + 2 \\ &= 3x - 4 \end{aligned}$$

(5) دراسة الوضع النسبي بين  $(C_f)$  و  $(T)$ : ندرس إشارة الفرق  $y$

$$f(x) - y = -x^3 + 6x^2 - 9x + 4 - 3x + 4$$

$$= -x^3 + 6x^2 - 12x + 8$$

$$= (-x)^3 + 3 \cdot 2x^2 - 3 \cdot 2^2 x + 2^3$$

$$= (2 - x)^3$$

$x$	0	2	4
$f(x) - y$	+	0	-
الوضع النسبي	( $T$ ) فوق ( $C_f$ )	( $T$ ) تحت ( $C_f$ )	( $T$ ) يقطع ( $C_f$ )

6) احسن تقریب تالفی للدالة  $f$  بجوار 2 الذي معادلته  $4 - 3x = y$  وبالتالي القيمة التقریبیة للعدد  $f(2,0001)$

$$f(2,0001) \approx 3(2,0001) - 4 = 2,0001$$

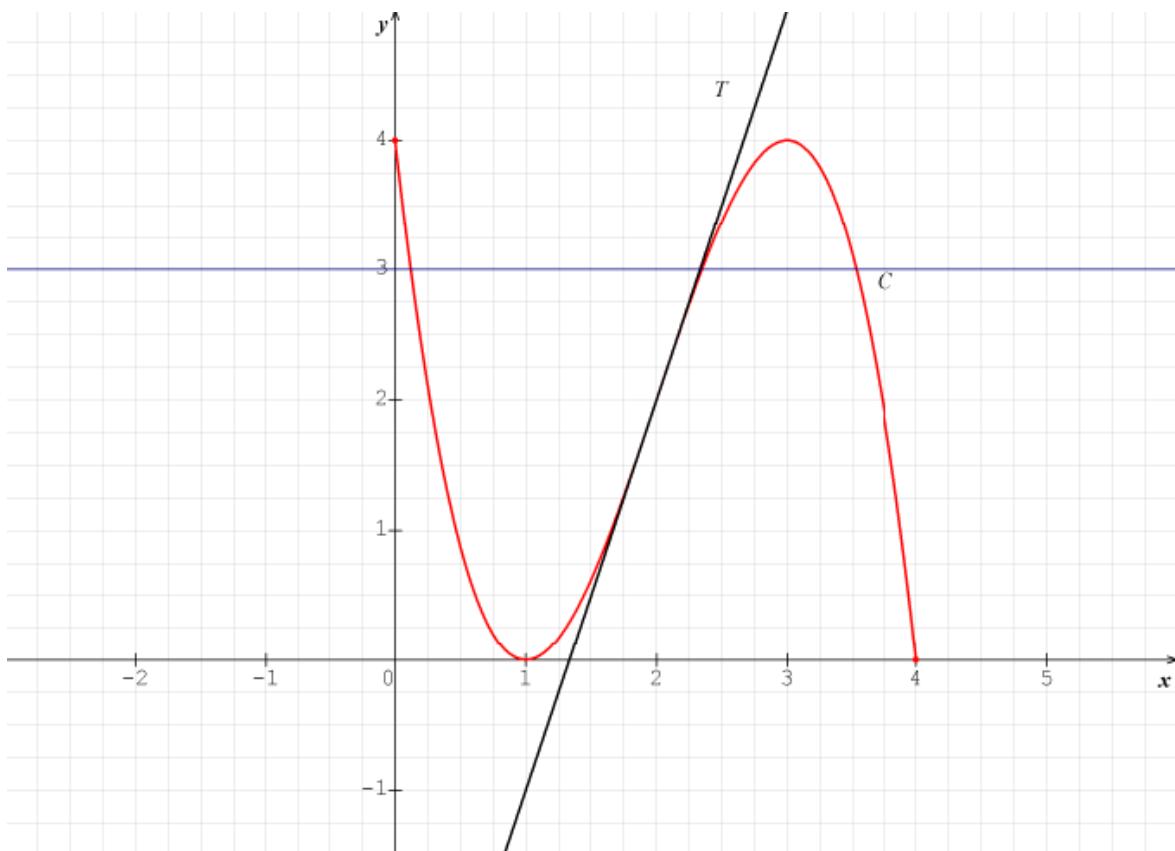
7) اثبات ان النقطة  $(2;2)$  مركز تناظر  $(C_f)$

$$f(2a-x) + f(x) = 2b$$

$$\begin{aligned} f(2(2)-x) + f(x) &= f(4-x) + f(x) \\ &= -(4-x)^3 + 6(4-x)^2 - 9(4-x) + 4 - x^3 + 6x^2 - 9x + 4 \\ &= -(-x^3 + 12x^2 - 48x + 64) + 6(x^2 - 8x + 16) - 36 + 9x - x^3 + 6x^2 - 9x + 8 \\ &= x^3 - 12x^2 + 48 - 64 + 6x^2 - 48x + 96 - 36 + 9x - x^3 + 6x^2 - 9x + 8 \\ &= 4 = 2b \end{aligned}$$

منه النقطة  $(2;2)$  مركز تناظر  $(C_f)$ .

8) رسم  $(T)$  و  $(C_f)$  وتعیین بیانیا حلول المعادلة  $3 = f(x)$



حلول المعادلة  $f(x) = 3$  هي نقاط تقاطع  $(C_f)$  مع المستقيم الذي معادلته  $y = 3$