

التمرين الأول (6 نقط)

ينسب المستوي إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1) علم النقط :  $A(-2;2)$  ،  $B(2;4)$  و  $C(0;-2)$

(2) بين أن المثلث  $ABC$  قائم ومتسايس الضلعين في نقطة يطلب تحديدها

(3) لتكن النقطة  $I$  المسقط العمودي للنقطة  $A$  على  $[BC]$

(أ) استنتج احداثي النقطة  $I$

(ب) عين بيانيا احداثي النقطة  $I$  في المعلم  $(A; \overline{AC}, \overline{AB})$

(4) لتكن النقطة  $G$  مركز ثقل المثلث  $ABC$

(أ) أنشئ النقطة  $G$  ثم عين احداثيها بالحساب (استعمل علاقة شعاعية تخص مركز الثقل)

(ب) تأكد من صحة العلاقة :  $\overline{GA} + \overline{GB} + \overline{GC} = \vec{0}$

التمرين الثاني (7.5 نقطة) :

أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير في كل مرة

ينسب المستوي إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1)  $(D)$  المستقيم الذي يشمل النقطتين  $A(2,1)$  و  $B(-1,0)$  معامل توجيهه يساوي  $\frac{2}{5}$

(2) الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة :  $f(x) = x^2 + |x| - 3$  فردية

(3) الدالة  $f$  المعرفة بـ :  $f(x) = \frac{-1}{x-1}$  متناقصة تماما على المجال  $]-\infty; 1[$

(4)  $x$  عدد حقيقي . إذا كان  $x^2 > 25$  فإن  $x \in ]-\infty; -5[ \cup ]5; +\infty[$

(5) الدالة  $f$  المعرفة بـ :  $f(x) = |x-1|$  متزايدة تماما على  $\mathbb{R}$

(6)  $f$  دالة تآلفية متناقصة تماما على  $\mathbb{R}$  ، منحنيها البياني  $(C_f)$  يقطع حامل محور القواصل في النقطة ذات الفاصلة 4  
إن :  $f(1) > 0$

التمرين الثالث (6.5 نقطة) :

ينسب المستوي إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

$f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $f(x) = x^2 - 8x + 20$

(1) عين السوابق الممكنة للعدد 20 بالدالة  $f$

(2) تحقق أن من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = (x-4)^2 + 4$

(3) ادرس تغيرات الدالة  $f$  على كل من المجالين  $]-\infty; 4[$  و  $]4; +\infty[$  ثم شكل جدول تغيراتها

(4) اشرح كيف يمكن رسم المنحني الممثل للدالة  $f$  بالاعتماد على منحني الدالة مربع في المعلم  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(5) ارسم  $(C_f)$

(6) تعتبر المثلث  $ABC$  القائم في النقطة  $B$  حيث :

$$AB = 4cm \text{ و } BC = 2cm$$

$M$  نقطة متحركة على القطعة  $[AB]$  حيث :  $AM = x$

$D$  و  $E$  نقطتان من المستوي بحيث يكون الرباعي

$MCDE$  مربعا (انظر الشكل)

(أ) ما هي القيم الممكنة لـ :  $x$  ؟

(ب) برهن أن مساحة المربع  $MCDE$  هي  $f(x)$

(ج) استنتج قيمة  $x$  حتى تكون مساحة المربع  $MCDE$  أصغر ما يمكن

