



ملاحظة: أجب على التمرين الأول واختر أحد التمرينين (02) أو (03)

12.5  
نقطة

أجب بصحيح أو خطأ مع التعليل: "كلّ إجابة دون تبرير لا تؤخذ بعين الاعتبار"

- (1) المعادلة:  $2019x^2 + 1440x - 2018 = 0$  تقبل حلين متميزين (دون حساب المميز).....(01)
- (2) الدالة  $f$  المعرفة على  $]-\infty; 5]$  بـ:  $f(x) = -\sqrt{5-x}$  متزايدة تماما على  $]-\infty; 5]$ .....(02)
- (3) إذا كانت الدالتان  $f$  و  $g$  معرفتان على المجال  $]-\infty; +\infty[$  بـ:  $f(x) = x^4 - 1$  و  $g(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$  فإن  $(f \circ g)(x) = \frac{1}{x^2}$ .....(1.5)
- (4) إذا كانت الدالتان  $f$  و  $g$  معرفتان على المجال  $]-\infty; +\infty[$  بـ:  $f(x) = \sqrt{x}$  و  $g(x) = x^2$  فإن  $f \circ g = g \circ f$ .....(1.5)
- (5) إذا كانت الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $]-\infty; 0[$  كما يلي:  $f(x) = \frac{|x|(x^2+1)}{x^3+x}$  فإن  $f(x) = 1$ .....(1.5)
- (6) إذا كان المعادلة  $ax^2 + bx + c = 0$  حيث  $a \neq 0$  و  $\Delta < 0$  ،  $\frac{c}{a} < 0$  فإن للمعادلة حلين سالبين.....(01)
- (7) في معلم متعامد، المستقيم ذو المعادلة  $x = -1$  محور تناظر لمنحنى الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathcal{R}$  كما يلي:  $f(x) = \sqrt{x^2 + 2x + 3}$ .....(1.5)
- (8) منحنى الدالة مقلوب هو صورة منحنى الدالة  $h$  المعرفة على  $R - \{2\}$  بـ:  $h(x) = \frac{1}{x-2}$  بالانسحاب الذي شعاعه  $\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix}$ .....(01)
- (9) إذا كانت الدالتان  $f$  و  $g$  معرفتان على المجال  $]-\infty; +\infty[$  بـ:  $f(x) = x + 1$  و  $g(x) = x^2$  فإن الدالة  $g \circ f$  متناقصة تماما على المجال  $]-\infty; +\infty[$ .....(01.5)

07.5  
نقاط

التوقيت (20 دقيقة)

التمرين الثاني

نعتبر كثير الحدود  $p(x)$  حيث:  $p(x) = x^4 + 2x^3 - x^2 + 2x + 1$

- (1) أحسب  $p(0)$  ، ماذا تستنتج ؟ .....(0.5+0.5)
- (2) برهن أنّ المعادلة  $p(x) = 0$  مكافئة للمعادلة  $(E)$  حيث:  $(E) : \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 + 2\left(x + \frac{1}{x}\right) - 3 = 0$ .....(01.5)
- (3) حل في  $\mathcal{R}$  المعادلة ذات المجهول الحقيقي  $X$  التالية:  $X^2 + 2X = 3$  ثم استنتج حلول المعادلة  $(E)$ .....(02)
- (4) حل في مجموعة الأعداد الحقيقية  $\mathcal{R}$  المتراجحة  $p(x) \leq 0$ .....(01.5)
- (5) عيّن (دون حساب) إشارة:  $p(2019) \times p(1440) \times p(-\pi)$ .....(01.5)

07.5  
نقاط

التوقيت (20 دقيقة)

التمرين الثالث

نعتبر في مجموعة الأعداد الحقيقية  $\mathcal{R}$  المعادلة  $(E_m)$  ذات المجهول الحقيقي  $x$  والوسيط الحقيقي  $m$  التالية:

$$(E_m): (m + 1)x^2 - (2m + 3)x + m - 1 = 0$$

- (1) عيّن قيم العدد الحقيقي  $m$  حتى يكون  $0$  حلاً للمعادلة  $(E_m)$  ثم استنتج الحل الآخر.....(02)
- (2) عيّن قيم العدد الحقيقي  $m$  حتى تكون  $(E_m)$  معادلة من الدرجة الثانية.....(01)
- (3) ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة  $(E_m)$ .....(03)
- (4) استنتج (دون حساب) إشارة حلول المعادلة:  $2019x^2 - 4039x + 2017 = 0$ .....(01.5)

الأستاذ: تونسي ن- يمتنى لكم التوفيق والنجاح  
البريد الإلكتروني: tounsi\_nawri@yahoo.com