

## \* اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات \*

التمرين الأول: ( نقاط )

نعتبر كثير الحدود  $p(x)$  المعرف بـ:  $p(x) = -x^3 + 3x^2 + 18x - 40$ .

- ① بين أن 2 جذر لـ  $p(x)$ .
- ② جد كثير حدود  $Q(x)$  بحيث يكون من أجل كل  $x \in \mathbb{R}$ :  $p(x) = (2-x) \times Q(x)$ .
- ③ حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $p(x) = 0$ .
- ④ ادرس إشارة  $p(x)$  و استنتج حلول المتراجحة  $p(x) \geq 0$ .
- ⑤ بالإعتماد على السؤال ③ استنتج حلول المعادلة  $-x\sqrt{x} + 3x + 18\sqrt{x} - 40 = 0$ .

التمرين الثاني: ( نقاط )

الجزء I: نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[0; 4]$  بـ:  $f(x) = ax^3 + 6x^2 + bx + 4$ ، و  $(C_f)$  ليكن تمثيلها البياني

في معلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

❖ عين العددين الحقيقيين  $a$  و  $b$  بحيث  $(C_f)$  يشمل النقطة  $A(1; 0)$  و يقبل مماسا أفقيا عند النقطة  $B(3; 4)$ .

الجزء II: نفرض أن عبارة  $f$  هي:  $f(x) = -x^3 + 6x^2 - 9x + 4$ .

- ① احسب  $f'(x)$  ثم ادرس إشارتها على المجال  $[0; 4]$ .
- ② استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها على المجال  $[0; 4]$ .
- ③ عين القيم الحدية المحلية للدالة  $f$ .
- ④ عين حصرا للدالة  $f$  على المجال  $[1; 3]$  ثم على المجال  $[3; 4]$  و قارن بين العددين  $f(\sqrt{3})$  و  $f\left(\frac{2}{\sqrt{2}}\right)$  دون حساب.
- ⑤ عين معادلة المماس  $(T)$  لـ  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 2.
- ⑥ ادرس الوضع النسبي بين  $(C_f)$  و  $(T)$ .
- ⑦ عين احسن تقريب تآلفي للدالة  $f$  عند القيمة ثم استنتج قيمة تقريبية للعدد  $f(2.0001)$ .
- ⑧ بين أن  $(C_f)$  يقبل نقطة إنعطاف يطلب تعيين إحداثياتها. (باستخدام المشتقة الثانية)
- ⑨ بين أن  $(C_f)$  يقبل النقطة  $\Omega(2; 2)$  كمركز تناظر.
- ⑩ ارسم  $(T)$  و  $(C_f)$  بدقة. ثم عين عدد حلول المعادلة  $f(x) = 3$ .

الجزء III: لتكن الدالة المعرفة على المجال  $[-6; -2]$  بـ:  $g(x) = -2 - x$ .

① عين عبارة الدالة  $h$  حيث  $h = f \circ g$ .

② اشرح كيف يمكن رسم  $(C_h)$  إنطلاقا من  $(C_f)$  ثم ارسمه في نفس المعلم السابق.

بالتوفيق

$$\begin{aligned} (1.00)^{365} &= 1.00 \\ (1.01)^{365} &= 37.7 \end{aligned}$$

الفرق سيكون حتما حتى وإن كان العمل بسيطا