

## اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

المدة: 02 سا

المستوي: 2 ر ت ر

التمرين الأول: (06ن)

- $A ; B ; C$  ثلاث نقط في المستوي ليست في استقامة.  $I$  منتصف القطعة  $[BC]$ , و  $G_k$  مرجح الجملة المثقلة:  $\{(A ; k), (B ; 1), (C ; 1)\}$  حيث:  $k \in \mathbb{R} - \{-2\}$ .
1. عين ثم أنشئ  $G_1$  و  $G_{-1}$ .
  2. بين أنه من أجل كل  $k \in \mathbb{R} - \{-2\}$ :  $AG_k = \frac{2}{2+k} \overrightarrow{AI}$ .
  3. عين مجموعة النقط  $G_k$  عندما يتغير  $k$  في  $\mathbb{R} - \{-2\}$ .
  4. لتكن  $(\mathcal{T})$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي حيث:  $\|-\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = AB$ .

(أ) اثبت أن النقطة  $C$  تنتمي الى  $(\mathcal{T})$ .(ب) عين ثم أنشئ المجموعة  $(\mathcal{T})$ .5. عين ثم أنشئ مجموعة النقط  $M$  من المستوي في كل حالة مما يلي:

(أ)  $(E_1): 3\|-\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = \|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\|$ .

(ب)  $(E_2): 3(-\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}) \perp (\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC})$ .

(ج)  $(E_3): \|2\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MI}\| \leq \frac{1}{2}\|4\overrightarrow{MB} + 4\overrightarrow{MC}\|$ .

التمرين الثاني: (06ن)

1. بالاعتماد على الشكل المقابل عين القيس الرئيسي للزوايا الموجهة التالية:

$(\overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AB}), (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{EF}), (\overrightarrow{BC}, \overrightarrow{BA}), (\overrightarrow{DC}, \overrightarrow{AC}), (\overrightarrow{FE}, \overrightarrow{CB})$

2. هل الزاويتان  $(\vec{u}, \vec{v}) = \frac{\pi}{4}$  و  $(\vec{w}, \vec{v}) = \frac{82\pi}{8}$  متقايستان؟

3. أوجد قيسا بالراديان لكل من الزوايا الموجهة التالية:

$(\vec{u}, 4\vec{w}), (-2\vec{v}, -2\vec{u}), (-2\vec{v}, 3\vec{u})$

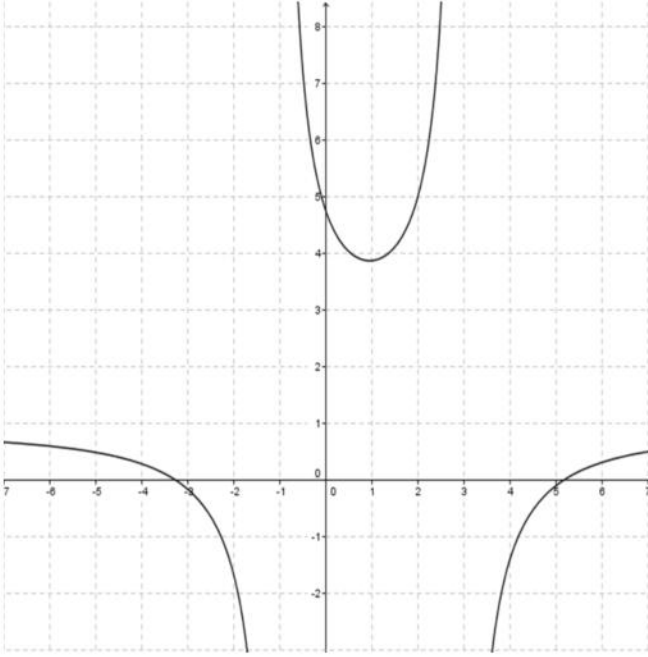
4. ليكن  $x$  عدد حقيقي, نضع

$$A(x) = \cos(30\pi - x) - \sin\left(\frac{27\pi}{2} - x\right) + \sin(2019\pi - x) - \cos\left(\frac{21\pi}{2} - x\right) - 2\sin\left(\frac{77\pi}{3}\right)$$

(أ) بين أن من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $A(x) = 2 \cos x + \sqrt{3}$ .(ب) حل في المجال  $]-\pi; \pi]$  المعادلة:  $A(x) = 0$ , ثم استنتج حلول المترابحة:  $A(x) \leq 0$ .(ج) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة ذات المجهول  $x$  التالية:  $A(x) + A\left(\frac{\pi}{2} - x\right) - 2\sqrt{3} = \sqrt{6}$ .

## التمرين الثالث: (08ن)

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة و القابلة للاشتقاق على  $\mathbb{R} - \{-1; 3\}$  و ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .



I. بقراءة بيانية :

1. شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .
2. عين اشارة كل من  $f(x)$  و  $f'(x)$  على  $\mathbb{R} - \{-1; 3\}$ .
3. عين جدول تغيرات الدالة  $f'$ .
- 4.

II. نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{-3; -1; 3; 5\}$  كمايلي :  
$$g(x) = \frac{1}{f(x)}$$

1. أحسب  $g'(x)$  بدلالة  $f(x)$  و  $f'(x)$ .
2. استنتج اتجاه تغير الدالة  $g$ .

III. لتكن الدالة  $f$  المعرفة ب:  $f(x) = a + \frac{b}{x^2 - 2x - 3}$  حيث  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان .

1. جد بيانيا كلا من :  $f(1)$  و  $f(-3)$  و  $f'(1)$ .
2. استنتج قيمة كل من العددين  $a$  و  $b$ .
3. تحقق أنه من أجل عدد حقيقي  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-1; 3\}$  فان :  $f(x) = \frac{x^2 - 2x - 15}{x^2 - 2x - 3}$ .
4. أحسب  $f'(x)$  بدلالة  $x$  ثم استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$ .
5. ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد و اشارة حلول المعادلة :  $f(x) = m$ .

بالتوفيق - أساتذة المادة -