



20462601812019

## الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

ثانوية بوزيدي محمد - صبرة -  
السنة الدراسية 2018 / 2019

مديرية التربية لولاية تلمسان  
المستوى : السنة الثانية علوم تجريبية

المدة : 02 سا

إختبار الثلاثي الثاني في مادة : الرياضيات

## التمرين الأول: (06 نقاط)

يحتوي كيس على 5 كريات لا نفرق بينهما باللمس، منها ثلاث كريات بيضاء مرقمة بـ: 1 ، 2 ، 3 وكرتين حمراوين مرقمة بـ: 1 ، 2 .

نسحب بطريقة عشوائية كرتين على التوالي بحيث لا نعيد الكرة المسحوبة .  
(1) شكل شجرة الاحتمالات.

(2) نعتبر الحوادث التالية:

A: "الكرتين المسحوبتين تحملان نفس اللون"

و B: "الكرتين المسحوبتين تحملان نفس الرقم".

(1) أحسب  $P(A)$  ،  $P(B)$  ، احتمال الحوادث  $A, B$  على الترتيب.

(3) ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يرفق بكل عملية سحب مجموع أرقام الكريات المسحوبة .

(1) عين مجموعة قيم المتغير العشوائي  $X$  .

(ب) عرف قانون احتمال المتغير العشوائي  $X$  و أحسب أمله الرياضي  $E(X)$ .

## التمرين الثاني: (06 نقاط)

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

نعتبر النقط  $A(0,0)$  ،  $B(1,0)$  و  $C(0,1)$  و لتكن  $J$  نقطة من المستوي حيث:  $\vec{BJ} = \frac{1}{2}\vec{BC}$ .

(1) بين أن  $J$  مرجح النقطتين  $B$  و  $C$  المرفقتين بمعاملين يطلب تعيينهما.

(2) بين أنه توجد نقطة  $G$  مرجح للجملة المنقلة  $\{(A,4);(B,3);(C,-1)\}$  .

(3) عين إحداثيات النقط  $J$  و  $G$ .

(4) عين ثم أنشئ  $(E_1)$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي حيث:  $\|4\vec{MA} + 3\vec{MB} - \vec{MC}\| = 3\|\vec{MB} + \vec{MC}\|$ .

(5) عين  $(E_2)$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي حيث:  $\|4\vec{MA} + 3\vec{MB} - \vec{MC}\| = 6$ .

## التمرين الثالث: (08 نقاط)

$f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R} - \{1\}$  بـ:  $f(x) = \frac{-x^2 + 3x - 6}{2(x-1)}$

$(C_f)$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1) (أ) أحسب  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$  ، ثم فسر النتيجة بيانيا.

(ب) أحسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .



20462601812019

- (2) (أ) بين أنه كن أجل كل عدد حقيقي  $x \neq 1$  فإن:  $f(x) = -\frac{1}{2}x + 1 - \frac{2}{x-1}$
- (ب) بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = -\frac{1}{2}x + 1$  مستقيم مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$ .
- (ج) أدرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة إلى المستقيم  $(\Delta)$ .
- (3) (أ) بين أنه كن أجل كل عدد حقيقي  $x \neq 1$  فإن:  $f'(x) = \frac{(-x+3)(x+1)}{2(x-1)^2}$ ، حيث  $f'$  مشتقة الدالة  $f$ .
- (ب) أدرس إتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.
- (4) أكتب معادلة المماس  $(\mathcal{T})$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 0.
- (5) بين أن:  $f(2-x) + f(x) = 1$ ، استنتج أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل نقطة  $A$  كمركز تناظر يطلب تعيين إحداثياتها.
- (6) أنشئ كلا من  $(\Delta)$ ،  $(\mathcal{T})$  و  $(C_f)$ .