مديرية التربية لولاية باتنة متوسطة الشهيدين الأخوين خمري ـ الرياض ـ باتنة	وزارة التربية الوطنية اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات التاريخ: 04 ديسمبر 2018م	المستوى: 4 متوسط المدة الزمنية: ساعتان

التمرين الأول:(03ن)

1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 294 و 150.
2) أكتب على شكل $a\sqrt{b}$ العدد A حيث : a عدد طبيعي و b أصغر عدد طبيعي ممكن.
$$A = 2\sqrt{150} - \sqrt{294}$$
3) أكتب النسبة $\frac{2+\sqrt{6}}{3\sqrt{6}}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .

التمرين الثاني:(03ن)

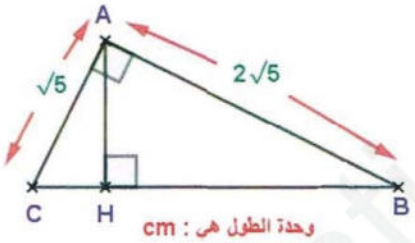
لتكن العبارة M حيث : $M = (2x+3)^2 - (x+2)(2x+3)$
1) بين بالنشر و التبسيط أن : $M = 2x^2 + 5x + 3$
2) حلل إلى جداء عاملين M.
3) حل المعادلة : $M - 5x = 7$

التمرين الثالث :(3,5ن) وحدة الطول هي : cm

AMP مثلث حيث : $AP = 3,6$ ؛ $MP = 4,8$ ؛ $AM = 6$
1) بين أن المثلث AMP قائم في P.
2) لتكن النقطة C من [MP] حيث : $PC = \frac{MP}{3}$ و D نقطة من [AP] حيث : PD=1,2.
1.2 بين أن : (CD)//(AM).
2.2 أحسب الطول CD.
ملاحظة : أنشئ الشكل.

التمرين الرابع :(2,5ن) تعطى النتائج بالتدوير إلى الوحدة

لاحظ الشكل المقابل جيدا.
1) أحسب قيس الزاوية $\widehat{ABC}$.
2) أحسب الطول AH.



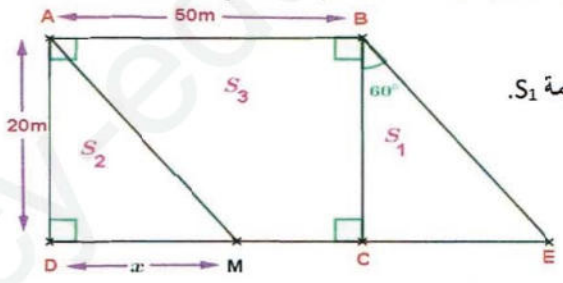
المسألة:(08ن)

الجزء الأول :

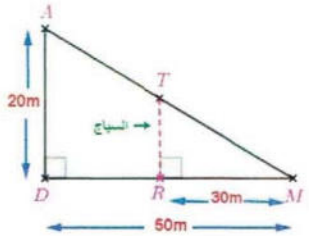
أشترى السيد محمد قطعة أرض بـ : 20000 DA للمتر المربع الواحد ، حيث دفع 27×10^6 DA مقابل ذلك.
✓ أحسب مساحة الأرض.

الجزء الثاني :

قسم السيد محمد أرضه حسب المخطط المقابل ، حيث :
أ. S_1 هي مساحة الجزء BCE لبناء مسجد للحي حيث يقيم السيد محمد، مما يمكنهم من إقامة صلواتهم الخمس مع صلاة الجمعة الأسبوعية.
ب. S_2 هي مساحة الجزء ADM التي منحها للابن رشيد .
ت. S_3 مساحة الجزء ABCM التي كانت من نصيب الابن ياسر.



1) أحسب الطول CE (تعطى النتيجة بالتدوير إلى الوحدة) ، ثم استنتج قيمة S_1.
2) نضع : DM=x حيث : $0 < x \leq 50$.
1.2 أكتب بلالة x كلا من : S_2 و S_3.
2.2 حسابيا ، حدد موضع النقطة M من [CD] حتى تكون : S_2=S_3.



الجزء الثالث :

بنى الابن رشيد على أرضه بيتا مما اضطره للفصل بينه و بين باقي القطعة الخاصة به بسياج مع ترك مدخل للبيت قدره 3m. (لاحظ الشكل).
✓ أحسب ثمن السياج علما أن ثمن المتر المربع الواحد منه هو : 3000DA.

ency-education.com/4am

الإجابة النموذجية لاختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات الرابعة متوسط 2019/2018

حررت الإجابة النموذجية من طرف الأستاذ مولود بوعجة

التمرين الأول:

1. حساب القاسم المشترك الأكبر لـ : 294 و 150.

1. $294 = 150 \times 1 + 144$
2. $150 = 144 \times 1 + 6$
3. $144 = 6 \times 24 + 0$

إذن: $PGCD(150;294) = 6$

2. كتابة A على شكل $a\sqrt{b}$:

- $A=2\sqrt{150}-\sqrt{294}$
- $A=2\sqrt{25\times 6}-\sqrt{49\times 6}$
- $A=2\times 5\sqrt{6}-7\sqrt{6}$
- $A=(10-7)\sqrt{6}$
- $A=3\sqrt{6}\ /a=3\ ;b=6$

3. كتابة النسبة على شكل نسبة مقامها عدد ناطق:

- $\frac{2+\sqrt{6}}{3\sqrt{6}}=\frac{(2+\sqrt{6})\sqrt{6}}{3\sqrt{6}\times\sqrt{6}}$
  $=\frac{2\sqrt{6}+6}{18}$

التمرين الثاني:

1. النشر و التبسيط :

- $M=(2x+3)^2-(x+2)(2x+3)$
- $M=4x^2+9+12x-(2x^2+3x+4x+6)$
- $A=4x^2+9+12x-2x^2-7x-6$
- $A=2x^2+5x+3$

2. التحليل إلى جداء عاملين :

- $(2x+3)^2-(x+2)(2x+3)=(2x+3)[(2x+3)-(x+2)]$
  $=(2x+3)(2x+3-x-2)$
  $=(2x+3)(x+1)$

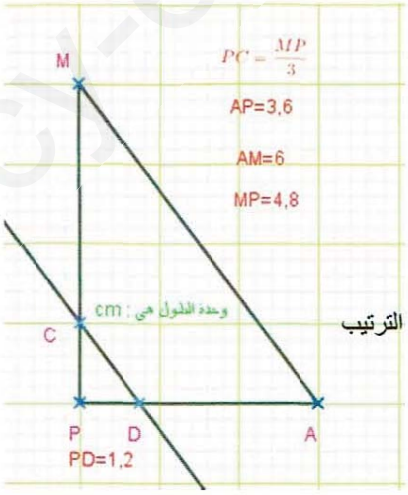
3. حل المعادلة :

- $M-5x=7$
- $2x^2+5x+3-5x=7$
- $2x^2+3=7$
- $2x^2=7-3$
- $2x^2=4$
- $x^2=\frac{4}{2}$
- $x^2=2$

معناه : $x=\sqrt{2}$ أو $x=-\sqrt{2}$

إذن: للمعادلة حلان هما : $\sqrt{2}$ و $-\sqrt{2}$.

التمرين الثالث : (وحدة الطول هي : cm).



1. نبين أن AMP مثلث قائم في P.

✓ لدينا : $AP^2=(3,6)^2=12,96$ ، $MP^2=(4,8)^2=23,04$ ؛ $AM^2=(6)^2=36$

نلاحظ أن : $AP^2+MP^2=AM^2$ أي أن : 12,96+23,04=36

و منه حسب الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورس فإن المثلث AMP قائم في P.

2. نبين أن : (AM)//(CD)

✓ لدينا : $\frac{PC}{PM}=\frac{1,6}{4,8}=\frac{1}{3}$ ؛ $\frac{PD}{PA}=\frac{1,2}{3,6}=\frac{1}{3}$ ومنه : $\frac{PD}{PA}=\frac{PC}{PM}=\frac{1}{3}$ و النقط :D،P، A و M،C،P بهذا الترتيب

و منه حسب الخاصية العكسية لخاصية طالس فإن : (AM)//(CD).

3. حساب الطول CD :

✓ لدينا في المثلث APM : (AM)//(CD) و منه : $\frac{PC}{PM}=\frac{PD}{PA}=\frac{CD}{AM}$

و منه بالتعويض العددي نجد : $\frac{1,6}{4,8}=\frac{CD}{6}$ و منه : $CD=\frac{1,6\times 6}{4,8}$ و منه : $CD=2$.

ency-education.com/4am

التمرين الرابع : (وحدة الطول هي : cm).

1. حساب قيس الزاوية $\widehat{ABC}$

✓ لدينا المثلث ABCقائم في A و منه : $tan\widehat{ABC} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}}$ و منه : $tan\widehat{ABC} = \frac{AC}{AB} = \frac{\sqrt{5}}{2\sqrt{5}}$ و منه : $tan\widehat{ABC} = \frac{1}{2}$ و منه : $\widehat{ABC} \approx 27^0$.

2. حساب الطول AH:

✓ لدينا المثلث AHB قائم في الرأس H و منه : $sin\widehat{ABC} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$ و منه : $sin\widehat{ABC} = \frac{AH}{AB}$ و منه : $sin\widehat{ABC} = \frac{AH}{2\sqrt{5}}$ و منه :

$AH = 2\sqrt{5} \times sin\widehat{ABC}$ و منه : $AH \approx 2 \times 2{,}3 \times 0{,}86$ و منه : $AH \approx 3{,}95$ ومنه : $AH \approx 4$.

حل المسألة : (وحدة الطول هي : m).

الجزء الأول :

1. حساب مساحة الأرض :

$\frac{27\times10^6}{20000} = 1350$ ، إذن مساحة الأرض التي إشتراها السيد محمد هي : $1350m^2$.

الجزء الثاني :

1. حساب الطول CE:

✓ لدينا في المثلث BCE القائم في C:

$\tan\widehat{ABC} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}}$ و منه : $\tan\widehat{EBC} = \frac{CE}{BC}$ و منه : $\tan60^0 = \frac{CE}{20}$ و منه : $CE = 20 \times \tan60^0$ و منه : $CE \approx 20 \times 1{,}73$ و منه : $CE \approx 35$.

2. استنتاج S_1 :

✓ لدينا : $S_1 = \frac{BC\times CE}{2}$ و منه : $S_1 \approx \frac{20\times35}{2}$ و منه : $S_1 \approx 350$.

3. كتابة كلا من : S_1 و S_2 بدلالة x :

✓ لدينا : $s_2 = \frac{AD\times DM}{2}$ ومنه : $S_2 = \frac{20x}{2}$ و منه : $s_2 = 10x$.

✓ لدينا : $s_3 = AB \times AD - S_2$ و منه : $S_3 = 50 \times 20 - 10x$ و منه : $S_3 = 1000 - 10x$.

4. تحديد موضع النقطة M من [CD] حيث تكون : $S_2=S_3$.

✓ لدينا : $S_2=S_3$ معناه : $1000 - 10x = 10x$ و منه : $-10x - 10x = -1000$ و منه : $-20x = -1000$ و منه : $x = \frac{-1000}{-20}$

و منه : $x = 50$.

الجزء الثالث :

1. حساب الطول TR :

✓ لدينا في المثلث ADM : (AD)//(TR) و ذلك حسب الخاصية (المستقيمان العموديان على نفس المستقيم هما مستقيمان متوازيان).

و منه بتطبيق خاصية طالس على المثلث السابق نجد :

$\frac{MR}{MD} = \frac{TR}{AD}$ و منه : $\frac{30}{50} = \frac{TR}{20}$ و منه : $TR = \frac{20\times30}{50}$ و منه : $TR = 12$.

2. حساب طول السياج :

2.1 طول السياج هو : 12-3=9.

2.2 حساب ثمن السياج :

✓ ثمن السياج هو : $9 \times 3000 = 27000\ DA$.

ency-education.com/4am