

التَّارِيخُ: 2022/05/26  
 المَدَّةُ: ساعتين ونصف

المادَّة: الرياضيات

المستوى: 2 علوم تجريبية

## اختبار الفصل الثالث

### التَّمرين الأول: (05 نقاط)

$(u_n)$  المتتالية العددية المع  
 $N$  بحدِّها الأوَّل  $u_0 = 2\alpha + 1$  وبالعلاقة:  $u_{n+1} = \frac{u_n + 3\alpha}{2}$  ( $\alpha$  عدد حقيقي)

1. عيِّن قيمة  $\alpha$  بحيث تكون  $(u_n)$  متتالية ثابتة.

في باقي التَّمرين نفرض أنَّ  $(u_n)$  غير ثابتة و لتكن المتتالية  $(v_n)$  المعرَّ

$$v_n = u_n - 3\alpha \quad N \text{ ب:}$$

2. بيِّن أنَّ  $(v_n)$  متتالية هندسية أساسها  $\frac{1}{2}$ .

3. اكتب عبارة كلاً من  $v_n$  و  $u_n$  بدلالة  $n$  و  $\alpha$ ، ثم احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ .

4. ناقش حسب قيم العدد الحقيقي  $\alpha$  اتجاه تغير المتتالية  $(v_n)$ .

5. احسب بدلالة  $n$  و  $\alpha$  المجموعين:  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  و  $S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ .

6. لتكن المتتالية  $(w_n)$  المعرَّ  $N$  ب:  $w_n = \frac{1}{u_n - 6}$ .

أ. عيِّن قيمة  $\alpha$  بحيث تكون  $(w_n)$  متتالية هندسية أساسها 2.

ب. في هذه الحالة بيِّن أنَّ  $v_0 w_0 + v_1 w_1 + \dots + v_n w_n = n + 1$ .

### التَّمرين الثاني: (03 نقاط)

1. تحقِّق أنَّ  $(2 + 2\sqrt{3})^2 = 16 + 8\sqrt{3}$ .

$\mathbb{R}$  المعادلة التَّالية:  $4X^2 + (2\sqrt{3} - 2)X - \sqrt{3} = 0$ .

3.  $\mathbb{R}$  حلول المعادلة:  $4\cos^2(x) + (2\sqrt{3} - 2)\cos(x) - \sqrt{3} = 0$ .

4. عيِّن في المجال  $[-\pi; \pi]$  حلول المعادلة:  $4\cos^4(x) + (2 - 2\sqrt{3})\sin^2(x) + \sqrt{3} - 2 = 0$ .

## التّمرين الثالث: (05 نقاط)

- في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ، نعتبر النّقط  $A(-1;1)$ ،  $B(2;-1)$ ،  $C(1;4)$  و  $D(8;5)$ .
1. احسب  $\overline{AB} \cdot \overline{AC}$ ،  $\|\overline{AB}\|$  و  $\|\overline{AC}\|$ . ثم استنتج طبيعة المثلث  $ABC$ .
  2. بيّن أنّ معادلة المستقيم  $(BD)$  هي:  $x - y - 3 = 0$ . احسب المسافة بين النّقطة  $C$  و المستقيم  $(BD)$ .
  3. اكتب معادلة الدائرة  $(\mathcal{C})$  التي مركزها النّقطة  $C$  ونصف قطرها  $3\sqrt{2}$ .
  4. لتكن  $(\mathcal{C}')$  مجموعة النّقط  $M(x; y)$  من المستوي التي تحقّق:  $x^2 + y^2 - 14x + 4y + 35 = 0$ ، بيّن أنّ  $(\mathcal{C}')$  هي دائرة يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها.
  5. بيّن أنّ الدائرتين  $(\mathcal{C})$  و  $(\mathcal{C}')$  يتماسان في نقطة  $E$  يطلب تعيين إحداثياتها.
  6. ليكن  $(\Delta_m)$  المستقيم ذو المعادلة:  $-2x + 2y + 3m = 0$ ، عيّن العدد الحقيقي  $m$  بحيث يكون المستقيم  $(\Delta_m)$  مماساً للدائرتين  $(\mathcal{C})$  و  $(\mathcal{C}')$  في النّقطة  $E$ .
  7. عيّن نصف قطر الدائرة  $(\mathcal{C}')$  التي مركزها  $F(7;4)$  والمماسية للدائرتين  $(\mathcal{C})$  و  $(\mathcal{C}')$ .

## التّمرين الرابع: (07 نقاط)

لتكن  $f$  الدّالة المعرّفة على  $\mathbb{R} - \{2\}$  بـ:  $f(x) = \frac{2x^3 - 7x^2 + 4x + 3}{(x-2)^2}$

وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس.

1. احسب النّهيات عند حدود مجالي تعريف الدّالة  $f$ .
2. بيّن أنّ  $(C_f)$  يقبل مستقيمين مقاربين أحدهما مائل  $(\Delta)$  معادلته  $y = 2x + 1$ ، اكتب معادلة المستقيم الآخر.
3. ادرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنّسبة للمستقيم المقارب  $(\Delta)$ ، وحدّد إحداثيات نقطة تقاطعهما.
4. بيّن أنّه من أجل كل  $x \neq 2$  فإنّ:  $f'(x) = \frac{2(x-1)(x^2 - 5x + 7)}{(x-2)^3}$
5. ادرس تغيّرات الدّالة  $f$  ثمّ شكل جدول تغيّراتها.
6. احسب  $f(1,5)$  ثمّ استنتج نقط تقاطع  $(C_f)$  مع محور الفواصل.
7. احسب  $f(0)$  ثمّ ارسم  $(\Delta)$  و  $(C_f)$ .

8. عيّن قيم الوسيط الحقيقي  $m$  حتى تقبل المعادلة  $2x + m = \frac{1}{(x-2)^2}$  ثلاث حلول متمايزة موجبة تماماً.

9. نعتبر الدّالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{2\}$  بـ:  $g(x) = f(|x|)$ ،  $(C_g)$  تمثيلها البياني.

أ. بيّن أنّ  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{g(x) - g(0)}{x} = \frac{7}{4}$  وأنّ  $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{g(x) - g(0)}{x} = \frac{-7}{4}$ ، ماذا تستنتج؟

ب. بيّن أنّ  $g$  هي دالة زوجية ثمّ اشرح كيفية رسم  $(C_g)$  انطلاقاً من  $(C_f)$  و ارسمه في المعلم السابق.

## بالتّوفيق

**التمرين الأول:**

(1)  $(u_n)$  ثابتة معناه:  $u_0 = u_1 = \dots = u_n = u_{n+1} = 2\alpha + 1$   
أي:  $2(2\alpha + 1) = 5\alpha + 1$  ،  $2\alpha + 1 = \frac{2\alpha + 1 + 3\alpha}{2}$

نجد:  $\alpha = 1$  ،  $4\alpha + 2 = 5\alpha + 1$

(2) لدينا:  $v_n = u_n - 3\alpha$  أي  $v_{n+1} = u_{n+1} - 3\alpha$

$v_{n+1} = \frac{1}{2}(u_n - 3\alpha)$  ،  $v_{n+1} = \frac{u_n - 3\alpha}{2}$  ،  $v_{n+1} = \frac{u_n + 3\alpha}{2} - 3\alpha$

ومنه:  $v_{n+1} = \frac{1}{2}v_n$  ومنه  $(v_n)$  متتالية هندسية أساسها  $\frac{1}{2}$ .

(3) نحسب أولاً  $v_0$ :

$v_0 = u_0 - 3\alpha$  ،  $v_0 = 2\alpha + 1 - 3\alpha$  أي:  $v_0 = 1 - \alpha$

نعلم أن  $v_n = v_0 \times q^n$  ومنه:  $v_n = (1 - \alpha) \left(\frac{1}{2}\right)^n$

عبارة الحد العام للمتتالية  $(u_n)$ : لدينا  $v_n = u_n - 3\alpha$

معناه:  $u_n = v_n + 3\alpha$  ومنه:  $u_n = (1 - \alpha) \left(\frac{1}{2}\right)^n + 3\alpha$

نهاية المتتالية  $(u_n)$ :  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \lim_{n \rightarrow +\infty} \left[ (1 - \alpha) \left(\frac{1}{2}\right)^n + 3\alpha \right] = 3\alpha$

لأن  $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^n = 0$  حيث  $-\frac{1}{2} < \frac{1}{2} < 1$

(4) لدينا:  $0 < q < 1$  ، ومنه:

إذا كان  $v_0 > 0$  ،  $1 - \alpha > 0$  أي  $\alpha < 1$  تكون  $(v_n)$  متناقصة.  
وإذا كان  $v_0 < 0$  ،  $1 - \alpha < 0$  أي  $\alpha > 1$  تكون  $(v_n)$  متزايدة.

(5) حساب  $S_n$ :  $S_n = v_0 \left( \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q} \right)$

$S_n = (1 - \alpha) \left( \frac{1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}}{1 - \left(\frac{1}{2}\right)} \right) = 2(1 - \alpha) \left( 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1} \right)$

$S_n = (1 - \alpha)(2 - 2^{-n})$

حساب  $S'_n$ :

$S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

$S'_n = v_0 + 3\alpha + v_1 + 3\alpha + \dots + v_n + 3\alpha$

$S'_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n + 3\alpha + 3\alpha + \dots + 3\alpha$

$S'_n = S_n + 3\alpha(n + 1)$

$S'_n = (1 - \alpha)(2 - 2^{-n}) + 3\alpha(n + 1)$

(6 أ)

$w_{n+1} = \frac{1}{u_{n+1} - 6}$  ،  $w_{n+1} = \frac{1}{\frac{u_n + 3\alpha}{2} - 6}$

$w_{n+1} = 2 \left( \frac{1}{u_n + 3\alpha - 12} \right)$  ،  $w_{n+1} = \frac{1}{u_n + 3\alpha - 12}$

وتكون  $(w_n)$  متتالية هندسية أساسها 2 إذا كان

$w_{n+1} = 2 \left( \frac{1}{u_n - 6} \right)$  أي  $w_{n+1} = 2w_n$

ومنه  $3\alpha - 12 = -6$  أي  $\alpha = 2$ .

(ب) من أجل  $\alpha = 2$  يكون  $u_0 = 5$  ،  $w_0 = \frac{1}{u_0 - 6} = -1$

وتكون  $w_n = (-1)(2)^n$  و  $v_n = (-1)\left(\frac{1}{2}\right)^n$

معناه:  $v_n w_n = (-1)\left(\frac{1}{2}\right)^n \times (-1)(2)^n = 1$  إذن:

$v_0 w_0 + v_1 w_1 + \dots + v_n w_n = 1 + 1 + \dots + 1 = 1 \times (n + 1) = n + 1$

**التمرين الثاني:**

(1) لدينا:  $(2 + 2\sqrt{3})^2 = 2^2 + (2\sqrt{3})^2 + 2 \times 2 \times 2\sqrt{3}$   
 $(2 + 2\sqrt{3})^2 = 16 + 8\sqrt{3}$  ومنه  $(2 + 2\sqrt{3})^2 = 4 + 12 + 8\sqrt{3}$

(2) لدينا:  $4X^2 + (2\sqrt{3} - 2)X - \sqrt{3} = 0$

مميز المعادلة:  $\Delta = (2\sqrt{3} - 2)^2 - 4 \times 4 \times (-\sqrt{3})$

نجد  $\Delta = 16 + 8\sqrt{3}$  أي  $\Delta = (2 + 2\sqrt{3})^2$

حلول المعادلة:

نجد  $X_1 = \frac{-(2\sqrt{3} - 2) + (2 + 2\sqrt{3})}{2 \times 4}$  ،  $X_1 = \frac{1}{2}$

نجد  $X_2 = \frac{-(2\sqrt{3} - 2) - (2 + 2\sqrt{3})}{2 \times 4}$  ،  $X_2 = \frac{-\sqrt{3}}{2}$

(3) بوضع  $\cos(x) = X$  ومن السؤال السابق نجد:

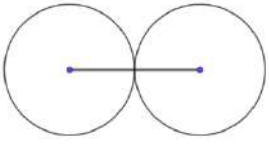
أي  $\cos(x) = \frac{1}{2}$  ،  $x = \frac{\pi}{3} + 2k\pi$  و  $x = -\frac{\pi}{3} + 2k\pi$

أي  $\cos(x) = \frac{-\sqrt{3}}{2}$  ،  $x = \frac{5\pi}{6} + 2k\pi$  و  $x = -\frac{5\pi}{6} + 2k\pi$

مع  $k \in \mathbb{Z}$

(5)

(C) و (C') يتماسان إذا كانت المسافة بين مركزيهما تساوي مجموع مجموع نصفي قطريهما.



$$\text{حساب } \Omega C = \sqrt{(1-7)^2 + (4+2)^2} = \sqrt{72} = 6\sqrt{2}$$

ومنه (C) و (C') يتماسان في نقطة E.

(C) و (C') لهما نفس نصف القطر ومنه نقطة التماس E هي منتصف  $[\Omega C]$ .

$$\text{إحداثيات } E: \left(\frac{1+7}{2}; \frac{4-2}{2}\right) \text{ ومنه } \boxed{E(4;1)}$$

$$(6) \quad (\Delta_m) \text{ مماس لـ } (C) : \frac{-2(1)+2(4)+3m}{\sqrt{(-2)^2+(2)^2}} = 3\sqrt{2}$$

$$\text{أي } |6+3m|=12 \text{ نجد : } m=2 \text{ أو } m=-6$$

$$\text{و } (\Delta_m) \text{ مماس لـ } (C') : \frac{-2(7)+2(-2)+3m}{\sqrt{(-2)^2+(2)^2}} = 3\sqrt{2}$$

$$\text{أي } |-18+3m|=12 \text{ نجد : } m=2 \text{ أو } m=10$$

إذن حتى يكون  $(\Delta_m)$  مماس لـ (C) و (C') معا يكون  $\boxed{m=2}$

$\boxed{m=2}$

طريقة أخرى: يمكن ملاحظة أن E تنتمي للمستقيم  $(\Delta_m)$  وبالتالي يمكن إيجاد قيمة m بتعويض إحداثيات النقطة E في معادلة المستقيم  $(\Delta_m)$  ثم حل المعادلة ذات

$$(7) \quad \text{نصف قطر } (C) + \text{نصف قطر } (C') = CF$$

$$CF = \sqrt{(7-1)^2 + (4-4)^2} = 6$$

$$\text{ومنه نصف قطر } (C'') : \boxed{6-3\sqrt{2}}$$

### التمرين الرابع:

$$(1) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3}{x^2} = \lim_{x \rightarrow -\infty} x = \boxed{-\infty}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3}{x^2} = \lim_{x \rightarrow +\infty} x = \boxed{+\infty}$$

$$\text{لدينا } \lim_{x \rightarrow 2} (x-2)^2 = 0^+ \text{ و } \lim_{x \rightarrow 2} 2x^3 - 7x^2 + 4x + 3 = -1$$

$$\text{إذن : } \lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \boxed{-\infty}$$

$$(2) \quad \text{لدينا : } \lim_{|x| \rightarrow +\infty} [f(x) - (2x+1)] = \lim_{|x| \rightarrow +\infty} \frac{-1}{(x-2)^2} = 0$$

ومنه المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y=2x+1$  هو مستقيم

مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  بجوار  $-\infty$  و  $+\infty$ .

(4) نعلم أن:  $\sin^2(x) = 1 - \cos^2(x)$

$$4 \cos^4(x) + (2 - 2\sqrt{3})(1 - \cos^2(x)) + \sqrt{3} - 2 = 0$$

$$4 \cos^4(x) + 2 - 2 \cos^2(x) - 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3} \cos^2(x) + \sqrt{3} - 2 = 0$$

$$4 \cos^4(x) + (2\sqrt{3} - 2) \cos^2(x) - \sqrt{3} = 0$$

بوضع  $\cos^2(x) = X$  ومن السؤال -2- نجد:

$$\cos^2(x) = \frac{1}{2} \text{ أي } \cos(x) = \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ أو } \cos(x) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

في المجال  $[-\pi; \pi]$  الحلول هي:

$$\boxed{x = \frac{-3\pi}{4}}, \boxed{x = \frac{3\pi}{4}}, \boxed{x = \frac{-\pi}{4}}, \boxed{x = \frac{\pi}{4}}$$

$$\cos^2(x) = \frac{-\sqrt{3}}{2} \text{ مرفوضة.}$$

### التمرين الثالث:

$$(1) \quad \text{لدينا } \overline{AB} \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \end{pmatrix} \text{ أي } \overline{AB} \begin{pmatrix} 2 - (-1) \\ -1 - 1 \end{pmatrix}$$

$$\text{ولدينا } \overline{AC} \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \text{ أي } \overline{AC} \begin{pmatrix} 1 - (-1) \\ 4 - 1 \end{pmatrix}$$

$$\overline{AB} \cdot \overline{AC} = 2 \times 3 + 3 \times (-2) = 0$$

$$\|\overline{AC}\| = \sqrt{3^2 + (2)^2} = \sqrt{13} \text{ و } \|\overline{AB}\| = \sqrt{3^2 + (-2)^2} = \sqrt{13}$$

ومنه نستنتج أن ABC مثلث قائم في A و متساوي الساقين.

$$(2) \quad \overline{BD} \text{ هو شعاع ناظمي للمستقيم } (BD).$$

$$\overline{BD} \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \end{pmatrix} \text{ أي } \overline{BD} \begin{pmatrix} 8 - (2) \\ 5 - (-1) \end{pmatrix}$$

أي أن  $(BD): 6x + 6y + c = 0$  نعوض في هذه المعادلة

$$\text{بإحداثيات النقطة } B: 6x_B + 6y_B + c = 0 \text{ أي } 6(2) + 6(-1) + c = 0$$

$$\text{نجد } c = -18$$

$$\text{تكون } (BD): 6x + 6y - 18 = 0 \text{ ومنه } \boxed{(BD): x + y - 3 = 0}$$

$$\text{المسافة بين } C \text{ و } (BD) : d = \frac{|(1) - (4) - 3|}{\sqrt{(1)^2 + (-1)^2}} = \frac{6}{\sqrt{2}} = \boxed{3\sqrt{2}}$$

$$(3) \quad (C) : (x-1)^2 + (y-4)^2 = 18$$

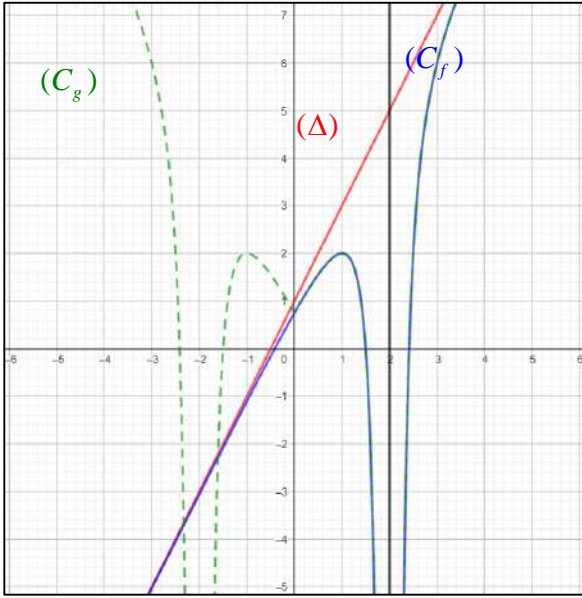
$$(4) \quad \text{لدينا } (C') : x^2 + y^2 - 14x + 4y + 35 = 0$$

$$\text{فتكون } (C') : (x-7)^2 + (y+2)^2 = 18$$

ومنه (C') هي دائرة مركزها  $\Omega(7; -2)$  ونصف قطرها

$$r = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$$

وبما أن  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -\infty$  فإن  $x=2$  مستقيم مقارب عمودي



$$-2x - m = \frac{-1}{(x-2)^2}, \quad 2x + m = \frac{1}{(x-2)^2} \quad (8)$$

$$-m + 1 = \frac{-1}{(x-2)^2} + 2x + 1, \quad -m = \frac{-1}{(x-2)^2} + 2x$$

أي  $f(x) = 1 - m$  من البيان نجد أن هذه المعادلة تقبل ثلاث حلول متميزة لما  $1 - m < 2$  أي  $m > 1$ .

(9 أ)

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{g(x) - g(0)}{x} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-2x^3 - 7x^2 - 4x + 3}{(-x-2)^2} = \frac{3}{4} \quad \text{لدينا:}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x(-8x^2 - 31x - 28)}{4x(x+2)^2} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-8x^2 - 31x - 28}{4(x+2)^2} = \frac{-7}{4}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{g(x) - g(0)}{x} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{2x^3 - 7x^2 + 4x + 3}{(x-2)^2} = \frac{3}{4} \quad \text{وأيضاً:}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x(8x^2 - 31x + 28)}{4x(x-2)^2} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{8x^2 - 31x + 28}{4(x-2)^2} = \frac{7}{4}$$

بما أن  $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{g(x) - g(0)}{x} \neq \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{g(x) - g(0)}{x}$  إذن نستنتج

أن الدالة  $g$  غير قابلة للاشتقاق عند  $x_0 = 0$ .

(ب) لدينا من أجل  $x \in \mathbb{R} - \{-2; 2\}$  فإن  $x \in \mathbb{R} - \{-2; 2\}$

و  $g(-x) = f(|-x|) = f(|x|) = g(x)$  ومنه  $g$  دالة زوجية.

لما  $x \in [0; 2[ \cup ]2; +\infty[$  تكون  $g(x) = f(x)$ ، ومنه

يكون  $(C_g)$  منطبق على  $(C_f)$ .

و بما أن  $g$  دالة زوجية فإن منحناها متناظر بالنسبة

لمحور الترتيب.

للمنحني  $(C_f)$ .

$$f(x) - y < 0 \quad \text{أي} \quad f(x) - y = f(x) - (2x+1) = \frac{-1}{(x-2)^2} \quad (3)$$

ومنه  $(C_f)$  دائماً تحت المستقيم  $(\Delta)$ .

$f$  قابلة للاشتقاق على  $\mathbb{R} - \{2\}$  ودالتها المشتقة هي:

$$f'(x) = \frac{(6x^2 - 14x + 4) \times (x-2)^2 - 2(x-2) \times (2x^3 - 7x^2 + 4x + 3)}{(x-2)^4}$$

$$f'(x) = \frac{(x-2) \left[ (6x^2 - 14x + 4) \times (x-2) - 2 \times (2x^3 - 7x^2 + 4x + 3) \right]}{(x-2)^4}$$

$$f'(x) = \frac{2(x-1)(x^2 - 5x + 7)}{(x-2)^3} \quad \text{نجد:}$$

(5) لدينا:  $x^2 - 5x + 7 > 0$ ، يمكن تلخيص إشارة  $f'(x)$  في

الجدول التالي:

$x$	$-\infty$	1	2	$+\infty$
$x-1$	-	$\emptyset$	+	+
$(x-2)^3$	-	-	$\emptyset$	+
$f'(x)$	+	$\emptyset$	-	+

• استنتاج التغيرات:

$f'$  موجبة على المجالين  $]-\infty; 1[$  و  $]2; +\infty[$  ومنه  $f$  متزايدة عليهما.

$f'$  سالبة على المجال  $]1; 2[$  ومنه  $f$  متناقصة عليه.

• جدول تغيرات الدالة  $f$ :

$x$	$-\infty$	1	2	$+\infty$
$f'(x)$	+	$\emptyset$	-	+
$f(x)$	$-\infty$	$\nearrow$	$\searrow$	$+\infty$

$$f(x) = \frac{\left(x - \frac{3}{2}\right)(2x^2 - 4x - 2)}{(x-2)^2} \quad \text{بالتحليل نجد} \quad f\left(\frac{3}{2}\right) = 0 \quad (6)$$

حلول المعادلة  $2x^2 - 4x - 2 = 0$  هي:  $x \approx -0,41$  و  $x \approx 2,41$

ومنه نقط تقاطع المنحني  $(C_f)$  مع محور الفواصل هي:

$$A\left(\frac{3}{2}; 0\right), \quad B(2,41; 0) \quad \text{و} \quad C(-0,41; 0)$$

$$f(0) = \frac{3}{4} \quad (7)$$