

المدة: 2 ساعة

اختبار الفصل الثاني مادة في الرياضيات

التمرين الأول: ABC مثلث قائم في A ومتساوي الساقين بحيث :

- (1) انشئ النقطة G مركز ثقل المثلث ABC .
 - (2) انشئ في نفس الشكل النقطة H مرجع الجملة $\{(A, 5); (B, -1); (C, -1)\}$.
- لتكن مجموعة النقط (E) من المستوى التي تحقق :

$$\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = \|5\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}\|$$

- (3) تتحقق ان A تنتمي الى (E) .
- (4) عين طبيعة المجموعة (E) ثم انشئها.

التمرين الثاني :

I. $ABCD$ مربع من المستوى حيث $\vec{(\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AB})} = \frac{\pi}{2}$. نقطة خارج المربع E .
 AFD مثلث متقارن الاضلاع. لتكن النقطة F داخل المربع $ABCD$ حيث $\vec{(\overrightarrow{DE}, \overrightarrow{DF})} = \vec{(\overrightarrow{FB}, \overrightarrow{FA})}$.
 مثلث متقارن الاضلاع .

- (1) انجز الشكل الموافق ثم اثبت ان المثلث ABF متساوي الساقين.
- (2) عين قيسا للزاوية الموجه $\vec{(\overrightarrow{FB}, \overrightarrow{FA})}$.
- (3) عين قيسا للزاوية الموجه $\vec{(\overrightarrow{DE}, \overrightarrow{DF})}$. استنتج قيسا للزاوية الموجه $\vec{(\overrightarrow{FD}, \overrightarrow{FE})}$.
- (4) عين قيسا للزاوية الموجه $\vec{(\overrightarrow{FB}, \overrightarrow{FE})}$.
- (5) استنتاج ان النقط F, E, F و B على استقامة واحدة.
 II. بسط العبارة التالية :

$$A = \cos(\pi - x) + \sin(6\pi - x) + \cos\left(x - \frac{2017\pi}{2}\right) - \sin(-x - \frac{\pi}{2})$$

-اقلب الورقة-

التمرين الثالث : نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ كما يلي:

$$f(x) = \frac{x^2 + x - 2}{x+1}$$

(C_f) منحناها البياني في المستوى المنسوب الى معلم متعمد ومتجانس $(\vec{j}; \vec{i}; \vec{o})$.

1) أحسب نهايات الدالة f عند حدود مجموعة تعريفها، فسر النتائج بيانيا.

2) اثبت انه من اجل كل عدد حقيقي x من $\{-1\} \setminus \mathbb{R}$ ان :

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x+1}$$

حيث a, b, c اعداد حقيقية يتطلب تعينها.

3) استنتج ان المنحنى (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) يتطلب تعين معادلته.

4) ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) مع المستقيم (Δ).

5) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم انشئ جدول تغيراتها.

6) عين معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 1.

7) انشئ المستقيمات المقاربة، المماس (T) والمنحنى (C_f).

بالتوفيق للجميع