

التاريخ: 2019/03/05

المدة: 02 سا

## اختبار الفصل الثاني

المادة: الرياضيات

المستوى: الثانية ثانوي

### تمرين 01: (05,5 ن)

1) لتكن النقطة  $G$  مرجع الجملة  $\{(A; 3), (B; 3), (C; -2), (D; -2)\}$ .

أ. نسمى  $I$  منتصف  $[AB]$ , بين أن  $I$  مرجع الجملة  $\{(A; 3), (B; 3)\}$ .

ب. نسمى  $J$  منتصف  $[CD]$ , بين أن  $J$  مرجع الجملة  $\{(C; -2), (D; -2)\}$ .

ت. استنتج أن  $G$  مرجع النقطتين  $I$  و  $J$ .

2) نسمى  $K$  مرجع  $\{(A; 3), (B; 3), (C; -2)\}$ . بين أن المستقيمين  $(KD)$  و  $(IJ)$  متلقاطعان في النقطة  $G$ .

3) بين أن الجملة  $\{(A; 1), (B; -2), (C; 1)\}$  لا تقبل مرجع. ثم استنتاج أن الشعاع:  $\vec{V} = \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} - 2\overrightarrow{MC}$

يمكن أن يكتب على الشكل  $\vec{V} = 2\overrightarrow{CI}$ .

أ. عين  $y$  مجموعة النقط  $M$  من المستوى التي تحقق:  $\|3\overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{MB} - 2\overrightarrow{MC}\| = \|\vec{V}\|$ .

ب. عين  $\Delta$  مجموعة النقط  $M$  من المستوى التي تتحقق:  $\|3\overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{MB} - 2\overrightarrow{MC} - 2\overrightarrow{MD}\| = \|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}\|$ .

### تمرين 02: (04,5 ن) "الجزء الأول والثاني مستقلان عن بعضهما"

**الجزء الأول:** هل العددان الحقيقيان  $\frac{533\pi}{5}$  و  $\frac{-117\pi}{5}$  يمثلان قيساريا لنفس الزاوية؟

1. بسط ما يلي:  $A(x) = \cos(3\pi + x) + \sin(11\pi + x) - \cos(\pi - x) - \sin(\pi + x)$ .

2. بسط ما يلي:  $B(x) = \cos\left(\frac{8\pi}{7} + x\right) + \sin\left(\frac{8\pi}{7} + x\right) - \cos\left(\frac{6\pi}{7} - x\right) - \sin\left(-\frac{\pi}{7} - x\right)$ .

**الجزء الثاني:** نعتبر المعادلة  $(E_1)$ :  $2 \cos(4x) - 1 = 0$ :

1) أوجد حلول هذه المعادلة على المجال  $[-\pi; \pi]$ .

2) من أجل كل عدد حقيقي  $x$  برهن المساواة التالية:  $\cos(4x) = 8 \cos^4 x - 8 \cos^2 x + 1$ .

تعطي:  $\cos 2\alpha = 2(\cos\alpha)^2 - 1$ .

أ. نعتبر المعادلة  $(E_2)$ :  $16 \cos^4 x - 16 \cos^2 x + 1 = 0$ :

ب. استنتاج أن للمعادلتين  $(E_1)$  و  $(E_2)$  نفس الحلول.

### تمرين 03: (10 ن)

. I. دالة  $g$  معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = x^3 + 3x + 4$ .

أ. أحسب  $(-g)$  ثم استنتج تحليل  $(g)(x)$ .

ب. استنتاج إشارة  $(g)(x)$  على  $\mathbb{R}$ .

II. نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = \frac{x^3+x^2-1}{x^2+1}$

ولتكن  $(C_f)$  منحناها البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعمد ومتجانس  $(j, i, o)$ .

1) أحسب النهايات عند حدود مجموعة التعريف.

2) أحسب مشتقة الدالة  $f$  ثم بين أنه من أجل كل  $x$  من  $D_f$  لدينا:

3) استنتاج تغيرات الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

4) أوجد الأعداد الحقيقية  $a$ ,  $b$ ,  $c$ ,  $d$  بحيث:  $f(x) = ax + b + \frac{cx+d}{x^2+1}$

5) بين أن المنحني  $(C_f)$  يقبل مستقيم مقارب مائل  $(\Delta)$  معادلته:  $y = x + 1$ .

6) أدرس وضعية المنحني  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم المقارب المائل  $(\Delta)$ .

7) أرسم كل من  $(\Delta)$  والمنحني  $(C_f)$ .

8) ناقش بيانيا حسب قيم العدد الحقيقي  $m$  عدد حلول المعادلة:  $x^3 + (1-m)x^2 - 1 - m = 0$

9) نعتبر  $g$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = f(-x)$ .

أ. بين كيف يمكن استنتاج  $(C_g)$  انطلاقاً من منحني  $(C_f)$ .

ب. أرسم  $(C_g)$  منحني الدالة  $g$  في نفس المعلم السابق.

## مدرسة "الرجاء والتفوق" الخاصة

وفقكم الله  
Ecole Erradja wa Tafaouk  
ÉCOLE PRIVÉE

$$\|3\vec{MA} + 3\vec{MB} - 2\vec{MC}\| = \|2\vec{CI}\| \quad (0,26)$$

$$4Mk = 2CI \Rightarrow Mk = \frac{CI}{2} \quad (0,26)$$

$\frac{1}{2}$  مجموع  $k$  هو  $\frac{1}{2}$  مجموع  $I$

$$\|3\vec{IA} + 3\vec{IB} - 2\vec{IC} - 2\vec{ID}\| = \|\vec{IA} + \vec{IB}\| \quad (0,26)$$

$$2Mg = 2MI \quad (0,26)$$

$$\{(A,1), (B,1)\} \subset I \quad (0,26)$$

$$Mg = MI \quad (0,26)$$

$$[G, II] \text{ هي صور المثلث } (0) \quad (0,26)$$

تقرير

$$-\frac{117\pi}{5} = -(23\pi + \frac{2\pi}{5}) = -(\pi + \frac{2\pi}{5}) \quad (0,26)$$

$$= -\frac{7\pi}{5} = \frac{3\pi}{5} \quad (0,26)$$

$$\frac{533\pi}{5} = 106\pi + \frac{3\pi}{5} = \frac{3\pi}{5} \quad (0,26)$$

$$A(n) = \cos(3\pi + n) + \sin(11\pi + n) - \cos(\pi + n) \quad (0,26)$$

$$- \sin(\pi + n)$$

$$A(n) = -\cos n - \sin n + \cos n - \sin n \\ = -2 \sin n \quad (0,26)$$

$$\beta(n) = \cos(\pi + \frac{\pi}{7} + n) + \sin(\pi + \frac{\pi}{7} + n)$$

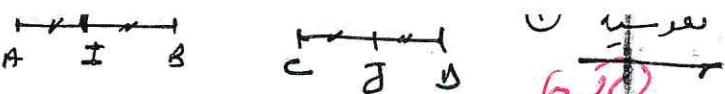
$$- \cos(\pi - \frac{\pi}{7} - n) + \sin(-\frac{\pi}{7} - n)$$

$$\alpha = \frac{\pi}{7} + n \quad (0,26)$$

$$\gamma(n) = \cos(\pi + \alpha) + \sin(\pi + \alpha) - \cos(\pi - \alpha)$$

$$- \sin(-\alpha)$$

$$= -\cos\alpha - \sin\alpha + \cos\alpha + \sin\alpha \\ = 0 \quad (0,26)$$



$$\vec{IA} + \vec{IB} = \vec{0} \Rightarrow I \{ (A,1), (B,1) \} \quad (0,26)$$

$$\{ (A,3), (B,3) \} \text{ مجموع } I \text{ و } G \quad (0,26)$$

$$\vec{IC} + \vec{ID} = \vec{0} \Rightarrow I \{ (C,-1), (D,-1) \} \quad (0,26)$$

$$\{ (C,-2), (D,-2) \} \text{ مجموع } J \text{ و } G \quad (0,26)$$

$$\underbrace{(A,3), (B,3)}_{(I,6)}, \underbrace{(C,-2), (D,-2)}_{(J,-4)} \quad (0,26)$$

$$\underbrace{(G,2)}_{(G,2)} \quad (0,26)$$

حسب خاصية التبديلية  $G$  مربع

$$\{ (I,3), (J,-2) \} \quad (0,26)$$

$$\{ (A,3), (B,3), (C,-2), (D,-2) \} \quad (0,26)$$

$$\underbrace{(k,4)}_{(k,4)} \quad (0,26)$$

$$(G,2)$$

حسب خاصية التبديلية  $G$  مربع

$$\{ (k,4), (J,-2) \} \quad (0,26)$$

$$J \in (IJ) \Rightarrow \{ (I,3), (J,-2) \} \subset G \quad (0,26)$$

$$G \in (k\delta) \Rightarrow \{ (k,4), (J,-2) \} \subset G \quad (0,26)$$

وحيث المتماثل  $(IJ)$  و  $(k\delta)$  متساويا في النقطة  $G$

$$G : 1 - 2 + 1 = 0 \quad (0,26) \quad (3)$$

الجملة لا تقبل صر.

$$\vec{J} = \vec{IA} + \vec{IB} - 2\vec{IC} = \cancel{\vec{IA} + \vec{IB}} - 2\vec{IC} = 2\vec{CI} \quad (0,26)$$

$$\|3\vec{MA} + 3\vec{MB} - 2\vec{MC}\| = \|2\vec{CI}\| \quad (0,26)$$

$$4Mk = 2CI \Rightarrow Mk = \frac{CI}{2} \quad (0,26)$$

$\frac{1}{2}$  مجموع  $k$  هو  $\frac{1}{2}$  مجموع  $I$

$$\|3\vec{IA} + 3\vec{IB} - 2\vec{IC} - 2\vec{ID}\| = \|\vec{IA} + \vec{IB}\| \quad (0,26)$$

$$2Mg = 2MI \quad (0,26)$$

$$\{(A,1), (B,1)\} \subset I \quad (0,26)$$

$$Mg = MI \quad (0,26)$$

$$[G, II] \text{ هي صور المثلث } (0) \quad (0,26)$$

تقرير

$$-\frac{117\pi}{5} = -(23\pi + \frac{2\pi}{5}) = -(\pi + \frac{2\pi}{5}) \quad (0,26)$$

$$= -\frac{7\pi}{5} = \frac{3\pi}{5} \quad (0,26)$$

$$\frac{533\pi}{5} = 106\pi + \frac{3\pi}{5} = \frac{3\pi}{5} \quad (0,26)$$

$$A(n) = \cos(3\pi + n) + \sin(11\pi + n) - \cos(\pi + n) \quad (0,26)$$

$$- \sin(\pi + n)$$

$$A(n) = -\cos n - \sin n + \cos n - \sin n \\ = -2 \sin n \quad (0,26)$$

$$\beta(n) = \cos(\pi + \frac{\pi}{7} + n) + \sin(\pi + \frac{\pi}{7} + n)$$

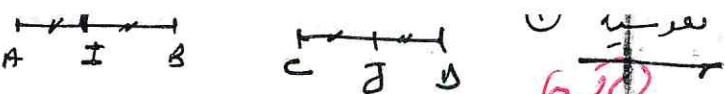
$$- \cos(\pi - \frac{\pi}{7} - n) + \sin(-\frac{\pi}{7} - n)$$

$$\alpha = \frac{\pi}{7} + n \quad (0,26)$$

$$\gamma(n) = \cos(\pi + \alpha) + \sin(\pi + \alpha) - \cos(\pi - \alpha)$$

$$- \sin(-\alpha)$$

$$= -\cos\alpha - \sin\alpha + \cos\alpha + \sin\alpha \\ = 0 \quad (0,26)$$



$$\vec{IA} + \vec{IB} = \vec{0} \Rightarrow I \{ (A,1), (B,1) \} \quad (0,26)$$

$$\{ (A,3), (B,3) \} \text{ مجموع } I \text{ و } G \quad (0,26)$$

$$\vec{IC} + \vec{ID} = \vec{0} \Rightarrow I \{ (C,-1), (D,-1) \} \quad (0,26)$$

$$\{ (C,-2), (D,-2) \} \text{ مجموع } J \text{ و } G \quad (0,26)$$

$$\underbrace{(A,3), (B,3)}_{(I,6)}, \underbrace{(C,-2), (D,-2)}_{(J,-4)} \quad (0,26)$$

$$\underbrace{(G,2)}_{(G,2)} \quad (0,26)$$

حسب خاصية التبديلية  $G$  مربع

$$\{ (I,3), (J,-2) \} \quad (0,26)$$

$$\{ (A,3), (B,3), (C,-2), (D,-2) \} \quad (0,26)$$

$$\underbrace{(k,4)}_{(k,4)} \quad (0,26)$$

$$(G,2)$$

حسب خاصية التبديلية  $G$  مربع

$$\{ (k,4), (J,-2) \} \quad (0,26)$$

$$J \in (IJ) \Rightarrow \{ (I,3), (J,-2) \} \subset G \quad (0,26)$$

$$G \in (k\delta) \Rightarrow \{ (k,4), (J,-2) \} \subset G \quad (0,26)$$

و  $G$  المترافق  $(IJ)$  و  $(k\delta)$

$$. G \text{ مترافق في النقطة } \alpha \text{ مترافق } (IJ) \text{ و } (k\delta) \quad (0,26)$$

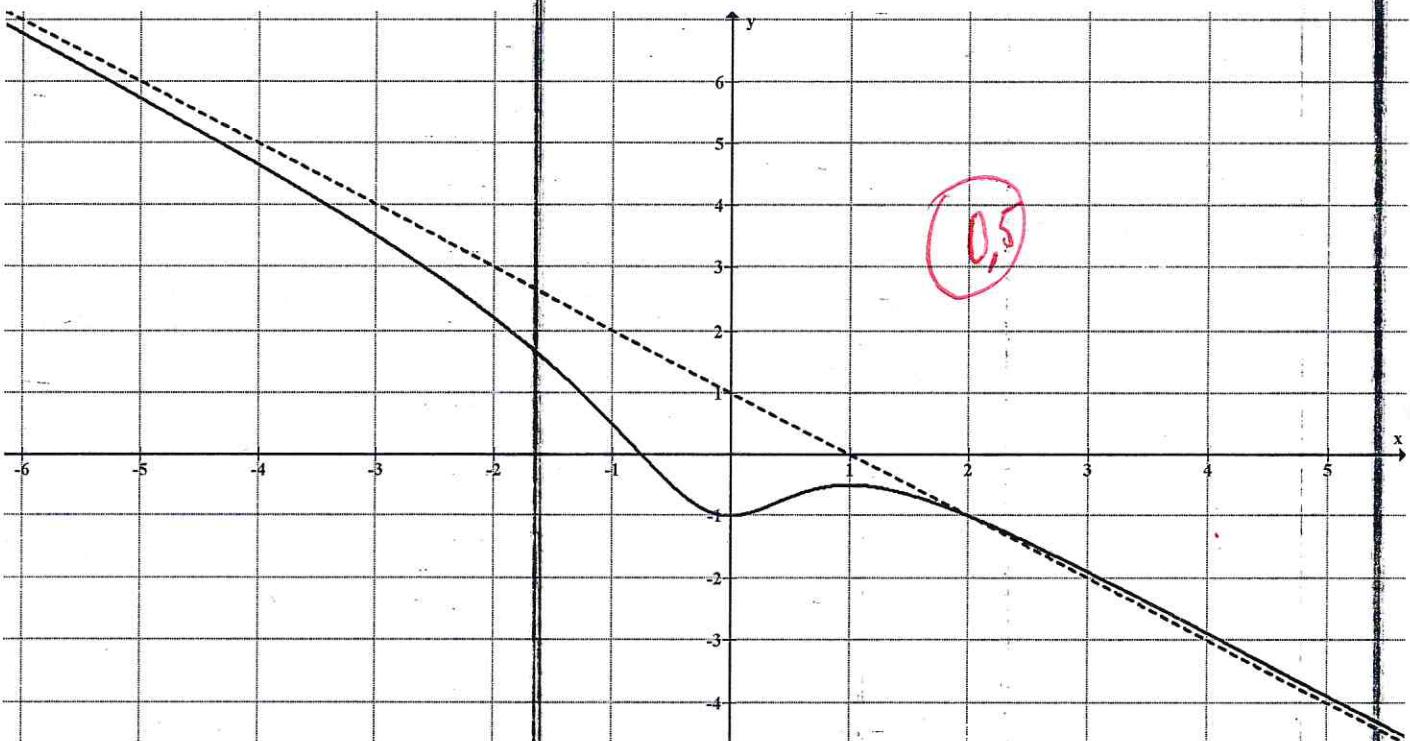
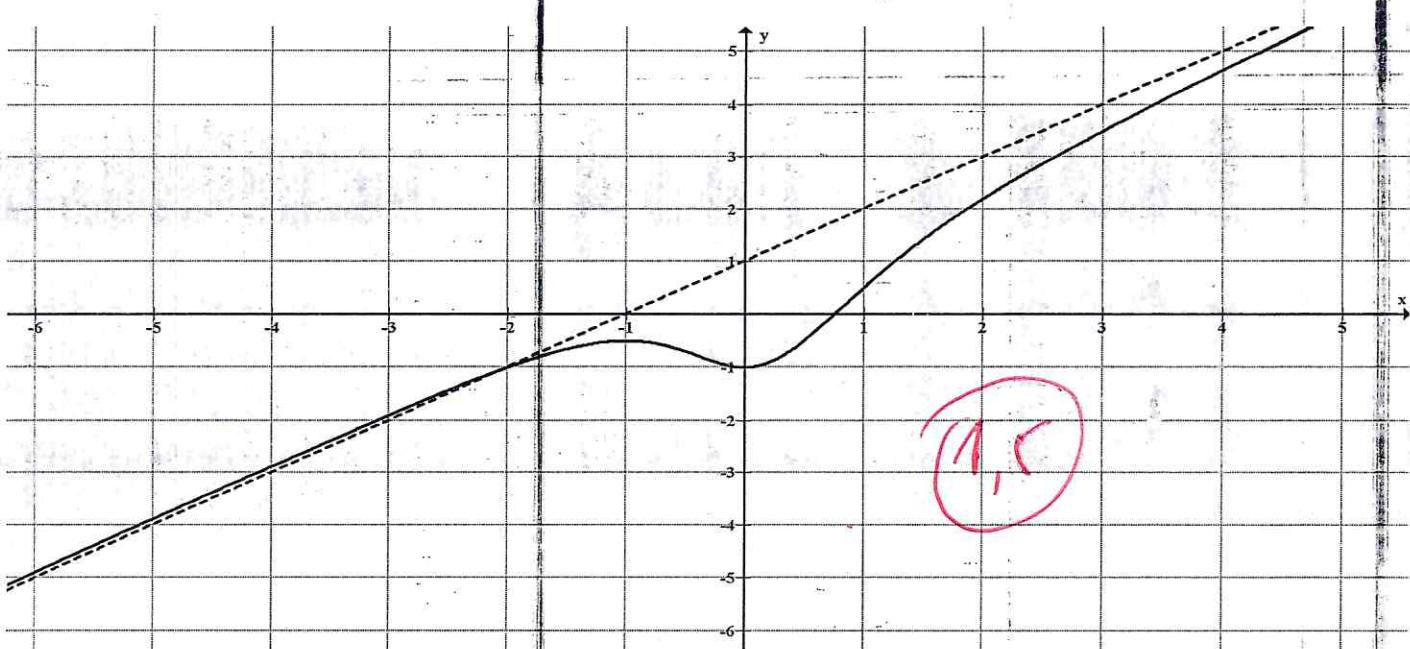
$$1 - 2 + 1 = 0 \quad (0,26)$$

الجملة لا تقبل صر.

$$\vec{J} = \vec{IA} + \vec{IB} - 2\vec{IC} = \cancel{\vec{IA} + \vec{IB}} - 2\vec{IC} = 2\vec{CI} \quad (0,26)$$

$$= \vec{IA} + \vec{IB} + 2\vec{IC} = 2\vec{CI} \quad (0,26)$$





(0, 27) : يوجد حل وصيغة  $m \in ]-\infty, -1] \cup [-\frac{1}{2}, +\infty[$

(0, 28) : يوجد حلية  $m = -1, m = -\frac{1}{2}$

(0, 29) : يوجد 3 حلول  $m \in ]-1, -\frac{1}{2}[$

(0, 30) هو نظير  $(g)$  بالنسبة لدور الترتيب.