

الفرض الأول في مادة الرياضيات

2018 – 2019

المدة : 01 سا

A تجنب الشطب واستعمال المصحح. تُمنع نقطة تنظيم الورقة ونظامها.

نعتبر كثير الحدود $p(x)$ للمتغير الحقيقي x حيث : $p(x) = x^3 + 4x^2 + x - 6$

❶ أحسب $p(-3)$ ثم أعط تحليلًا لـ $p(x)$

❷ حل في مجموعة الأعداد الحقيقة المعادلة $p(x) = 0$

❸ أدرس حسب قيم x إشارة $p(x)$ ، ثم يستنتج حلول المتراجحة : $p(x) \geq 0$

❹ الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x^2 + 2x$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ($O; \vec{i}, \vec{j}$)

❶ بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $-1 < x < 1$

❷ أدرس إتجاه تغير الدالة f على المجالين $[+∞; -1]$ و $[-1; -∞]$ ثم شكل جدول تغيراتها.

❸ عين نقاط تقاطع (C_f) مع حامل محور الفواصل.

❹ بين أن المستقيم ذو المعادلة $x = -1$ هو محور تنازول للمنحنى (C_f) .

❺ أنشئ المنحنى (C_f) .

❻ g و h الدالتان المعرفتان على \mathbb{R} بـ: $g(x) = |f(x)|$ ، $h(x) = f(|x|)$

❶ بين أن g دالة زوجية.

❷ أكتب كل من g و h دون الرمز القيمة المطلقة

❸ يستنتج تغيرات الدالة g على \mathbb{R}

❹ أنشئ كلا من (C_g) و (C_h) المنحنيين الممثلين للدالتين g و h إعتمادا على (C_f) .

❼ دالة معرفة كايلي : $k(x) = \sqrt{x^2 + 2x}$

❶ بين أن $D_k = [-\infty; -2] \cup [0; +\infty]$

❷ عين إتجاه تغير الدالة k على المجالين : $[0; +\infty]$ و $[-2; -\infty]$

لا توجد خطوة عملاقة تصل بك إلى ما تريده، إنما يحتاج الأمر إلى الكثير من الخطوات الصغيرة لتبلغ ما تريده