

## الفرض الثاني للفصل الأول في مادة الرياضيات

### التمرين الأول: ( نقاط )

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\{1\} - IR$  بـ:  $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 4}{x - 1}$  ليكن تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

- ❶ بين أنه من أجل كل  $x$  من  $IR - \{1\}$  حيث  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$  ، أعداد حقيقة يطلب تعبيتها.
- ❷ احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ثم فسر النتيجة هندسيا.
- ❸ احسب  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$  ثم فسر النتيجة هندسيا.
- ❹ احسب  $(f'(x))'$  و ادرس إشارتها ثم استنتج إتجاه تغيرات الدالة  $f$ .
- ❺ شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .
- ❻ عين معادلة  $(T)$  مماس المنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 2.
- ❼ استنتاج قيمة مقربة لـ  $f(1.99)$ .
- ❽ عين نقط تقاطع  $(C_f)$  مع حامل محواري الإحداثيات (محور الفواصل، محور التراتيب).

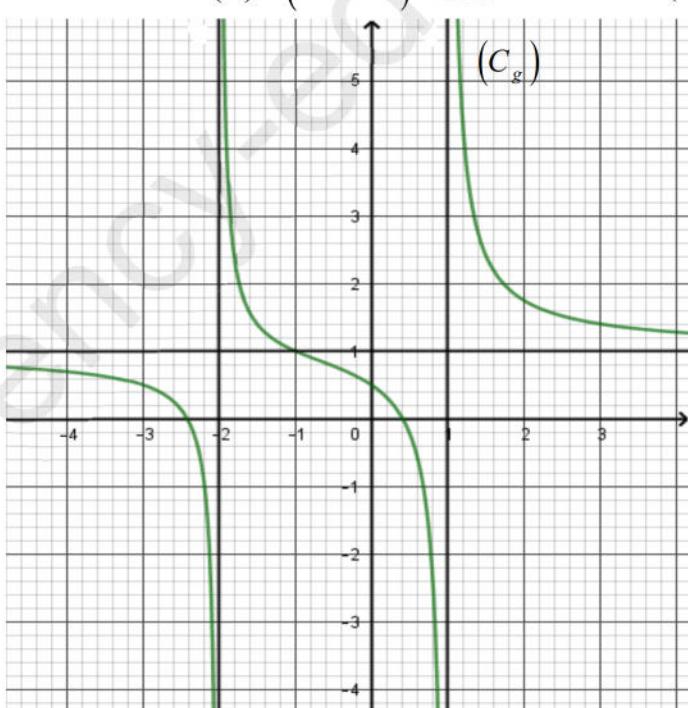
### التمرين الثاني: ( نقاط )

- ❶ عين العدد المشتق للدالة  $f$  عند  $x = 2$  حيث  $f(x) = x^2 - 2x$ . (يطلب استخدام تعريف العدد المشتق)
- ❷ عين الدوال المشتقة للدوال التالية:

$$\begin{array}{lll} h(x) = \frac{x^2 + 5x}{x^3 + 2x - 1} & \text{لـ ج} & g(x) = (2x + 1)(x^2 + 5x) & \text{لـ ب} & f(x) = -4x^3 + 3x^2 - 2 & \text{لـ ج} \\ F(x) = (x^2 + 5x)^4 & \text{لـ د} & R(x) = \cos(2 - 3x) & \text{لـ هـ} & k(x) = \sqrt{x^3 + 2x - 1} & \text{لـ ز} \\ P(x) = \frac{1}{3x^2 - 4x + 1} & \text{لـ ز} & & & & \end{array}$$

### التمرين الثالث: ( نقاط )

دالة معرفة بمنحناها البياني كما في الشكل المقابل.  
بقراءة بيانية:



- ❶ حدد مجموعة تعريف الدالة  $g$ .
- ❷ عين نهايات الدالة  $g$ .
- ❸ شكل جدول تغيرات الدالة  $g$ .
- ❹ حدد إشارة الدالة  $g$ .