

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

نحوی النطیب وامتحان الصنع.

التمرين الأول: (٥٥ نقاط)

لکم عن الاقرایح الصحيح الوحید من بين الاقرایح الثلاثة في كل حالة من الحالات التالية، مع التبریر:

السؤال	الاقرایح	الاقرایح (١)	الاقرایح (٢)	الاقرایح (٣)
حل المعادلة: $0 = -3x + 6$ في \mathbb{R} هو:	$x = -2$	$x = 2$	$x = 3$	
x عدد حقيقي، إذا كان: $f(x) = 3x^2 - 5$ ، فإن:	$f(2) = -1$	$f(2) = 1$	$f(2) = 7$	
x عدد حقيقي، إذا كان: $f(x) = 6x + 1$ ، فإن: سابقة العدد 25 هي:	4	0	-4	
x عدد حقيقي، إذا كان: $5 \leq x \leq 3$ ، فإن:	$3 \leq 2x + 4 \leq 5$	$6 \leq 2x + 4 \leq 9$	$10 \leq 2x + 4 \leq 14$	
التمثيل البياني للدالة f المعرفة على \mathbb{R} يشمل النقطة:	$A(1;9)$	$A(1;1)$	$A(1;8)$	

التمرين الثاني: (٥٨ نقاط)

(I) ① حل في المجموعة \mathbb{R} المعادلة: $0 = 2x + 8$ ، والمتراجحة: $0 \leq 2x + 8$.

② حل في المجموعة \mathbb{R} المتراجحة التالية: $0 \geq \frac{3x + 5}{14} + \frac{x}{2}$.

(II) x عدد حقيقي، و $P(x)$ عبارة معرفة كالتالي: $P(x) = (2x + 8)^2 + (2x + 8)(8x - 3)$.

① انشر ويسط، ثم رتب العبارة $P(x)$.

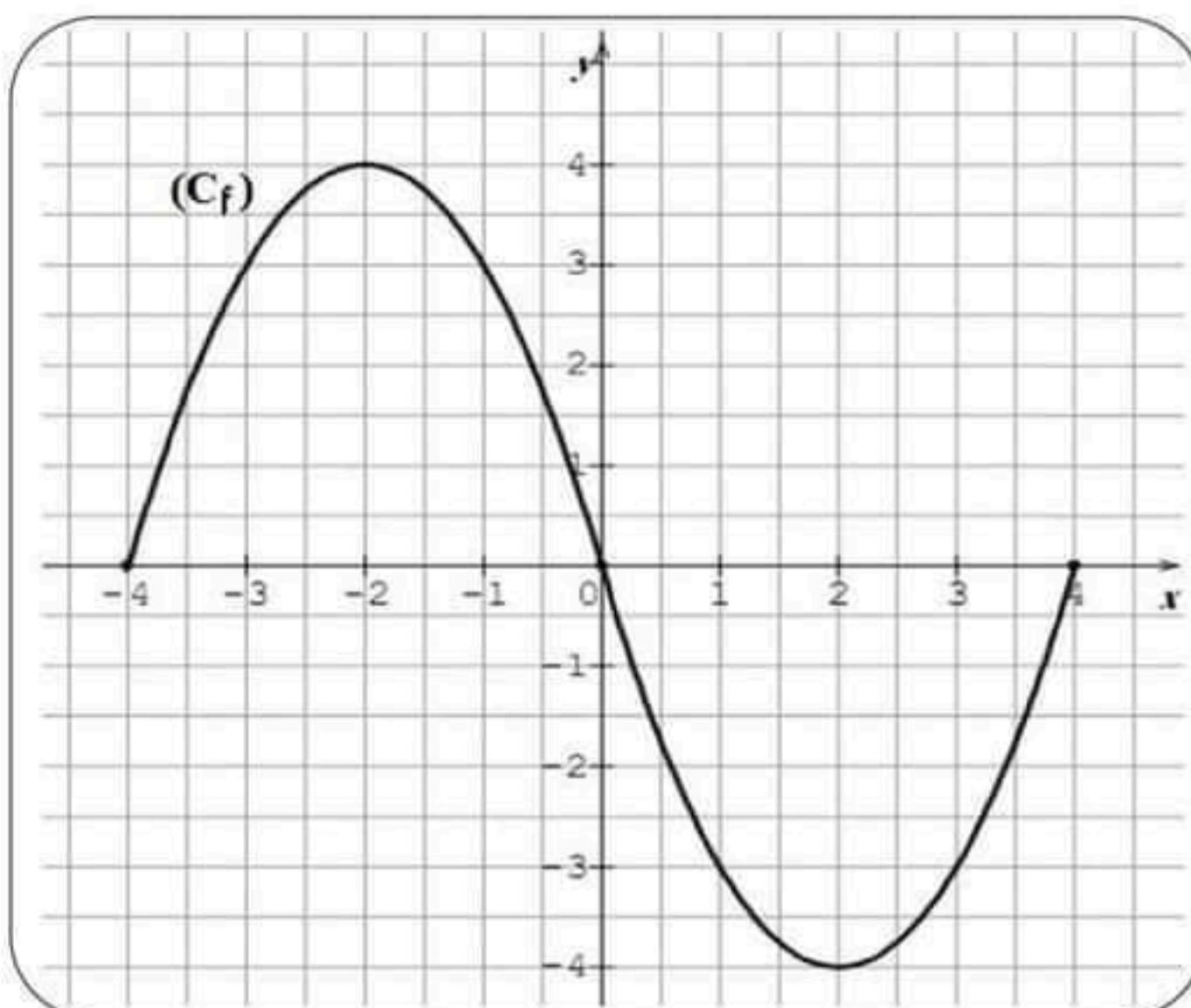
② حل إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى العبارة $P(x)$.

③ حل في المجموعة \mathbb{R} المعادلة: $0 = P(x)$.

④ ادرس إشارة $P(x)$ حسب قيم x ، ثم يستنتج في المجموعة \mathbb{R} حلول المتراجحة: $0 \leq P(x)$.

☆ التمرين التالى : (07 نقاط)

نعتبر الدالة f المعرفة بثيلها البياني - الشكل المقابل - بقراءة بيانية أجب على ما يلى:



① عين مجموعة تعريف الدالة f .

② أوجد صور الأعداد: -2 ، 0 و 1 بالدالة f .

③ أوجد السوابق الممكنة للأعداد: -4 ، 0 و 3 بالدالة f .

④ ادرس اتجاه تغير الدالة f على مجموعة تعريفها، ثم شكل جدول تغيراتها.

⑤ ماهي القيمة الحدية الممكنة للدالة f ، وقيم المتغير x التي تبلغ عندها هذه القيمة الحدية؟

☆ انتهى الاختبار ☆

اذ أنت لم تزرع وأبصرت حاصدا ☆☆ ندمت على التفريط في زمن البذر

أستاذ المادة: فراصيبة المحفوظ

النقطة	الإجابة	النقطة	الإجابة																							
08	حل المترىء الثاني 1. حل في \mathbb{R} المعادلة $2x+8=0$ $2x = -8$ معناه $2x+8=0$ $x = \frac{-8}{2} = -4$ معناه ومنه حلول المعادلة هي $\{ -4 \}$ 2. حل في \mathbb{R} المترىء $2x+8 < 0$ <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-4</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$2x+8$</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>+</td> </tr> </table> ومنه حلول المترىء هي $(-\infty, -4)$ 3. حل في \mathbb{R} المترىء $2x+8 > 0$ <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-4</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$2x+8$</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>+</td> </tr> </table> ومنه حلول المترىء هي $(-4, +\infty)$ 4. حل في \mathbb{R} المترىء $\frac{3x+5}{14} + \frac{x}{2} > 0$ $\frac{3x+5}{14} + \frac{x}{2} = \frac{3x+5+7x}{14} = \frac{10x+5}{14}$ لدينا $10x+5 > 0$ ونهاي المترىء المترىء هي $10x+5$ لدينا $10x+5 > 0$ معناه $10x+5 > 0$ $x = \frac{-5}{10} = -\frac{1}{2}$ معناه <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>$-\frac{1}{2}$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$10x+5$</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>+</td> </tr> </table> ومنه حلول المترىء هي $(-\frac{1}{2}, +\infty)$	x	$-\infty$	-4	$+\infty$	$2x+8$	-	+	+	x	$-\infty$	-4	$+\infty$	$2x+8$	-	-	+	x	$-\infty$	$-\frac{1}{2}$	$+\infty$	$10x+5$	-	+	+	05 - حل المترىء الأول - تخسيس الاقتراح الصحيح: 1. حل المعادلة $3x+6=0$ في \mathbb{R} هو $x=2$ التبير: لدينا $3x+6=0$ معناه $3x=-6$ معناه $x = \frac{-6}{3} = -2$ إذا كان: $f(x) = 3x^2 - 5$ فإن: $f(2) = 7$ (الاقتراح 2) التبير: لدينا $f(x) = 3x^2 - 5 = 12 - 5 = 7$ $f(2) = 7$ إذا كان: $f(x) = 6x+6$ فإن سابقة 25 هي: 4 (الاقتراح 3) التبير: $f(x) = 25$ معناه $6x+6 = 25$ معناه $6x = 24$ معناه $x = \frac{24}{6} = 4$ إذا كان $5 < x < 3$ فإن: $10 < 2x+4 < 14$ (الاقتراح 1) التبير: لدينا $5 < 2x+4 < 3$ معناه $10 < 2x+4 < 14$ 5. التغير البياني للدالة $y = 8x+8$ على \mathbb{R} ي: $y = 8x+8$ هي ممثلة الخط إذا كان $A(1,9)$ (الاقتراح 3) التبير: لدينا $y = 8x+8$ $y(1) = 8(1) + 8 = 9$
x	$-\infty$	-4	$+\infty$																							
$2x+8$	-	+	+																							
x	$-\infty$	-4	$+\infty$																							
$2x+8$	-	-	+																							
x	$-\infty$	$-\frac{1}{2}$	$+\infty$																							
$10x+5$	-	+	+																							
1	1. فشل وتبليط وترتيب العبارة $P(x)$: $\begin{aligned} P(x) &= (2x+8)^2 + (2x+8)(8x-3) \\ &= 4x^2 + 32x + 64 + 16x^2 - 6x + 64x - 24 \\ &= 20x^2 + 90x + 40 \end{aligned}$	1	1																							

③ - السوابق الممكنة للأعداد

- سوابق ٤ - باردة الدالة f هي $1/2$ أي $f(2) = 1/2$
 سوابق ٥ باردة الدالة f هي 5 - أي $f(5) = 5$
 $f(-4) = f(0) = f(4) = 0$
 سوابق ٣ باردة الدالة f هي 3 - أي $f(-3) = f(-1) = 3$

④ - إيجاد تغير الدالة f

الدالة f متزايدة تماماً على المجال $[2, 4]$ ومتناقصة تماماً على المجال $[-4, -2]$

٠ حدود تغيرات الدالة f

x	-٤	-٢	٢	٤
$f(x)$	٠	١	٣	٥

٥ - القيم الحدية للدالة f

الدالة f تقبل فيهما حدية كبيرة على مجال $[-4, 4]$ هي ٥ وتبلغها عند $x = 2$.

الدالة f تقبل فيهما حدية صغرى على مجال $[-4, 4]$ هي ٠ وتبلغها عند $x = -4$.

- يختصر -

② - تحليل العبارة $P(x)$

$$\begin{aligned} P(x) &= (2x+8)^2 + (2x+8)(-8x-3) \\ &= (2x+8)(2x+8 + -8x-3) \\ &= (2x+8)(10x+5) \end{aligned}$$

③ - حل في المعادلة: $P(x) = 0$

$$\begin{aligned} (2x+8)(10x+5) &= 0 \\ 10x+5 &= 0 \quad 2x+8 = 0 \\ x = -\frac{1}{2} \quad x = -4 \end{aligned}$$

وذلك خلول المعادلة $S_4 = \{-4, -\frac{1}{2}\}$

٤ - استراحة: $P(x) = 0$

x	$-\infty$	-4	$-\frac{1}{2}$	$+\infty$
$2x+8$	-	+	+	+
$10x+5$	-	-	0	+
$P(x)$	+	0	-	+

٥ - اسلح حلول المترافقية: $P(x) = 0$

من المفيد إنسانه بجد حلول المترافقية

$$S_5 = \left[-4, -\frac{1}{2} \right] \text{ هي } P(x) = 0$$

٦ - حل المترافق الثالث:

١ - مجموعة التعرفي الدالة f هي:

$$D_f = [-4, 4]$$

٧ - صور الأعداد:

- صورة ٢ - الدالة f هي 4 أي $f(2) = 4$
 صورة ٥ الدالة f هي 0 أي $f(0) = 0$
 صورة ٣ الدالة f هي -3 - أي $f(1) = -3$