

التاريخ: 2022/03/17
المدة: 02 س

المادة: الرياضيات
المستوى: 2 إ

اختبار الفصل الثاني

التمرين الأول: (6ن)

أحسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 + 5x - 3}{x^2 + 3x + 3} \quad .3$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} 3 - \frac{2}{x+1} \quad .2$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-2x+3}{x^2+4x+1} \quad .1$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^3 + 2x - 3}{(x-2)^2} \quad .6$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2 - 4x + 4}{x^2} \quad .5$$

$$\lim_{x \leq 3} \frac{x^2 - 2x + 1}{x - 3} \quad .4$$

التمرين الثاني: (7ن)

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = -x^2 - 2x + 3$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد ومتجانس.

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) عين نقاط تقاطع المنحني (C_f) مع محوري الاحداثيات.

(4) أكتب معادلة المماس (Δ) للمنحني (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0.

(5) بين أن المستقيم ذو المعادلة $x = -1$ محور تناظر للمنحني (C_f).

(6) أحسب $f(-4)$ و $f(-2)$ ثم ارسم (Δ) و (C_f).

(7) لتكن الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = |f(x)|$

(أ) أكتب عبارة الدالة g دون رمز القيمة المطلقة.

(ب) شكل جدول تغيرات الدالة g .

(ت) ارسم (C'_g) منحني الدالة g في نفس المعلم السابق.

التمرين الثالث: (7ن)

لتكن f دالة عددية معرفة وقابلة للاشتقاق على كل مجال من مجموعة تعريفها. لها جدول التغيرات التالي:

x	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	1	$\frac{3}{2}$	$+\infty$	
$f'(x)$	$+$	0	$-$	$-$	0	$+$
$f(x)$	$-\infty$	\nearrow	1	\searrow	$-\infty$	$+\infty$
						3

اعتمادا على جدول التغيرات:

(1) عين مجموعة تعريف الدالة f .

(2) عين $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ وفسر النتيجة هندسيا.

(3) قارن بين $f\left(\frac{3}{4}\right)$ و $f\left(\frac{1}{2}\right)$ مع التعليل.

(4) عين العددين الحقيقيين a و b بحيث من أجل كل x من مجموعة تعريف f يكون: $f(x) = ax + b +$

$$\frac{1}{4x-4}$$

نعتبر في باقي التمرين أن: $f(x) = x + 1 + \frac{1}{4x-4}$

(1) بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x + 1$ مقارب مائل لـ (C_f) بجوار $-\infty$ و $+\infty$

(1) أدرس الوضع النسبي لـ (C_f) و (Δ) .

(2) بين أن النقطة $\omega(1; 2)$ مركز تناظر للمنحني (C_f) .

(3) عين احداثيات نقط تقاطع المنحني (C_f) مع محور الفواصل

(4) ارسم (Δ) و (C_f) .

بالتوفيق للجميع

$$-x^2 - 2x + 3 = 0$$

$$x_1 = 2$$

$$(1, 0)$$

$$x_2 = -3$$

$$(-3, 0)$$

مقادير المثلثات عند 0

$$y = f'(0)(x-0) + f(0)$$

$$y = -2x + 3$$

حساب $f(-2)$ و $f(-4)$

$$f(-2) = 3$$

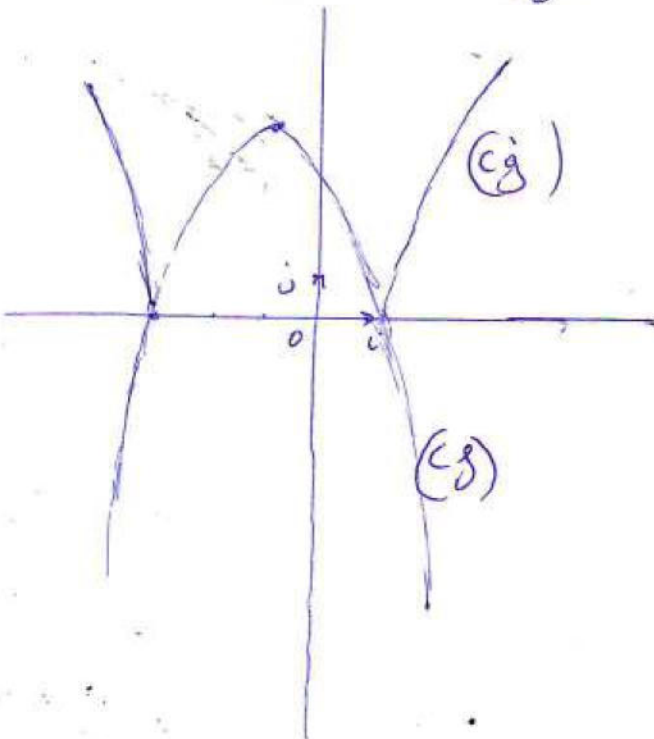
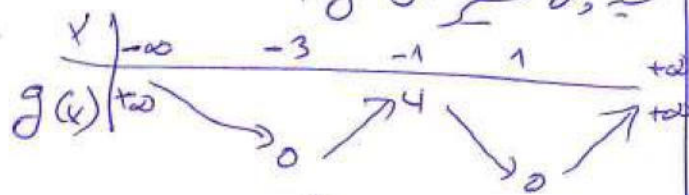
$$f(-4) = -5$$

$$g(x) = |f(x)|$$

كتابة g دون رمز القيمة المطلقة:

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & x \in [-3, 1] \\ -f(x) &]-\infty, -3] \cup [1, +\infty[\end{cases}$$

جدول تغيرات g :



تصحیح اختیار، الفصل الثانی (201)

201

$$1) \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-2x+3}{x^2+1x+1} = 0$$

$$2) \lim_{x \rightarrow -\infty} 3 - \frac{2}{x+1} = 3$$

$$3) \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2+5x-3}{x^2+3x+3} = 2$$

$$4) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2-2x+1}{x-3} = +\infty$$

$$5) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2-4x+4}{x^2} = +\infty$$

$$6) \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^3+2x-3}{(x-1)^2} = -\infty$$

$$f(x) = -x^2 - 2x + 3$$

202

1) النهايات

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} -x^2 = -\infty$$

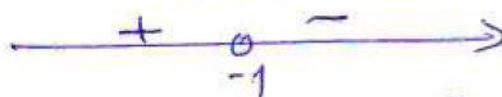
$$\lim_{x \rightarrow +\infty} -x^2 = -\infty$$

2) اتجاه التغير

$$f'(x) = -2x - 2$$

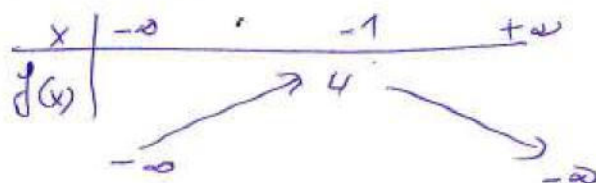
$$-2x - 2 = 0$$

$$x = -1$$



تزايدية تمامًا على $] -\infty, -1[$

تناقصية على $]-1, +\infty[$



3) نقطة التقاطع:

$$f(0) = 3$$

$$(0, 3)$$

الرئيسية

$$f(x) = 0$$

التقاطع مع محور المقادير

$$f(x) = 0$$

$$\frac{4x^2 - 4x + 4x - 4 + 1}{4x - 4} = 0$$

$$\frac{4x^2 - 3}{4x - 4} = 0$$

$$4x^2 - 3 = 0$$

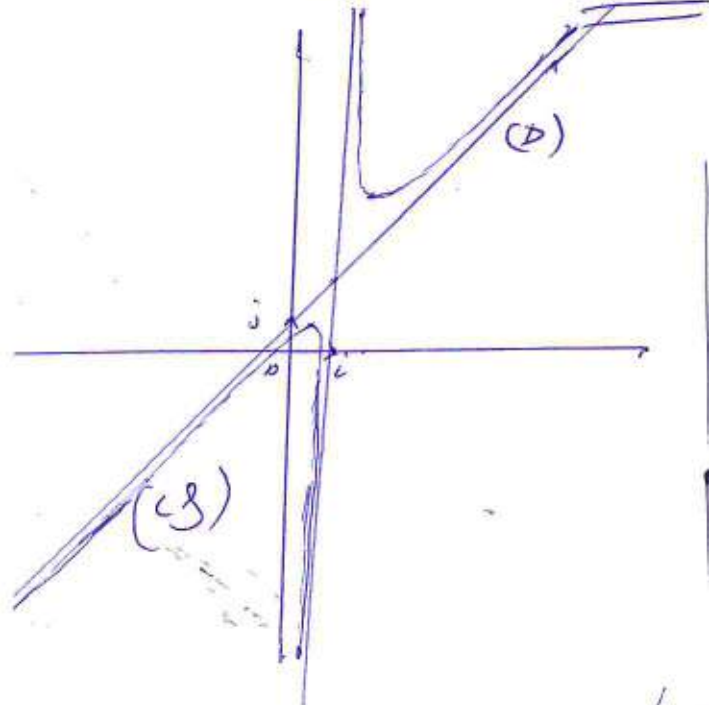
$$x = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\left(\frac{\sqrt{3}}{2}, 0\right)$$

$$x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}, 0\right)$$

الرسم:



ن 30

مجوعه التعريف: $D_f = \mathbb{R} - \{1\}$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = -\infty$$

$x = 1$ صفة عمودية، عمودية، عمودية

المقا، ن:

$$\frac{3}{4} > \frac{1}{2}$$

في متناصفة على $[\frac{1}{2}, 1[$ إذن

$$f\left(\frac{3}{4}\right) < f\left(\frac{1}{2}\right)$$

ايجاد a و b: $a = 13$ $b = 13$

$$f(x) = x + 1 + \frac{1}{4x - 4}$$

المسح المقادير المقادير:

$$\lim_{|x| \rightarrow +\infty} f(x) - y = \lim_{|x| \rightarrow +\infty} x + 1 + \frac{1}{4x - 4} - (x + 1)$$

$$\lim_{|x| \rightarrow +\infty} \frac{1}{4x - 4} = 0$$

الوضع البيني:

$$f(x) - y = \frac{1}{4x - 4}$$

x	-∞	1	∞
f(x) - y	-	+	
الصفحة	(0) صفة (0)	(0) صفة (0)	(0) صفة (0)

مركز تناظر: $w(1, 2)$

$$f(2-x) + f(x) = 2\beta$$

$$f(2-x) + f(x) = 4$$

$$2 - x + 1 + \frac{1}{4(2-x) - 4} + x + 1 + \frac{1}{4x - 4} = 4$$