

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول : (03 نقاط)

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر (PGCD) للعددين 1183 و 455 ، ثم اختزل الكسر $\frac{1183}{455}$.

$$C = \frac{7 \times (10^5)^2 \times 10^{-3}}{35 \times 10^3} \quad , \quad B = 4\sqrt{45} + 2\sqrt{5} - \sqrt{500} \quad , \quad A = \frac{1}{5} - \frac{3}{5} \div \frac{12}{7}$$

(2) أحسب A وأعط الناتج على شكل كسر غير قابل للإختزال.

(3) أحسب B وأعط الناتج على شكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد نسبي.

(4) أعط الكتابة العلمية للعدد C.

التمرين الثاني : (03 نقاط)

لتكن العبارة E حيث: $E = (2x - 3)(3x - 1)$

(1) أنشر وبسط العبارة E.

(2) حلل العبارة F الى جداء عاملين من الدرجة الأولى حيث : $F = 6x^2 - 11x + 3 - (3x - 1)^2$

(3) حل المعادلة : $(3x - 1)(-x - 2) = 0$

التمرين الثالث: (03 نقاط) (وحدة الطول هي السنتيمتر)

ABC مثلث قائم في B حيث: BC= 12 و AB = 9

(1) أنشئ الشكل ثم أحسب الطول AC.

(2) لتكن E نقطة من [AB] حيث: AE= 3 و F نقطة من [AC] حيث: AF= 5

- عين على الشكل النقطتين E, F.

(3) بين أن المستقيم (EF) يوازي المستقيم (BC).

(4) أحسب $\tan \hat{ACB}$ ثم استنتج قيس الزاوية \hat{BAC} (تدور النتيجة إلى الوحدة).

التمرين الرابع : (03 نقاط)

المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) (وحدة الطول 1 cm)

(1) علم النقط : $A(-5 ; 1)$ ، $B(1 ; 5)$

(2) أحسب إحداثيتي كل من الأشعة : \vec{OA} و \vec{OB} ثم الطول AB.

(3) إذا علمت أن : $OA = OB = \sqrt{26}$ ، بين أن المثلث AOB قائم و متساوي الساقين.

(4) أحسب إحداثيتي النقطة M مركز الدائرة المحيطة بالمثلث AOB.

(5) عين النقطة D صورة النقطة O بالدوران الذي مركزه M وزاويته 180° .

الجزء الثاني: (8 نقاط)

المسألة :

I. يملك فلاح قطعة أرض مستطيلة الشكل طولها ثلاثة أضعاف عرضها ومساحتها $43200 m^2$.
- أحسب طول وعرض هذه القطعة.

II. غرس الفلاح قطعه الأرضية بطيخا ، وأثناء بيع المنتج اقترح على الزبائن صيغتين:

الصيغة الأولى : 50 DA للكيلوغرام الواحد.

الصيغة الثانية : 40 DA للكيلوغرام الواحد مع احتساب ثمن النقل المقدر بـ : 600 DA

1- أنقل ثم أتمم الجدول المقابل :

		40	وزن المنتج بـ: (kg)
	3000		المبلغ حسب الصيغة الأولى
34000			المبلغ حسب الصيغة الثانية

ليكن x عدد الكيلوغرامات المباعة ، $f(x)$ المبلغ المدفوع بالصيغة الأولى و $g(x)$ المبلغ المدفوع بالصيغة الثانية.

2- عبر عن $f(x)$ و $g(x)$ بدلالة x .

في نفس المعلم المتعامد والمتجانس متدل بيانيا الدالتين : $f(x)$ و $g(x)$.

ملاحظة : $1 cm$ على محور الفواصل يمثل $10 kg$ و $1 cm$ على محور الترتيب يمثل $500 DA$

3- حل المتراحة : $50x < 40x + 600$ ثم قدم تفسيراً لهذا الحل.

4- حدد من البيان متى تكون الصيغة الثانية أكثر فائدة للزبون مع الشرح.

III. أثناء وزن المنتج تبين للفلاح أن الأوزان تتراوح بين $2 kg$ و $10 kg$ و الجدول التالي يوضح ذلك:

فئات الأوزان بـ kg	$2 \leq p < 4$	$4 \leq p < 6$	$6 \leq p < 8$	$8 \leq p \leq 10$
التكرارات	1500	2800	2500	2000
مراكز الفئات				
التكرار المجمع المتزايد				

1- أنقل الجدول ثم أكمله.

2- أحسب الوسط الحسابي المتوازن.

3- عيّن الفئة الوسيطة.

الإجابة المختصرة للإمتحان التجريبي لمادة الرياضيات 2016

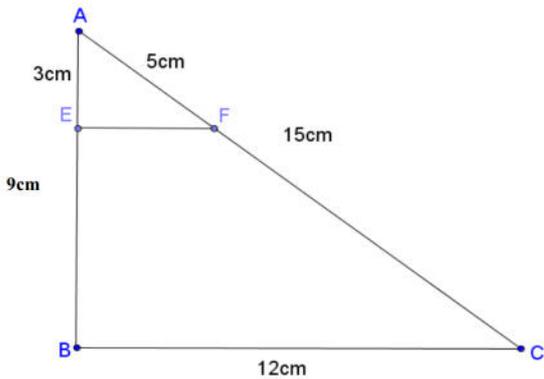
التمرين الأول :

كتابة العدد C كتابة علمية	كتابة العدد B على الشكل $a\sqrt{5}$	حساب A على شكل كسر غير قابل للاختزال	$PGCD(1183;455) = 91$
$C = \frac{7 \times (10^5)^2 \times 10^{-3}}{35 \times 10^3}$	$B = 4\sqrt{45} + 2\sqrt{5} - \sqrt{500}$	$A = \frac{1}{5} - \frac{3}{5} \div \frac{12}{7}$	باستعمال خوارزمية اقليدس لدينا: $1183 = 455 \times 2 + 273$ $455 = 273 \times 1 + 182$ $273 = 182 \times 1 + 91$ $182 = 91 \times 2 + 0$ $PGCD(1183;455) = 91$
$C = \frac{7}{35} \times \frac{10^{10} \times 10^{-3}}{10^3}$	$B = 4\sqrt{9 \times 5} + 2\sqrt{5} - \sqrt{100 \times 5}$	$A = \frac{1}{5} - \frac{3}{5} \times \frac{7}{12}$	اختزال الكسر: $\frac{1183}{455} = \frac{1183 \div 91}{455 \div 91} = \frac{13}{5}$
$C = 0.2 \times 10^{10-3-3}$	$B = (12+2-10)\sqrt{5}$	$A = \frac{1}{5} - \frac{21}{60}$	
$C = 0.2 \times 10^4$	$B = 4\sqrt{5}$	$A = \frac{1 \times 12}{5 \times 12} - \frac{21}{60}$	
$C = 2.0 \times 10^{-1} \times 10^4$		$A = \frac{12-21}{60} = -\frac{9}{60} = -\frac{3}{20}$	
$C = 2.0 \times 10^3$			

التمرين الثاني :

تحليل العبارة F الى جداء عاملين من الدرجة الأولى	نشر وتبسيط العبارة E
$F = 6x^2 - 11x + 3 - (3x - 1)^2$ $F = (2x - 3)(3x - 1) - (3x - 1)(3x - 1)$ $F = (3x - 1)[(2x - 3) - (3x - 1)]$ $F = (3x - 1)[2x - 3 - 3x + 1]$ $F = (3x - 1)(-x - 2)$	$E = (2x - 3)(3x - 1)$ $E = 6x^2 - 2x - 9x + 3$ $E = 6x^2 - 11x + 3$
حل المعادلة: $(3x - 1)(-x - 2) = 0$ لدينا: $3x - 1 = 0$ أو $-x - 2 = 0$ معناه أن: $x = -2$ أو $x = \frac{1}{3}$	

التمرين الثالث :



1. حساب الطول AC: حسب نظرية فيثاغورس لدينا:

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$AC^2 = 12^2 + 9^2$$

$$AC^2 = 225$$

$$AC = \sqrt{225} = 15 \text{ cm}$$

2. اثبات أن (EF) و (BC) مستقيمان متوازيان :

$$\text{حساب النسبتين: } \frac{AF}{AC} \text{ و } \frac{AE}{AB} \quad \frac{AF}{AC} = \frac{5}{15} = 0.33, \quad \frac{AE}{AB} = \frac{3}{9} = 0.33$$

بما أن النسبتين متساويتين والنقط A,E,B و A,F,C بنفس الترتيب ان حسب النظرية العكسية لطاليس فإن: $(EF) \parallel (BC)$

$$3. \text{ حساب } \tan \hat{ACB} : \tan \hat{ACB} = \frac{AB}{BC} = \frac{9}{12} = 0.75 \text{ ومنه } \hat{ACB} = 36.86^\circ$$

$$4. \text{ استنتاج قياس الزاوية } \hat{BAC} \text{ بالتدوير إلى الوحدة: } \hat{BAC} = 180^\circ - (90^\circ + 36.86^\circ) = 53.14^\circ \cong 53^\circ$$

التمرين الرابع :

1. حساب احداثيتي الشعاع \vec{OA} و \vec{OB}

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} \quad \vec{OB} (x_B - x_O; y_B - y_O) \quad \vec{OA} (x_A - x_O; y_A - y_O)$$

$$AB = \sqrt{(1+5)^2 + (5-1)^2} \quad \vec{OB} (1-0; 5-0) \quad \vec{OA} (-5-1; 1-0)$$

$$AB = \sqrt{36 + 16} = \sqrt{52} \quad \vec{OB} (1; 5) \quad \vec{OA} (-5; 1)$$

2. اثبات أن المثلث قائم ومتساوي الساقين : لدينا : $OA = OB = \sqrt{26}$

$$AB^2 = AO^2 + BO^2$$

ومن حسب النظرية العكسية لفيثاغورس فإن المثلث AOB قائم في O ومتساوي الساقين.

$$\sqrt{52}^2 = \sqrt{26}^2 + \sqrt{26}^2$$

$$52 = 52$$

3. حساب احداثيتي M مركز الدائرة المحيطة بالمثلث AOB : بما أن المثلث AOB قائم في O فإن M منتصف [AC] ومنه $M (X_M; Y_M)$

$$\text{ومنه } M (-2; 3) \quad Y_M = \frac{y_A + y_B}{2} = \frac{5+1}{2} = 3 \quad X_M = \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{1-5}{2} = -2$$

4. تعيين النقطة D صورة النقطة O بالدوران الذي مركزه M وزاويته 180° .

الإجابة المختصرة للإمتحان التجريبي لمادة الرياضيات 2016

الجزء الأول :

حساب طول و عرض القطعة : نرسم عرض القطعة بـ x فيكون طولها $3x$ كتابة المعادلة : $3x \times x = 43200$ أي $3x^2 = 43200$
 حل المعادلة: $x^2 = \frac{43200}{3} = 14400$ $x = \sqrt{14400} = 120$ $x = 120 \times 3 = 360$ $120 \times 360 = 43200$ $x = \sqrt{14400} = 120$ $x = 120 \times 3 = 360$ $120 \times 360 = 43200$ $x = \sqrt{14400} = 120$ $x = 120 \times 3 = 360$ $120 \times 360 = 43200$
 الإجابة: طول هذه القطعة هو 360m وعرضها هو 120m
 الجزء الثاني: إتمام الجدول

835	60	40	وزن المنتج بـ (Kg)
41750	3000	2000	المبلغ حسب الصيغة الأولى
34000	3000	2200	المبلغ حسب الصيغة الثانية

1- التعبير عن $f(x)$ و $g(x)$ بدلالة x
 $f(x) = 50x$ $g(x) = 40x + 600$
 3- التمثيل البياني للدالتين

الدالة: $g(x) = 40x + 600$				الدالة: $f(x) = 50x$			
الجدول المساعد 2:				الجدول المساعد 1:			
التمثيل البياني للدالة g هو المستقيم الذي معادلته $Y=40x+600$ والذي يشمل $(0;600)$ و $(60;3000)$				x	10	60	التمثيل البياني للدالة f هو المستقيم الذي معادلته $y=50x$ والذي يشمل النقطتين $(0;0)$ و $(60;3000)$
				y	1000	3000	

سلم الرسم :

على محور الفواصل نمثل وزن المنتج حيث كل 1cm يمثل 10kg وعلى محور الترتيب نمثل المبلغ المدفوع حيث كل 1cm يمثل 500DA

4- حل المتراجحة: $50x < 40x + 600$

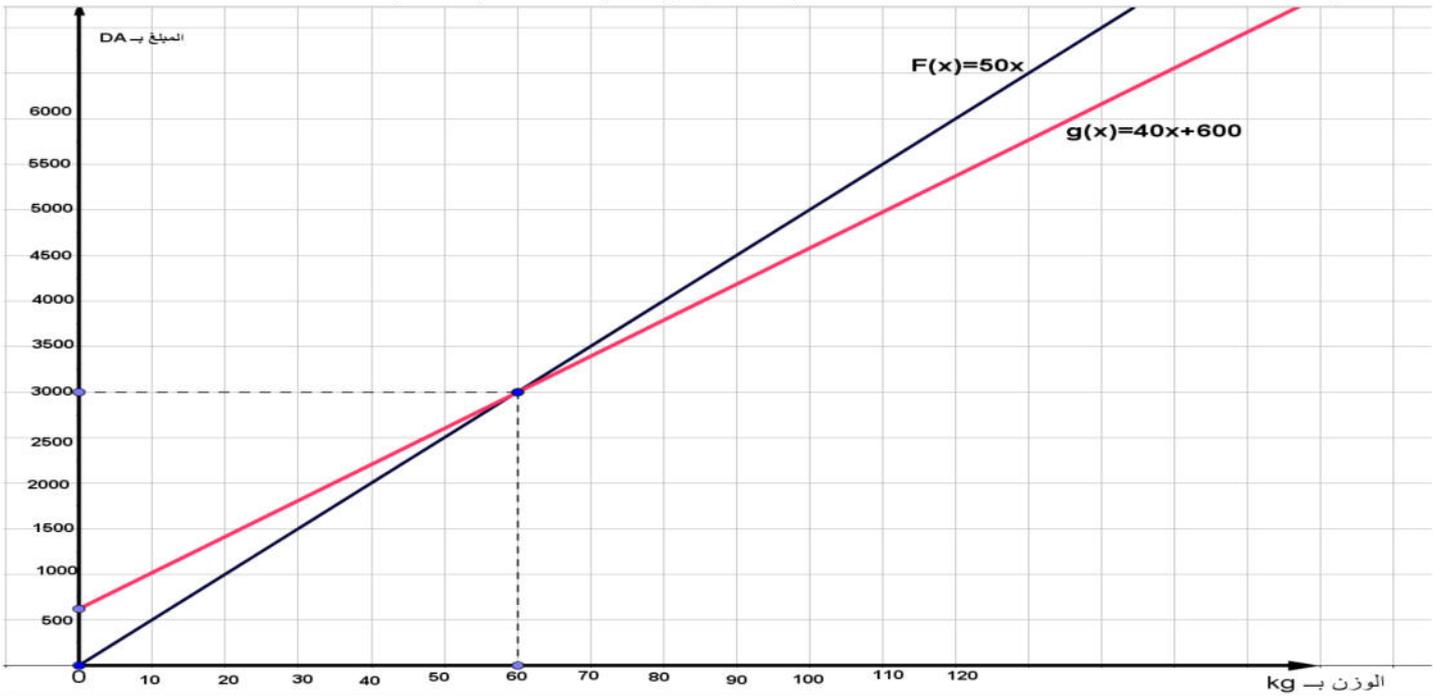
تفسير الحل : تكون الصيغة الأولى أقل تكلفة من الصيغة الثانية إذا كان

$$50x < 40x + 600$$

$$50x - 40x < 600 \quad 10x < 600 \quad x < 60$$

5- من البيان تكون الصيغة الثانية أكثر فائدة للزبون إذا كان يريد شراء أكثر من 60kg

الشرح : من البيان نلاحظ أنه إذا كان $x > 60$ فإن التمثيل البياني للدالة g يقع أسفل التمثيل البياني للدالة f



الجزء الثالث : 1 إكمال الجدول :

فئات الأوزان	2 ≤ P < 4	4 ≤ P < 6	6 ≤ P < 8	8 ≤ P ≤ 10
التكرار	1500	2800	2500	2000
مراكز الفئات	3	5	7	9
ت م ص	1500	4300	6800	8800

2 - حساب الوسط الحسابي المتوازن

$$M = \frac{1500 \times 3 + 2800 \times 5 + 2500 \times 7 + 2000 \times 9}{1500 + 2800 + 2500 + 2000}$$

$$M = \frac{54000}{8800}$$

معدل الأوزان $M \approx 6.13$

3- تعيين الفئة الوسيطة :

نلاحظ أن عدد قيم السلسلة زوجي أي رتبة الوسيط تكون محصورة بين

$$\frac{8800}{2} + 1 \text{ و } \frac{8800}{2} \text{ أي محصورة بين } 1 + \frac{N}{2} \text{ و } \frac{N}{2} \text{ أي القيمة الموافقة لهذه الرتبة تنتمي إلى الفئة } 6 \leq P < 8 \text{ وهي الفئة الوسيطة}$$