



## المستوى: الثاني ثانوي تسيير واقتصاد ( 2ASGE ) فيفري 2012

### اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات | المدة: 30 د

#### التمرين 01: (06ن)

$$f \text{ دالة معرفة على } R - \{3\} : f(x) = \frac{2x-4}{x-3}$$

يرمز لـ  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$  في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- 1- أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجال تعريفها.
- 2- أدرس اتجاه تغيرات الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها.
- 3- أوجد نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع محوري الإحداثيات.
- 4- أثبت أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل مماسين  $(T)$  و  $(T')$  معامل توجيهه كل منهما يساوي  $(-2)$ .
  - عيّن معادلة كل من  $(T)$  و  $(T')$ .
  - أرسم  $(T)$  و  $(T')$  ثم المنحنى  $C$ .

#### التمرين 02 (08ن):

$$1- \text{ نعتبر الدالة } f \text{ المعرفة على } R \text{ كما يلي: } f(x) = x^3 - 3x + 2$$

- 1- أحسب  $f(1)$ .
- 2- أثبت أن من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = (x-1)(ax^2 + bx + c)$  حيث:  $a, b, c$  أعداد حقيقية يطلب نعينها.
- 3- حل عندئذ المعادلة  $f(x) = 0$ .
- 4- استنتج نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل  $(x'x)$ .
- 5- أدرس تغيرات الدالة  $f$ .
- 6- أرسم  $(C_f)$  في معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .
- 7- أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة  $(1)$ .
- 8- أحسب  $f(-x)$  ثم أدرس شفعية الدالة  $f$ .

II- نعتبر الدالة  $g$  المعرفة كما يلي:  $g(x) = \frac{f(x)}{x-1}$

- أوجد أبسط عبارة لـ  $g(x)$ .

- أدرس تغيرات الدالة  $g$  وارسم  $(C_g)$  في نفس المعلم السابق.

- استنتج نقط تقاطع المنحنيين  $(C_f)$  و  $(C_g)$ . بيانيا ثم حسابيا.

### التمرين 03(04ن):

$(U_n)$  متتالية عددية معرفة بجدها الأول  $U_0 = 3$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n : U_{n+1} = 2U_n + 1$ .

1- أحسب  $U_1, U_2, U_3$ .

2- من أجل كل عدد طبيعي  $n$  نعرف المتتالية  $(V_n)$  كما يلي:  $V_n = U_n + 1$

أ- أثبت أن  $(V_n)$  متتالية هندسية يطلب تحديد أساسها  $q$  وحدها  $V_0$ .

ب- أكتب عبارة الحد العام  $V_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج  $U_n$  بدلالة  $n$ .

ت- أحسب المجموع  $S_n$  حيث:  $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$

ث- عيّن  $n$  علما أن  $S_n = 1020$ .

## بالتوفيق