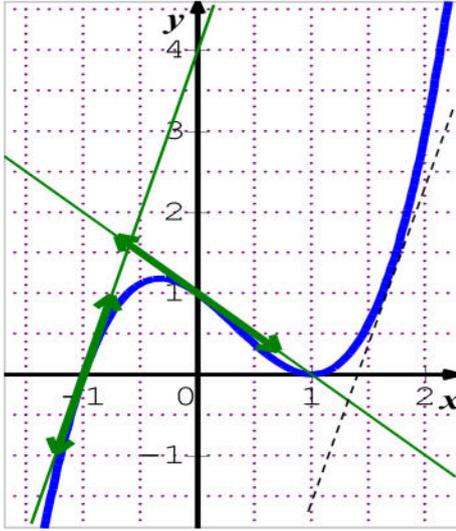




التمرين الأول 7 :



في الشكل المقابل ، C_f هو المنحني الممثل في معلم متعامد ومتجانس
لدالة f قابلة للاشتقاق على R ؛ والمماسان لـ C_f عند نقطتيه A و B ، فاصلتيهما -1 و 0 .

(1) بقراءة بيانية ، عيّن القيم $f(-1)$ ، $f(0)$ ، $f(1)$ (2) ، $f'(-1)$ ، $f'(0)$ و $f'(1)$.(3) حل بيانيا ، في المجال $[-\frac{3}{2}; \frac{3}{2}]$:(أ) المعادلة $f(x) = 0$. (ب) المعادلة $f'(x) = -1$.(ج) المتراجحة $f'(x) \geq 0$ (د) المتراجحة $f'(x) \geq 4$.4 . شكل جدول تغيرات الدالة f موضحا فيه إشارة المشتقة .5 . أدرس إشارة $f(x)$.6 . g و h دوال معرفة بـ : $h(x) = |f(x)|$ ، $g(x) = f(|x|)$ اشرح كيف نستنتج المنحنيين (C_h) و (C_g) انطلاقا من المنحني (C_f) ثم أنشئهما .التمرين الثاني 7 ن :

f دالة معرفة على \mathbb{R} بالعلاقة $f(x) = \frac{-x^2 + ax + b}{x^2 + 1}$ حيث a ، b عدنان حقيقيان

الجزء الاول : عين العدنان a ، b علماً أن (C_f) يقبل في النقطة $A(1; -3)$ مماساً معامل توجيهه يساوي -1 .الجزء الثاني : نضع $a = -6$ ، $b = 1$.(1) أدرس اتجاه تغير الدالة f .(2) عين حصر للدالة f على المجال $[0; 1]$ (3) عين القيم الحدية المحلية للدالة f (تُدور النتائج الى 10^{-2})(4) أكتب معادلة المماس للمنحني (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0 .(5) عين المستقيمات المقاربة لـ (C_f) ثم أرسم (C_f) (6) g دالة معرفة على R بـ : $g(x) = f(-|x|)$ تحقق ان g زوجيةاشرح كيف نستنتج المنحن C_g انطلاقا من المنحني (C_f) ثم أنشئه .(7) ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و إشارة حلول المعادلة : $f(x) = m + 1$ التمرين الثالث 6 ن :نعتبر الدالة كثير حدود P حيث : $P(x) = 3x^4 + 2x^3 - 2x^2 - 2x - 1$.1. أحسب $P(1)$ ، $P(-1)$ ما اذا تستنتج ؟2. عيّن الأعداد الحقيقية a ، b ، c : $P(x) = (x^2 - 1)(ax^2 + bx + c)$ 3. حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$ ، ثم المتراجحة $P(x) < 0$.

التمرين الثالث :
الجزء الاول :

تعيين العددين a, b علماً أن (C_f) يقبل في النقطة $A(1; -3)$ مماسا معامل توجيهه يساوي -1 لدينا

$$f(1) = -3 \text{ يعني ان } \frac{-1+a+b}{2} = -3 \text{ أي ان (1) } a+b = -5 \dots\dots\dots$$

$$f'(1) = -1 \text{ و لدينا } f'(x) = \frac{(-2x+a)(x^2+1) - 2x(-x^2+ax+b)}{(x^2+1)^2} \text{ و منه}$$

$$f'(x) = \frac{-ax^2 + (-2-2b)x + a}{(x^2+1)^2} \text{ بالتعويض نجد } \frac{-a + (-2-2b) + a}{4} = -1 \text{ و منه } -2-2b = -4 \text{ أي ان}$$

$$b = 1 \text{ بالتعويض في (1) نجد أن } a = -6$$

الجزء الثاني :

(1) دراسة اتجاه تغير الدالة f : مما سبق لدينا $f'(x) = \frac{-ax^2 + (-2-2b)x + a}{(x^2+1)^2}$ بالتعويض نجد

$$f'(x) = \frac{6x^2 - 4x - 6}{(x^2+1)^2} \text{ اشارتها من اشارة البسط } 6x^2 - 4x - 6 \text{ نحسب المميز } \Delta = 160 \text{ و منه لـ } 6x^2 - 4x - 6$$

$$f' \text{ و } \left[\frac{1+\sqrt{10}}{3}; +\infty \right] \text{ و } \left[-\infty; \frac{1-\sqrt{10}}{3} \right] \text{ و منه } f' \text{ موجبة على المجالين } \begin{cases} x' = \frac{4+4\sqrt{10}}{12} = \frac{1+\sqrt{10}}{3} \\ x'' = \frac{4-4\sqrt{10}}{12} = \frac{1-\sqrt{10}}{3} \end{cases} \text{ جذرين هما}$$

$$\left[\frac{1-\sqrt{10}}{3}; \frac{1+\sqrt{10}}{3} \right] \text{ سالبة على المجال}$$

$$\left[\frac{1+\sqrt{10}}{3}; +\infty \right] \text{ و } \left[-\infty; \frac{1-\sqrt{10}}{3} \right] \text{ و منه } f \text{ متزايدة على هذين المجالين}$$

$$\left[\frac{1-\sqrt{10}}{3}; \frac{1+\sqrt{10}}{3} \right] \text{ و } f \text{ متناقصة على هذا المجال}$$

(2) تعيين حصر للدالة f على المجال $[0;1]$ الدالة f متناقصة تماما على هذا المجال و منه $f(1) \leq f(x) \leq f(0)$ أي ان $-3 \leq f(x) \leq 1$

(3) تعيين القيم الحدية المحلية للدالة f هي $f\left(\frac{1-\sqrt{10}}{3}\right) = 3.16$ قيمة حدية محلية كبرى و $f\left(\frac{1+\sqrt{10}}{3}\right) = -3.16$ قيمة حدية محلية صغرى .

4) كتابة معادلة المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0 هي $y = f'(0)x + f(0)$ بما ان $f'(0) = 6$, $f(0) = 1$ فإن

$$y = 6x + 1$$

التمرين الرابع (4 نقاط)

بعد عملية الطي و القص نحصل على علبة ارتفاعها هو x عرضها هو $10 - 2x$ و طولها هو $16 - 2x$ إذن بما انها أطوال يعني ان x ينتمي للمجال $[0; 5]$ و حجم العلبة

$$v(x) = x(10 - 2x)(16 - 2x) \text{ هو}$$

$$v(x) = 4x^3 - 52x^2 + 160x \text{ و منه } v(x) = x(160 - 52x + 4x^2) \text{ أي ان}$$

ندرس تغيرات الدالة v على المجال $[0; 5]$

$$v'(x) = 12x^2 - 104x + 160$$

نحسب المميز $\Delta = 3136$ لـ $v'(x)$ جذرين هما

$$\begin{cases} x' = \frac{104 + 56}{24} = \frac{160}{24} = \frac{20}{3} \\ x'' = \frac{104 - 56}{24} = 2 \end{cases}$$

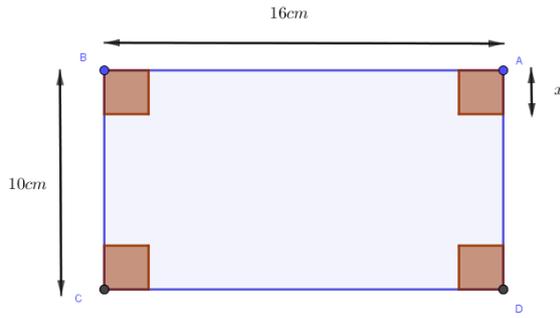
الاول $\frac{20}{3}$ خارج مجموعة التعريف و

الثاني 2 داخلها مقبول

و منه الدالة v متزايدة على المجال $[0; 2]$ و متناقصة على

المجال $[2; 5]$ أي ان $v(2) = 144 \text{ cm}^3$ قيمة حدية كبرى القيمة

المطلوبة هي $x = 2$



x	0	2	5
$v'(x)$		+	0
$v(x)$	0	144	0