



### ❖ التمرين الأول: (7 ن) أجب بصحيح أو خطأ مع التعليل

(1) دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $f(x) = \frac{x+1}{x^2+1}$ . نهاية الدالة  $f$  عند  $+\infty$  هي  $+\infty$ .

(2) دالة معرفة على  $\mathbb{R} - \{-1\}$  كما يلي:  $f(x) = \frac{-2x+1}{x+1}$ . منحنى الدالة  $f$  يقبل

مستقيم مقارب أفقي معادلته  $x = -2$ .

(3) دالة كثيرة حدود معرفة ب:  $P(x) = -2x^3 - 3x^2 - 1$ . نهاية الدالة  $P$  عند  $-\infty$  هي

$-\infty$ .

(4)  $a$  عدد حقيقي:  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{1}{x-a} = 0$

(5) نهاية دالة كثيرة حدود عند  $x_0$  ( $x_0$  عدد حقيقي) هي نهاية حدها الأعلى درجة عند  $x_0$ .

### ❖ التمرين الثاني: (13 ن)

❖ الجزء الأول: دالة عددية معرفة ب:  $f(x) = \frac{3x-2}{x-1}$

(1) عين مجموعة تعريف الدالة  $f$ .

(2) عين الأعداد الحقيقية  $a$  و  $b$  بحيث من أجل كل  $x$  من  $D$ :  $f(x) = a + \frac{b}{x-1}$

(3) أحسب نهاية الدالة  $f$  عند  $-\infty$  و  $+\infty$  ثم فسر النتيجة بيانياً.

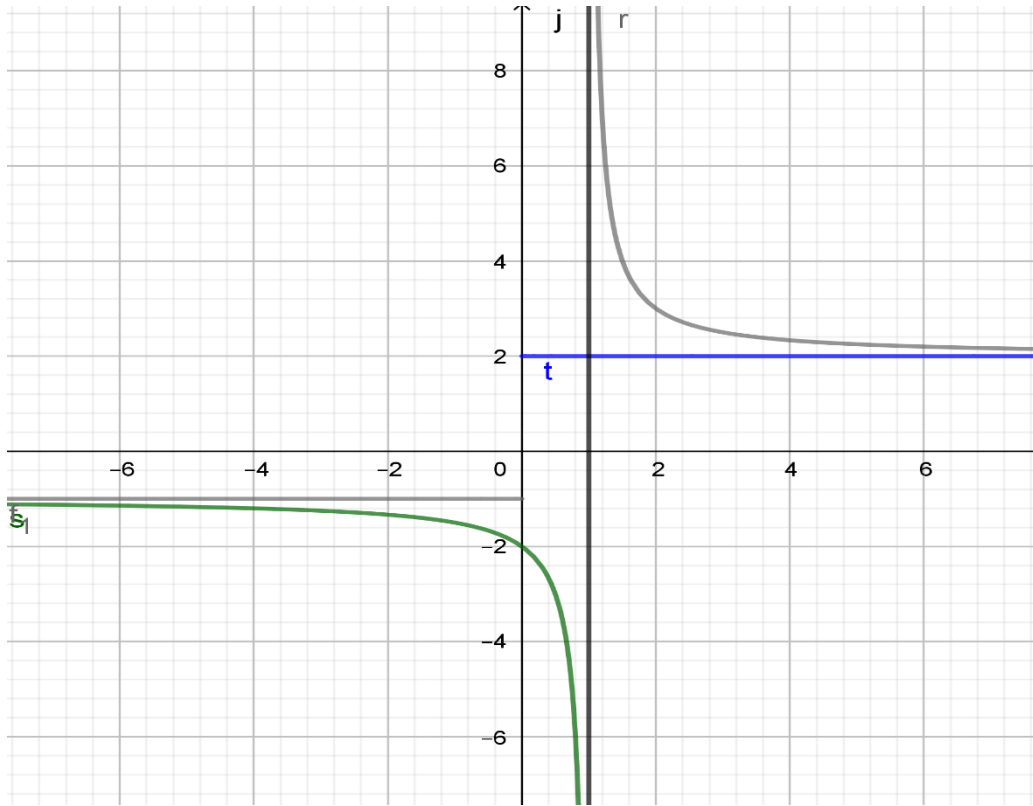
(4) عين  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  ثم فسر النتيجة بيانياً.

(5) أدرس تغيرات الدالة  $f$  مع تشكيل جدول تغيراتها.

(6) ارسم المستقيمات المقاربة و المنحنى  $(C_f)$ .

## ❖ الجزء الثاني:

الدالة  $g$  تمثيلها البياني  $(C_g)$  المعين في الشكل المقابل:



بقراءة بيانية:

- (1) عين  $D_g$  مجموعة تعريف الدالة  $g$ .
- (2) عين نهايات الدالة  $g$  عند حدود مجموعة تعريفها.
- (3) عين معادلات المستقيمات المقاربة للمنحنى  $(C_g)$ .