

**التمرين الأول: (10 نقاط)**

(1) ليكن  $x$  من المجال  $\left[\frac{\pi}{2}; \pi\right]$ ، نضع  $\cos x = -\frac{3}{5}$ .

(أ) احسب  $\cos(\pi - x)$ ،  $\cos(x - 2017\pi)$ .

(ب) احسب  $\sin x$ ،  $\sin\left(\frac{\pi}{2} + x\right)$ .

(2) ليكن  $x$  عدد حقيقي، نضع  $A(x) = \sin(\pi - x) + \cos\left(\frac{5\pi}{2} - x\right) + 2\sin\left(\frac{2018\pi}{3}\right)$

(أ) بين أن من أجل كل  $x: A(x) = 2\sin x + \sqrt{3}$

(ب) حل في المجال  $]-\pi; \pi]$  المعادلة:  $A(x) = 0$  ثم مثل الحلول على الدائرة المثلثية.

(ج) سنتج في المجال  $]-\pi; \pi]$  حلول المتراجحة:  $A(x) \leq 0$ .

**التمرين الثاني: (04 نقاط)**

نضع  $(\vec{u}, \vec{v}) = \frac{\pi}{6} \text{ rad}$  و  $(\vec{w}, \vec{v}) = \frac{301\pi}{6} \text{ rad}$

(1) هل الزاويتان  $(\vec{u}, \vec{v})$  و  $(\vec{w}, \vec{v})$  متقايستان؟

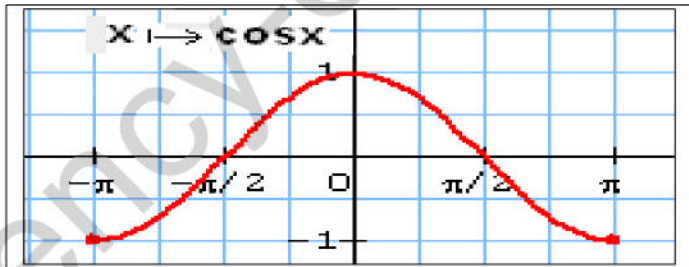
(2) أوجد القيس الرئيسي للزاوية الموجهة  $(\vec{w}, \vec{v})$ .

(3) أوجد قيسا بالرادياتان للزاوية الموجهة  $(-2\vec{u}, 3\vec{v})$ .

(4) أوجد قيسا بالرادياتان للزاوية الموجهة  $(-\vec{w}, 3\vec{u})$ .

**التمرين الثالث: (06 نقاط)**

إليك التمثيل البياني للدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[-\pi; \pi]$  بالعلاقة  $f(x) = \cos x$  في مستو منسوب إلى معلم متعامد.



ليكن  $(D)$  المستقيم ذو المعادلة  $y = \frac{\sqrt{3}}{2}$  و

$(D')$  المستقيم ذو المعادلة  $y = -\frac{\sqrt{3}}{2}$

(1) عين فواصل نقط تقاطع  $(C_f)$  مع كل من  $(D)$  و  $(D')$

(2) بين أن مجموعة حلول المتراجحة  $\cos^2 x \geq \frac{3}{4}$  في المجال  $[-\pi; \pi]$  هي اتحاد ثلاث مجالات يطلب تعيينها.

انتهى بالتوفيق