

الموسم الدراسي: 42-1443 هـ / 21-2022 م



الفرض الثاني للفصل الثاني في مادة الرياضيات
للسنة الأولى جذع مشترك علوم وتكنولوجيا

التاريخ : 2022/02/14

أستاذ المادة: مزروح يوسف

المدة : 02 ساعة

نقطة على التنظيم

التمرين الأول: 05 نقاط

1 لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = |2x - 1| - 3x + 1$.

(أ) أكتب $f(x)$ دون رمز القيمة المطلقة .

(ب) بإستعمال عبارة $f(x)$ المناسبة احسب $f(2)$ و $f(-2)$.

التمرين الثاني: 6 نقطة

لتكن الدالة f المعرفة على $[-2; 1[\cup]1; 3]$ كما يلي : $f(x) = \frac{2x+1}{x-1}$. (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس .

1 اكتب $f(x)$ على الشكل : $f(x) = a + \frac{b}{x-1}$, حيث a و b اعداد حقيقية يطلب تعيينها .

2 أحسب صور الأعداد التالية بالدالة f : $2; 1; 0$.

3 أوجد سوابق الاعداد التالية بالدالة f : $2; 0$.

x	-2	-1	0	2	3
$f(x)$					

4 اكمل الجدول التالي.

5 ارسم المنحنى (C_f) في معلم متعامد ومتجانس .

6 أعط تخميناً حول تغيرات الدالة f .

التمرين الثالث: 3.5 نقاط

لتكن النقط التالية: $A(1; 2)$, $B(0; -1)$, $C(-2; -1)$.

1 احسب : \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{AC} , ثم إستنتج ان النقط A, B, C ليست على إستقامة .

2 أحسب الاطوال : CA, BA , ثم إستنتج بدقة طبيعة المثلث CBA .

التمرين الرابع: 02 نقاط

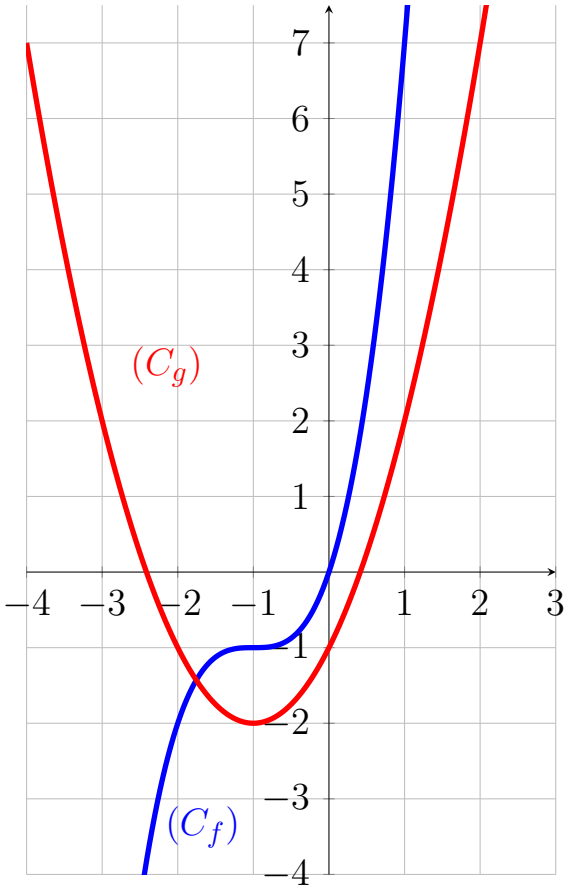
لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي : $f(x) = 4x^2 - 4x + 2$.

1 بين انه من أجل كل عدد حقيقي x لدينا : $f(x) = (2x - 1)^2 + 1$

2 حل المعادلة : $f(x) = 8$

التمرين الخامس: 2.5 نقاط

لتكن الدالتين f و g المعرفتين بتمثليهما البيانيان ادناه :



أكمل الجدول التالي:

x	-2			1
$f(x)$		-1	0	
$g(x)$			-2	

ليست الفكرة في أني فائق الذكاء، بل كل ما في الأمر أني أقضي وقتاً أطول في حل المشاكل!

الصحيح المفصل للفرض الأول في مادة الرياضيات

حل التمرين 1

1 $2x - 1 = 0 \implies x = \frac{1}{2}$

x	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	$+\infty$
$ 2x - 1 $	$-(2x - 1)$	0	$+(2x - 1)$

وبالتالي :

$$f(x) = \begin{cases} -5x + 2 & ; x \in]-\infty, \frac{1}{2}] \\ -x & ; x \in [\frac{1}{2}, +\infty[\end{cases}$$

2

$f(2) = -2$

$f(-2) = -5(-2) + 2 = 12$

حل التمرين 2

1

$$f(x) = \frac{a(x-1) + b}{x-1} = \frac{ax - a + b}{x-1} = \frac{2x+1}{x-1}$$

بالمطابقة نجد: $\begin{cases} a = 2 \\ -a + b = 1 \end{cases} \implies \begin{cases} a = 2 \\ b = 3 \end{cases}$

صورة 0 هي -1

صورة 1 غير موجودة

صورة 2 هي 5

سابقة 0 هي حل للمعادلة: $f(x) = 0 \implies \frac{2x+1}{x-1} = 0 \implies 2x+1 = 0 \implies x = -\frac{1}{2}$

سابقة 2 هي حل للمعادلة: $f(x) = 2$

$f(x) = 2 \implies \frac{2x+1}{x-1} = 2 \implies 2x+1 = 2x-2 \implies 1 = -2$

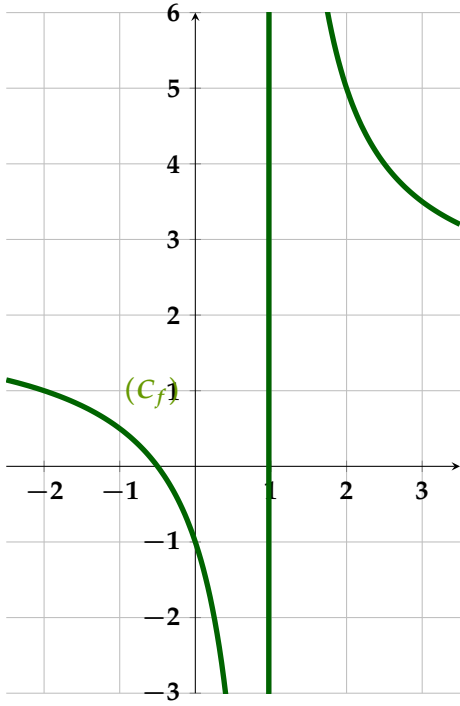
تناقض ومنه سابقة 2 غير موجودة.

1.25

x	-2	-1	0	2	3
$f(x)$	1	$\frac{1}{2}$	-1	5	$\frac{7}{2}$

إكمال الجدول:

4



5 رسم المنحنى (C_f) في معلم متعامد ومتجانس. [1]

6 الدالة f متناقصة تماما على كل من المجالين: $[-2; 1[\cup]1; 3]$ [1]

حل التمرين 3 ☆☆☆

1 الشعاعان \vec{AB} و \vec{AC} غير مرتبطان خطيا ومنه فالنقط C, B, A ليست على إستقامة. [0.75] $\vec{AB}(-1; -3)$ [0.75] $\vec{AC}(-3; -1)$

[0.5] حساب الأطوال: $BA = \sqrt{10}$ [0.5] $CA = \sqrt{10}$

2 $AB = AC$ ومنه المثلث CBA متساوي الساقين. [0.5]

حل التمرين 4 ☆☆☆

لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = 4x^2 - 4x + 2$.

1 البرهان: $f(x) = (2x - 1)^2 + 1$ [1]

$$f(x) = 4x^2 - 4x + 1 + 1$$

$$[1] f(x) = 4x^2 - 4x + 2$$

2 حل المعادلة: $f(x) = 8$ [2]

$$f(x) = 8 \Leftrightarrow (2x - 1)^2 + 1 = 8$$

$$\Leftrightarrow (2x - 1)^2 - 7 = 0 \Leftrightarrow (2x - 1)^2 - (\sqrt{7})^2 = 0$$

$$\Leftrightarrow (2x - 1 - \sqrt{7})(2x - 1 + \sqrt{7}) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x - 1 - \sqrt{7} = 0 \\ 2x - 1 + \sqrt{7} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1+\sqrt{7}}{2} \\ x = \frac{1-\sqrt{7}}{2} \end{cases} \implies S = \left\{ \frac{1-\sqrt{7}}{2}; \frac{1+\sqrt{7}}{2} \right\}$$

[1]



لتكن الدالتين f و g المعرفتين بتمثيلهما البياني ادناه :
إكمال الجدول:

10×0.25

x	-2	-1	-1	0	1
$f(x)$	-2	-1	-1	0	7
$g(x)$	-1	-2	-2	-1	2

إنتهى

من إعداد الأستاذ: مزروح يوسف