

الموسم الدراسي: 42-1443 هـ / 21-2022 م



الفرض الثاني للفصل الثاني في مادة الرياضيات  
للسنة الأولى جذع مشترك علوم وتكنولوجيا

التاريخ : 2022/02/14

أستاذ المادة: مزروح يوسف

المدة : 02 ساعة

### نقطة على التنظيم

#### التمرين الأول: 05 نقاط

1 لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب:  $f(x) = |2x - 1| - 3x + 1$ .

(أ) أكتب  $f(x)$  دون رمز القيمة المطلقة .

(ب) بإستعمال عبارة  $f(x)$  المناسبة احسب  $f(2)$  و  $f(-2)$ .

#### التمرين الثاني: 6 نقطة

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $[-2; 1[ \cup ]1; 3]$  كما يلي :  $f(x) = \frac{2x+1}{x-1}$  .  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس .

1 اكتب  $f(x)$  على الشكل :  $f(x) = a + \frac{b}{x-1}$  , حيث  $a$  و  $b$  اعداد حقيقية يطلب تعيينها .

2 أحسب صور الأعداد التالية بالدالة  $f$  :  $2; 1; 0$ .

3 أوجد سوابق الاعداد التالية بالدالة  $f$  :  $2; 0$ .

$x$	-2	-1	0	2	3
$f(x)$					

4 اكمل الجدول التالي.

5 ارسم المنحنى  $(C_f)$  في معلم متعامد ومتجانس .

6 أعط تخميناً حول تغيرات الدالة  $f$  .

#### التمرين الثالث: 3.5 نقاط

لتكن النقط التالية:  $A(1;2)$ ,  $B(0;-1)$ ,  $C(-2;-1)$ .

1 احسب :  $\vec{AB}$  و  $\vec{AC}$  , ثم إستنتج ان النقط  $A, B, C$  ليست على إستقامة .

2 أحسب الاطوال :  $CA, BA$  , ثم إستنتج بدقة طبيعة المثلث  $CBA$ .

التمرين الرابع: 02 نقاط

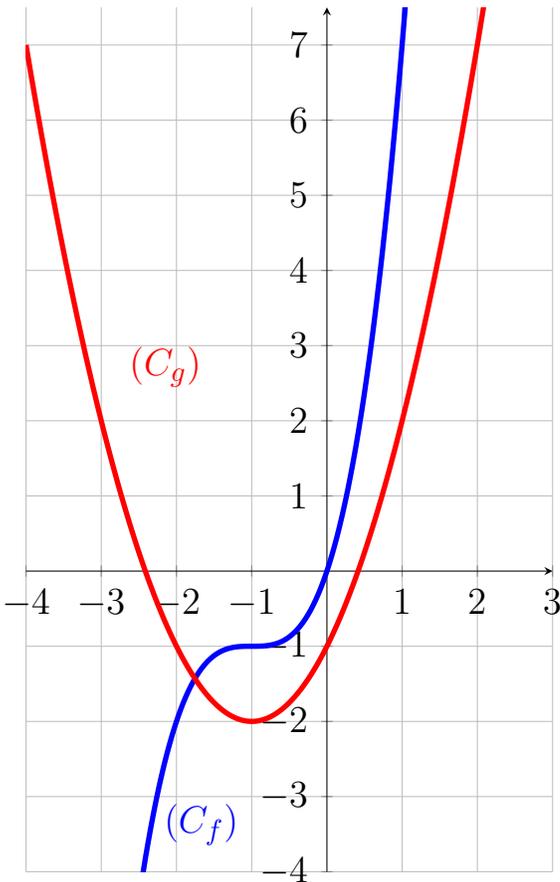
لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي :  $f(x) = 4x^2 - 4x + 2$ .

1 بين انه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  لدينا :  $f(x) = (2x - 1)^2 + 1$

2 حل المعادلة :  $f(x) = 8$

التمرين الخامس: 2.5 نقاط

لتكن الدالتين  $f$  و  $g$  المعرفتين بتمثليهما البيانيان ادناه :



أكمل الجدول التالي:

$x$	-2			1
$f(x)$		-1	0	
$g(x)$			-2	

ليست الفكرة في أني فائق الذكاء، بل كل ما في الأمر أني أقضي وقتاً أطول في حل المشاكل!

# الصحيح المفصل للفرض الأول في مادة الرياضيات

حل التمرين 1

1  $2x - 1 = 0 \implies x = \frac{1}{2}$

$x$	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	$+\infty$
$ 2x - 1 $	$-(2x - 1)$	$0$	$+(2x - 1)$

وبالتالي :

$$f(x) = \begin{cases} -5x + 2 & ; x \in ]-\infty, \frac{1}{2}] \\ -x & ; x \in [\frac{1}{2}, +\infty[ \end{cases}$$

2

$f(2) = -2$

$f(-2) = -5(-2) + 2 = 12$

حل التمرين 2

1

$$f(x) = \frac{a(x-1) + b}{x-1} = \frac{ax - a + b}{x-1} = \frac{2x+1}{x-1}$$

بالمطابقة نجد:  $\begin{cases} a = 2 \\ -a + b = 1 \end{cases} \implies \begin{cases} a = 2 \\ b = 3 \end{cases}$

2 صورة 0 هي -1

صورة 1 غير موجودة

صورة 2 هي 5

3 سابقة 0 هي حل للمعادلة:  $f(x) = 0 \implies \frac{2x+1}{x-1} = 0 \implies 2x+1 = 0 \implies x = -\frac{1}{2}$

سابقة 2 هي حل للمعادلة:  $f(x) = 2$

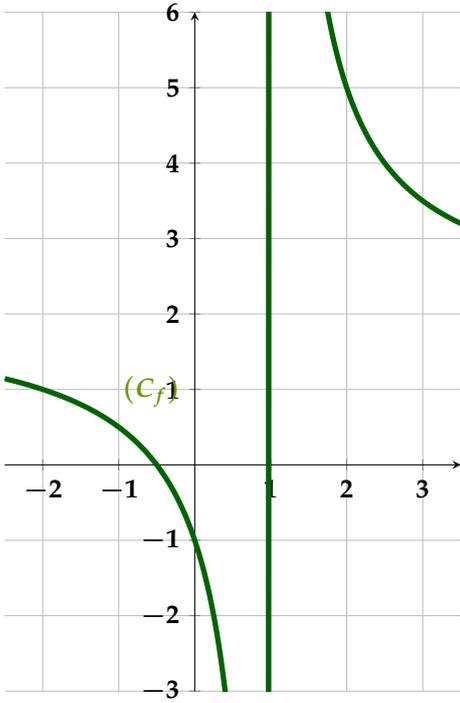
$f(x) = 2 \implies \frac{2x+1}{x-1} = 2 \implies 2x+1 = 2x-2 \implies 1 = -2$

تناقض ومنه سابقة 2 غير موجودة.

1.25

$x$	-2	-1	0	2	3
$f(x)$	1	$\frac{1}{2}$	-1	5	$\frac{7}{2}$

4 إكمال الجدول:



5 رسم المنحنى  $(C_f)$  في معلم متعامد ومتجانس. 1

6 الدالة  $f$  متناقصة تماما على كل من المجالين:  $[-2; 1[ \cup ]1; 3]$  1

### حل التمرين 3

1  $\vec{AB}(-1; -3)$  0.75  $\vec{AC}(-3; -1)$  0.75

0.5 الشعاعان  $\vec{AB}$  و  $\vec{AC}$  غير مرتبطان خطيا ومنه فالنقط  $C, B, A$  ليست على إستقامة. 0.5

2 حساب الأطوال:  $BA = \sqrt{10}$  0.5  $CA = \sqrt{10}$  0.5

0.5  $AB = AC$  ومنه المثلث  $CBA$  متساوي الساقين. 0.5

### حل التمرين 4

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $f(x) = 4x^2 - 4x + 2$ .

1 البرهان:  $f(x) = (2x - 1)^2 + 1$

$$f(x) = 4x^2 - 4x + 1 + 1$$

$$1 f(x) = 4x^2 - 4x + 2$$

2 حل المعادلة:  $f(x) = 8$

$$f(x) = 8 \Leftrightarrow (2x - 1)^2 + 1 = 8$$

$$\Leftrightarrow (2x - 1)^2 - 7 = 0 \Leftrightarrow (2x - 1)^2 - (\sqrt{7})^2 = 0$$

$$\Leftrightarrow (2x - 1 - \sqrt{7})(2x - 1 + \sqrt{7}) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x - 1 - \sqrt{7} = 0 \\ 2x - 1 + \sqrt{7} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1+\sqrt{7}}{2} \\ x = \frac{1-\sqrt{7}}{2} \end{cases} \implies S = \left\{ \frac{1-\sqrt{7}}{2}; \frac{1+\sqrt{7}}{2} \right\}$$

1

لتكن الدالتين  $f$  و  $g$  المعرفتين بتمثيلهما البياني ادناه :  
إكمال الجدول:

$x$	-2	-1	-1	0	1
$f(x)$	-2	-1	-1	0	7
$g(x)$	-1	-2	-2	-1	2

10 × 0.25

إنتهى

من إعداد الأستاذ: مزروح يوسف