



على المترشح اختيار أحد الموضوعين الآتين:

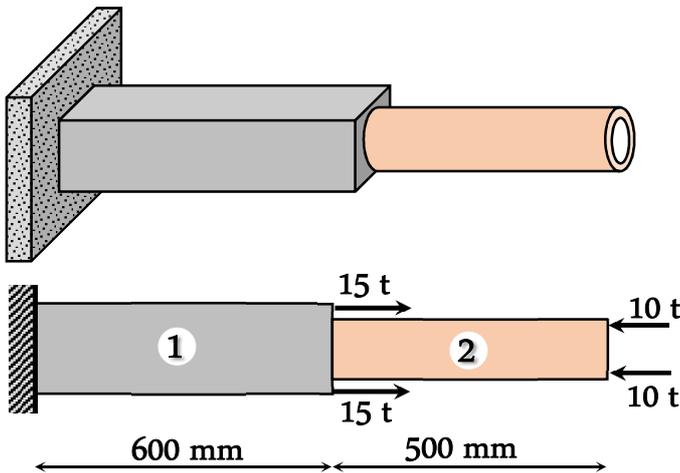
الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على (04) صفحات ( من الصفحة 01 من 08 إلى الصفحة 04 من 08 )

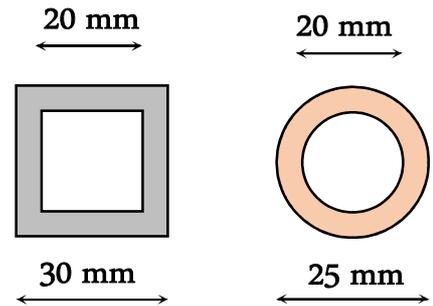
الميكانيك التطبيقية: (12 نقطة)

النشاط الأول: دراسة قضيب معدني مركب ( 05 نقاط )

- ليكن قضيب معدني مدمج بوثاقة مركب من جزئين معرض إلى قوى ناظمية كما يوضحه الشكل 01.  
الجزء 01 من الفولاذ مقطعه العرضي موشور موضح في الشكل 02 وتعطى:  $E_A = 2 \times 10^5 \text{ MPa}$ .  
الجزء 02 من النحاس مقطعه العرضي حلقة موضح في الشكل 03 وتعطى:  $E_C = 9 \times 10^4 \text{ MPa}$ .



الشكل 01



الشكل 02

الشكل 03

العمل المطلوب: 1/ أحسب الجهود الداخلية على طول القضيب مبيناً طبيعتها ؟

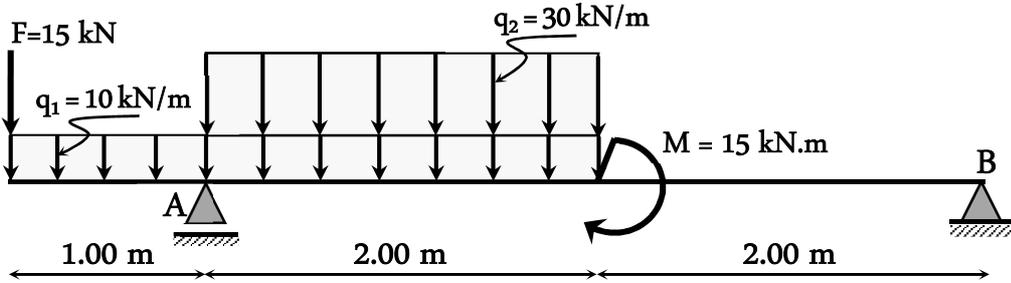
2/ أحسب الإجهادات الناظمية ثم مثلها بيانياً ؟

3/ أحسب التشوهات المطلقة على طول القضيب ؟

4/ أحسب التشوه الكلي مبيناً طبيعته ثم مثل هذه التشوهات بيانياً ؟

النشاط الثاني: دراسة رافدة (07 نقاط)

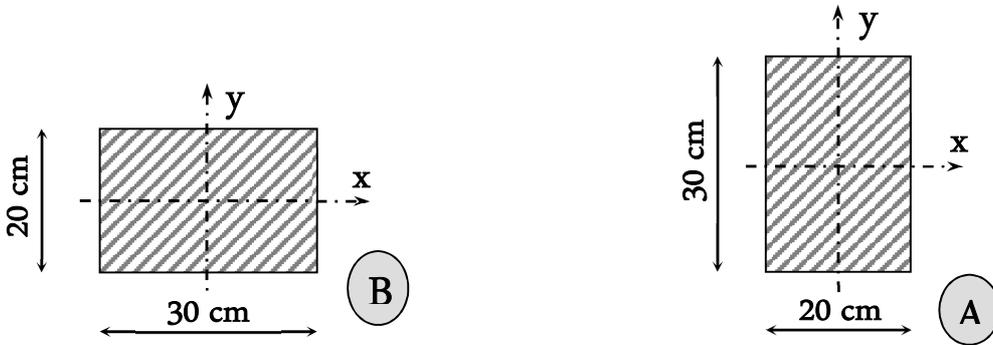
نريد دراسة رافدة ترتكز على مسندين أحدهما بسيط (A) والآخر مضاعف (B)، مقطعها العرضي مستطيل وتتلقى حمولات كما يوضحه رسمها الميكانيكي في الشكل 04:



الشكل 04

العمل المطلوب :

- 1/ أحسب ردود الأفعال عند المسندين (A) و (B).
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع (T) وعزم الإنحناء ( $M_f$ ) على طول الرافدة ثم ارسم منحنييهما.
- 3/ المقطع العرضي للرافدة مستطيل  $cm^2 (30 ; 20)$  يمكن أن يأخذ إحدى الوضعيتين المبينتين أدناه:



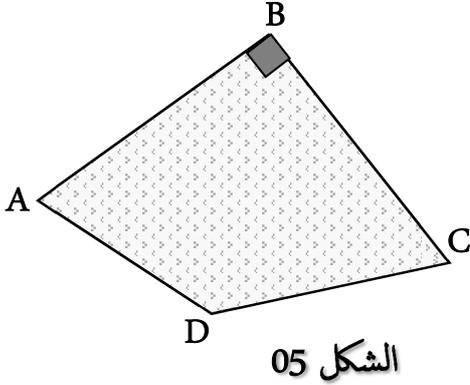
علماً أن الرافدة تخضع إلى عزم أعظمي يقدر بـ  $M_{f \max} = 37.5 \text{ kN.m}$  :

- أ) أحسب الإجهاد الناظمي الأعظمي  $\sigma_{1 \max}$  الناتج في المقطع حسب الوضعية A.
- ب) أحسب الإجهاد الناظمي الأعظمي  $\sigma_{2 \max}$  الناتج في المقطع حسب الوضعية B.
- 4/ إذا علمت أن وضعية واحدة فقط تتحقق المقاومة. استنتج هذه الوضعية مع التعليل.
- 5/ إذا كانت  $T_{\max} = 61.25 \text{ kN}$  : أحسب الإجهاد المماسي الأعظمي لهذه الوضعية مع إقترح رسماً له .

البناء: (08 نقاط)

النشاط الأول: دراسة طبوغرافية ( 03 نقاط )

قطعة أرض رباعية الشكل ABCD الشكل 05 وفق المعطيات التالية:



السمت الإحداثي (grad)	الإحداثيات (m)	الأطوال (m)
$G_{DA} = 337.43$	A ( 20.00 ; 30.00 )	$L_{AB} = 50.00$
	B ( 60.00 ; 60.00 )	$L_{BC} = 50.00$
		$L_{AD} = 36.05$

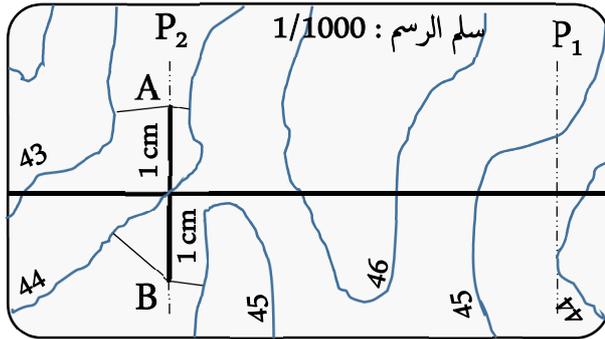
العمل المطلوب: 1/ أحسب سمت الإحداثي  $G_{AB}$  ؟

2/ استنتج سمت الإحداثي  $G_{AC}$  ؟

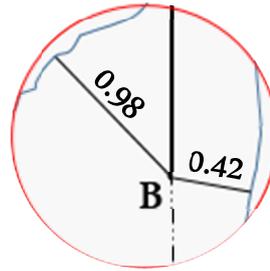
3/ أحسب مساحة القطعة ABCD ؟

النشاط الثاني: دراسة مظهر عرضي لطريق ( 05 نقاط )

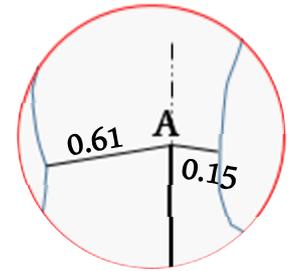
لدراسة مختلف المظاهر العرضية لمشروع طريق نعلم في حسابتنا على مخطط التوقيع جزء منه موضح على الشكل 06 مرفق بالمظهر العرضي النموذجي المقترح من طرف مكتب الدراسات موضح على الشكل 07.



الشكل 06



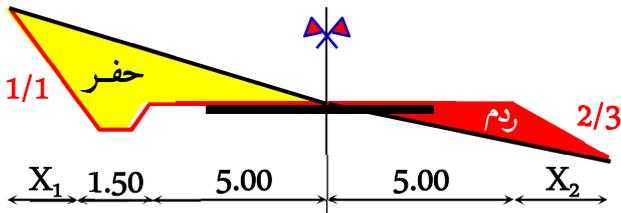
تفصيل النقطة B



تفصيل النقطة A

العمل المطلوب:

بالاعتماد على جميع المعطيات والتفاصيل وعلى الصفحة 04 من 08.



الشكل 07

1/ أرسم المظهر العرضي  $P_2$  المبين في الشكل 06 ؟

(تعاد الوثيقة الصفحة 04 من 08 مع أوراق الإجابة)

سلم الرسم  
 $1/100$   
 $1/100$

مستوى المقارنة:

+40.00

منسوب خط الترتة الطبيعية	
منسوب خط المشروع	42.50
المسافات الجزئية	
المسافات المتراكمة	0.00

انتهى الموضوع الأول

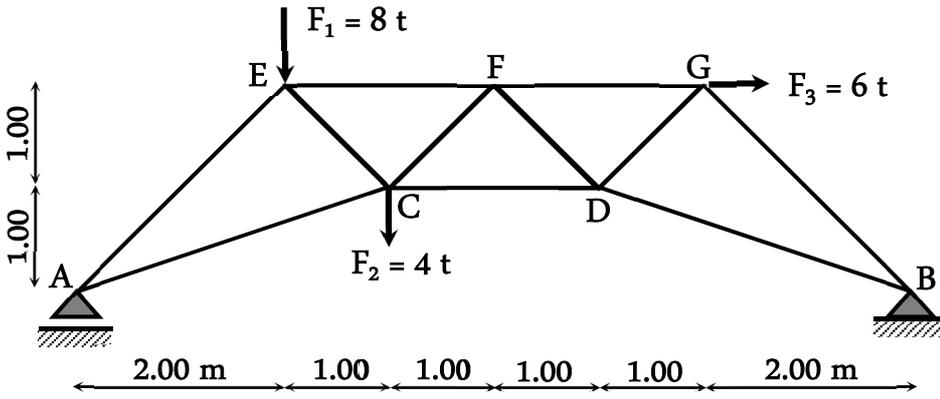
## الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على (04) صفحات (من الصفحة 05 من 08 إلى الصفحة 08 من 08)

الميكانيك التطبيقية: (12 نقطة)

النشاط الأول: دراسة نظام مثلي (06 نقاط)

نظام مثلي محدد سكونياً الشكل 01 يتكون من قضبان معدنية مقطوعها العرضي عبارة عن مجنبتات زاوية L:



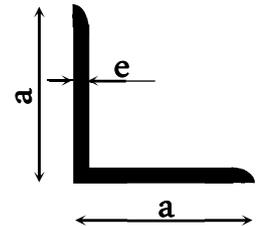
الشكل 01

العمل المطلوب:

- 1/ أحسب ردود الأفعال عند المسندين A و B ؟
- 2/ أحسب الجهود الداخلية للقضبان: AE, AC, EF, EC, CF, CD مبيناً طبيعتها مع تدوين النتائج في جدول ؟
- 3/ استخرج من الجدول المرفق المرنج المناسب والكافي للمقاومة علماً أن:  $N_{max} = 14.86 \text{ t}$  و  $\bar{\sigma} = 160 \text{ MPa}$  ؟
- 4/ أحسب التشوه المطلق للقضيب AE مبيناً طبيعته ؟

- جدول خصائص مجنبتات الزاوية:

التسمية	عرض الجناح	سمك الجناح	مساحة المقطع	عزم العطالة	مقياس المقاومة
L (a×a×e)	a (mm)	e (mm)	A (cm <sup>2</sup> )	I/xx (cm <sup>4</sup> )	Wxx (cm <sup>3</sup> )
(35×35×3.5)	35	3.5	2.35	2.66	1.06
(40×40×4)	40	4	3.08	4.47	1.55
(50×50×5)	50	5	4.80	10.96	3.05
(60×60×6)	60	6	6.91	22.79	5.29
(70×70×7)	70	7	9.40	42.30	8.41



النشاط الثاني: دراسة شداد من الخرسانة المسلحة ( 06 نقاط)

لدينا شداد (Tirant) من الخرسانة المسلحة ذو مقطع مستطيل  $(40 \times 30) \text{ cm}^2$  خاضع لتحريض الشد البسيط.

المعطيات:

- الحمولات الدائمة:  $G = 0.25 \text{ MN}$  ، حمولات التشغيل:  $Q = 0.10 \text{ MN}$ .
- الفولاذ المستعمل FeE400 ،  $\eta = 1.6$  ،  $\gamma_s = 1.15$  ، الفولاذ عالي التلاحم HA.
- مقاومة الخرسانة عند 28 يوم:  $f_{c28} = 30 \text{ MPa}$ .
- حالة التشققات ضارة.

العمل المطلوب:

1/ أحسب مقطع التسليح الطولي للشداد ؟

2/ تحقق من شرط عدم الهشاشة ؟

3/ اقترح رسماً له ؟

تعطى العلاقات التالية:

$$A_u = \frac{N_u}{f_{su}} \quad / \quad f_{t28} = 0.6 + 0.06 f_{c28} \quad / \quad A_s = \max\{A_u; A_{ser}\} \quad / \quad A_s \cdot f_e \geq B \cdot f_{t28}$$

$$A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_s} \quad / \quad N_u = 1.35 G + 1.50 Q \quad / \quad N_{ser} = G + Q \quad / \quad f_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s}$$

$$\bar{\sigma}_{st} = \min \left\{ \frac{2}{3} f_e ; 110 \sqrt{\eta \cdot f_{t28}} \right\} \quad / \quad \bar{\sigma}_{st} = \min \left\{ \frac{1}{2} f_e ; 90 \sqrt{\eta \cdot f_{t28}} \right\}$$

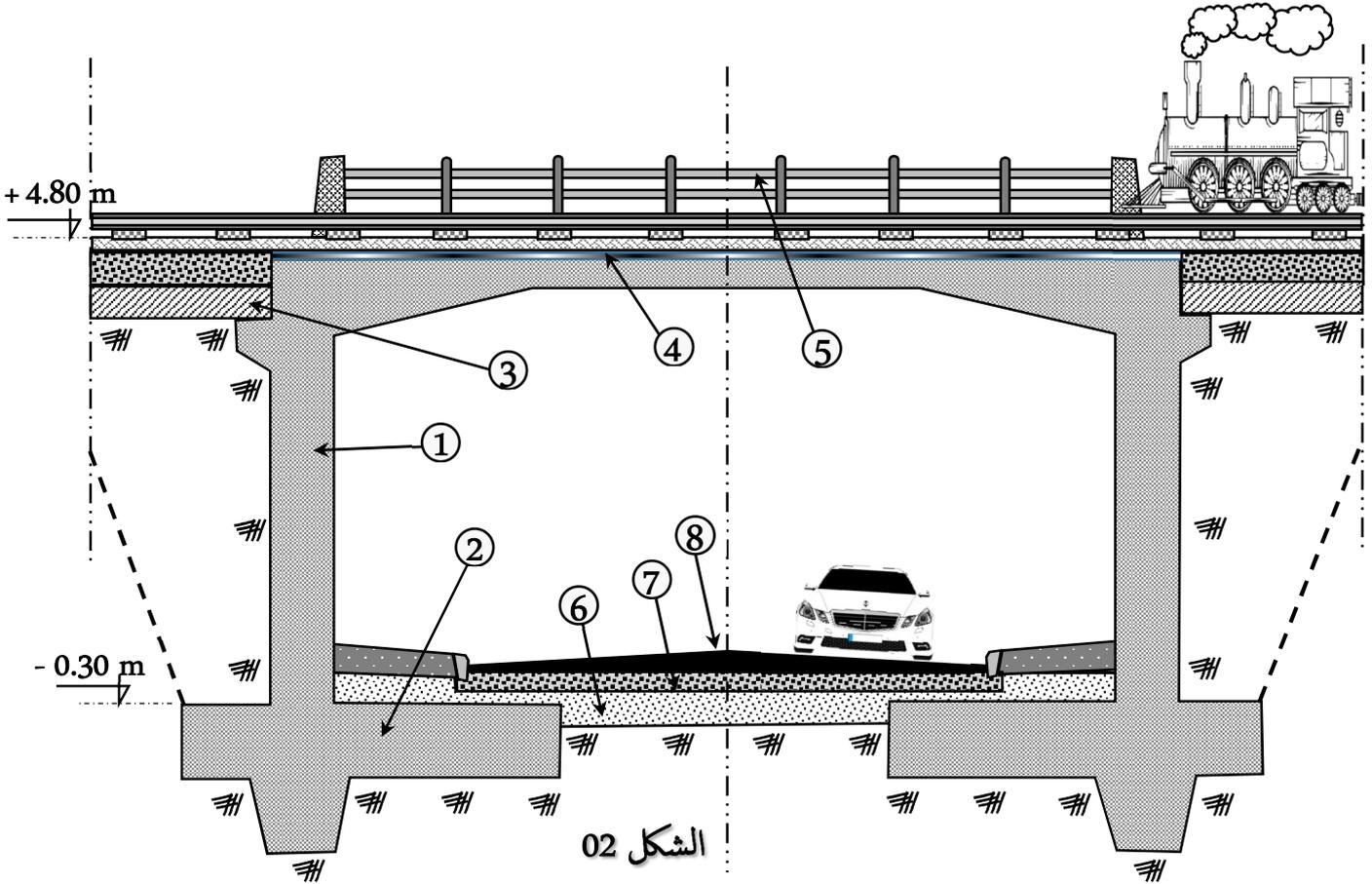
جدول التسليح:

المقطع ب ( $\text{cm}^2$ ) لعدد من القضبان يتراوح من :										القطر	وزن المتر
10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	Kg/m	mm
5.02	4.52	4.01	3.51	3.01	2.51	2.01	1.50	1.00	0.50	0.395	8
7.85	7.06	6.28	5.49	4.71	3.92	3.14	2.35	1.57	0.78	0.617	10
11.31	10.18	9.05	7.92	6.78	5.65	4.52	3.39	2.26	1.13	0.888	12
15.39	13.85	12.31	10.77	9.23	7.69	6.15	4.62	3.08	1.54	1.208	14
20.10	18.09	16.08	14.07	12.06	10.05	8.04	6.03	4.02	2.01	1.578	16
31.41	28.27	25.13	21.09	18.84	15.70	12.56	9.42	6.28	3.14	2.466	20
49.09	44.18	39.27	34.36	29.45	24.54	19.63	14.73	9.82	4.91	3.853	25

البناء: (08 نقاط)

النشاط الأول: دراسة جسر (04 نقاط)

في إطار النشاطات التنموية التي مست ولاية تيسمسيلت الخاص بإنجاز شبكة السكة الحديدية ونظراً لإجتياز هذا الأخير لطريق بمنطقة عين الكرمة قام مكتب الدراسات بإنجاز مخطط مشروع يحتوي جسر وطريق الشكل 02.



العمل المطلوب:

1/ صنف الجسر الممثل في الشكل 02 من حيث: (أ) الشكل. (ب) الهدف (الدور) وماذا يمثل في هذه الحالة.

2/ سم العناصر المشار إليها بالأرقام من 1 إلى 8 ؟

3/ أذكر دور العناصر 3 و 7 ؟

4/ بما أن هذا الجسر يقع بمحاذاة منطقة عمرانية ونظراً للحركة الكبيرة التي يعرفها الطريق تقرر إنجاز مدارج للوصول

لسطح الجسر وتخصيص جزء منه كمر للراجلين، بحيث ننتقل من المستوى -0.30 m وصولاً إلى المستوى +4.80 m

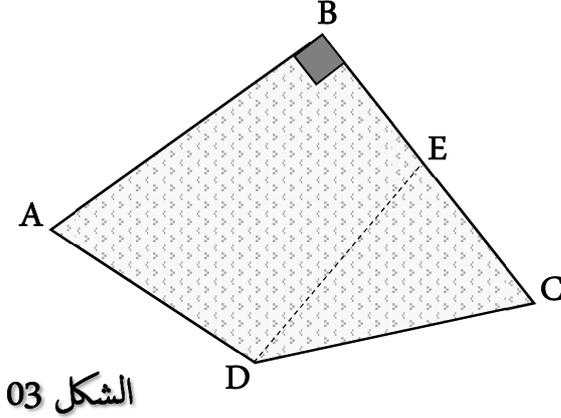
إذا علمت أن إرتفاع الدرجة  $h = 17 \text{ cm}$  (أ) أحسب عدد الدرجات اللازم للوصول لسطح الجسر ؟

(ب) أحسب عرض الدرجة g ؟

النشاط الثاني: دراسة طبوغرافية ( 04 نقاط )

قطعة أرض رباعية الشكل ABCD الشكل 03.

تعطى إحداثيات رؤوسها كما يلي:



الشكل 03

النقاط	X (m)	Y (m)
A	20.00	30.00
B	60.00	60.00
C	90.00	20.00
D	50.00	10.00

العمل المطلوب:

1/ أحسب مساحة القطعة ABCD ؟

2/ أردنا تخصيص جزء من هذه المساحة لانجاز مشروع ممثل في القطعة DEC حيث:  $S_{DEC} = 475 \text{ m}^2$  :

(أ) استنتج مساحة الجزء المتبقي والممثل في القطعة ABED ؟

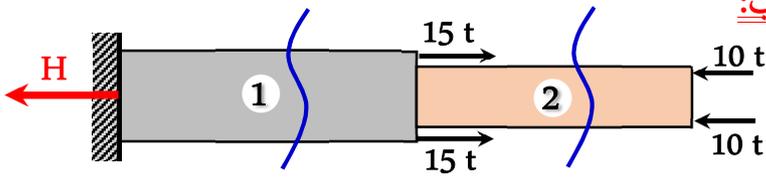
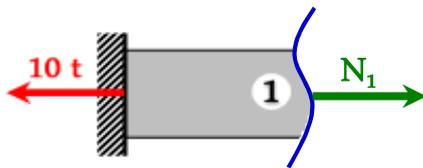
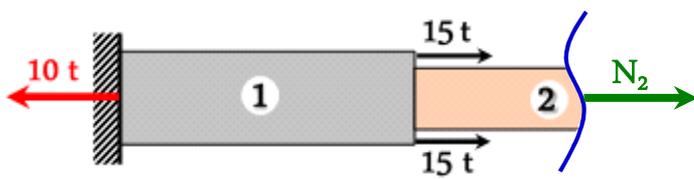
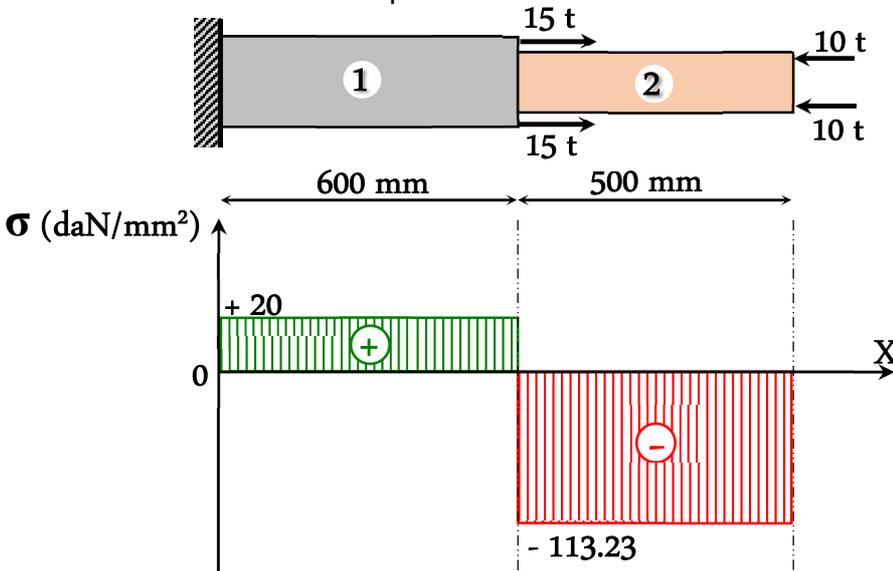
(ب) حدد الإحداثيات القائمة للنقطة E ؟

3/ إذا علمت أن:  $G_{DE} = 44.22 \text{ grad}$  و  $L_{DE} = 39.05 \text{ m}$  تأكد من الإحداثيات القائمة للنقطة E ؟

انتهى الموضوع الثاني

# تصحيح وسلم تنقيط البكالوريا التجريبي دورة ماي 2021

ولاية تيسمسيلت

التنقيط	التصحيح
	<p>الموضوع الأول</p> <p>الميكانيك التطبيقية: النشاط الأول: ( 05 نقاط)</p> <p><u>1/ حساب الجهود الداخلية على طول القضيب:</u> حساب رد الفعل عند الوثاقة:</p>  <p><math>\Sigma F/x = 0 \implies -H + 2 \times 15 - 2 \times 10 = 0 \implies H = 10 \text{ t}</math></p> <p><u>المنطقة 01:</u></p>
0.25	
0.50	<p>طبيعة الجهد هو شد <math>\Sigma F/x = 0 \implies N_1 - 10 = 0 \implies N_1 = 10 \text{ t}</math></p>  <p><u>المنطقة 02:</u></p>
0.50	<p>طبيعة الجهد هو إنضغاط <math>\Sigma F/x = 0 \implies N_2 - 10 + 2 \times 15 = 0</math> <math>\implies N_2 = -20 \text{ t}</math></p>  <p><u>2/ حساب الإجهادات النازمية وتمثيلها البياني:</u></p>
0.50	<p><math>\sigma_1 = \frac{N_1}{S_1} \implies \sigma_1 = \frac{10 \times 10^3}{(30)^2 - (20)^2} \implies \sigma_1 = 20 \text{ daN/mm}^2</math></p> <p><u>المنطقة 01:</u></p>
0.50	<p><math>\sigma_2 = \frac{N_2}{S_2} \implies \sigma_2 = \frac{-20 \times 10^3}{[(25)^2 - (20)^2] \frac{\pi}{4}} \implies \sigma_2 = -113.23 \text{ daN/mm}^2</math></p> <p><u>المنطقة 02:</u></p>
0.50	

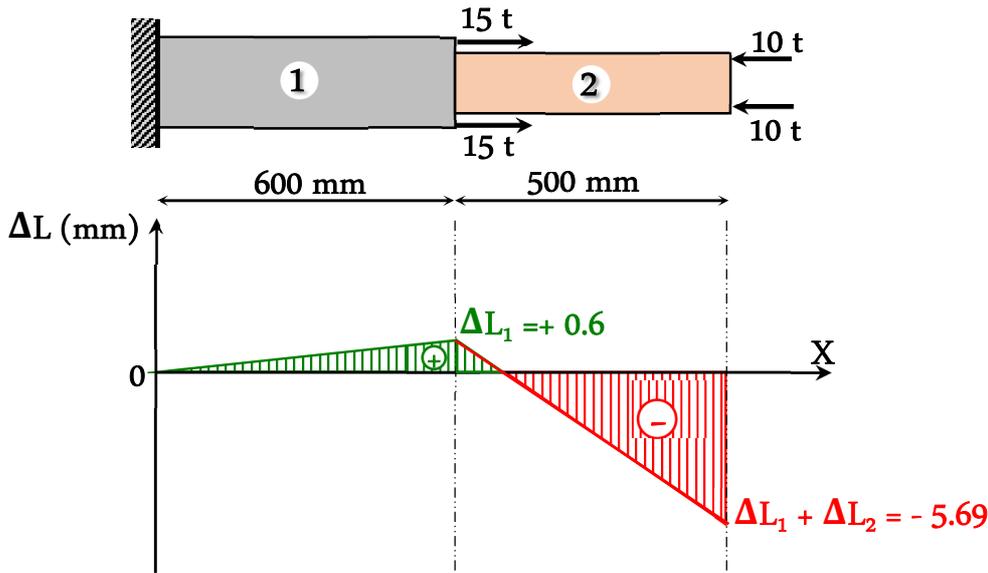
3/ حساب التشوهات المطلقة على طول القضيب:

0.50  $\Delta L_1 = \frac{N_1 \cdot L_1}{E_A \cdot S_1} \Rightarrow \sigma_1 = \frac{10 \times 10^3 \times 600}{2 \times 10^5 \times 10^{-1} \times [(30)^2 - (20)^2]} \Rightarrow \Delta L_1 = 0.6 \text{ mm}$  المنطقة 01:

0.50  $\Delta L_2 = \frac{N_2 \cdot L_2}{E_C \cdot S_2} \Rightarrow \sigma_1 = \frac{-20 \times 10^3 \times 500}{9 \times 10^4 \times 10^{-1} \times [(25)^2 - (20)^2] \frac{\pi}{4}} \Rightarrow \Delta L_2 = -6.29 \text{ mm}$  المنطقة 02:

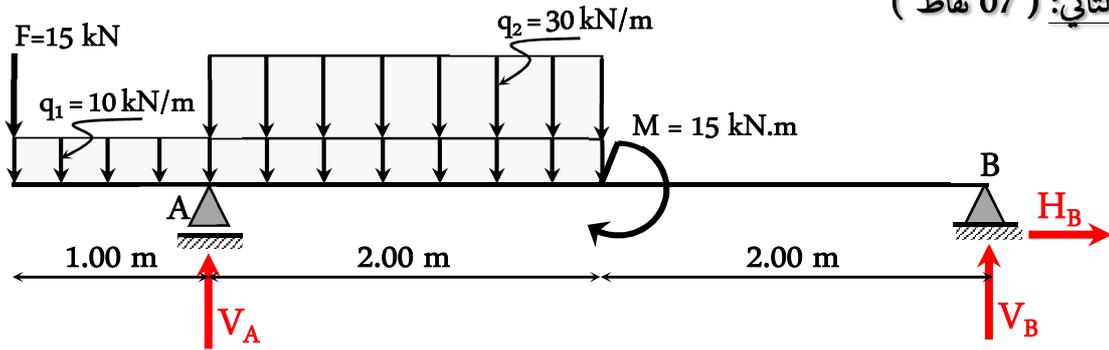
4/ حساب التشوه الكلي مبيناً طبيعته ورسم بيان التشوهات:

0.50  $\Delta L = \Delta L_1 + \Delta L_2 = 0.6 - 6.29 = -5.69 \text{ mm}$   $\Delta L = -5.69 \text{ mm}$  طبيعة التشوه الكلي هو تقلص



0.75

النشاط الثاني: (07 قاط)



1 / حساب ردود الأفعال:

0.50  $\sum F/x = 0 \Rightarrow H_B = 0 \text{ kN}$

0.50  $\sum F/y = 0 \Rightarrow V_A + V_B - 10 \times 3 - 30 \times 2 - 15 = 0 \Rightarrow V_A + V_B = 105 \dots\dots\dots 01$

0.50  $\sum MF/B = 0 \Rightarrow V_A \times 4 - 10 \times 3 \times 3.5 - 30 \times 2 \times 3 - 15 \times 5 + 15 = 0 \Rightarrow V_A = 86.25 \text{ t}$

0.50  $\sum MF/A = 0 \Rightarrow -V_B \times 4 + 10 \times 3 \times 0.5 - 30 \times 2 \times 1 - 15 \times 1 + 15 = 0 \Rightarrow V_B = 18.75 \text{ t}$

$V_A + V_B = ? 105$   $V_A + V_B = 86.25 + 18.75 = 105$  ومنه النتائج محققة

التحقيق:

2 / كتابة معادلات الجهد القاطع  $T$  و عزم الانحناء  $M_f$  :

المناطق	معادلات الجهد القاطع $T$	معادلات عزم الإنحناء $M_f$
المنطقة 01 $0 \leq x \leq 1$	$T(x) = -10x - 15$ $T(0) = -15 \text{ kN}$ $T(1) = -25 \text{ kN}$	$M_f(x) = -5x^2 - 15x$ $M_f(0) = 0 \text{ kN.m}$ $M_f(1) = -20 \text{ kN.m}$
المنطقة 02 $1 \leq x \leq 3$	$T(x) = -40x + 101.25$ $T(1) = 61.25 \text{ kN}$ $T(3) = -18.75 \text{ kN}$	$M_f(x) = -20x^2 + 101.25x - 101.25$ $M_f(1) = -20 \text{ kN.m}$ $M_f(3) = 22.5 \text{ kN.m}$
المنطقة 03 $3 \leq x \leq 5$	$T(x) = -18.75$ $T(3) = -18.75 \text{ kN}$ $T(5) = -18.75 \text{ kN}$	$M_f(x) = -18.75x + 93.75$ $M_f(3) = 37.5 \text{ kN.m}$ $M_f(5) = 0 \text{ kN.m}$

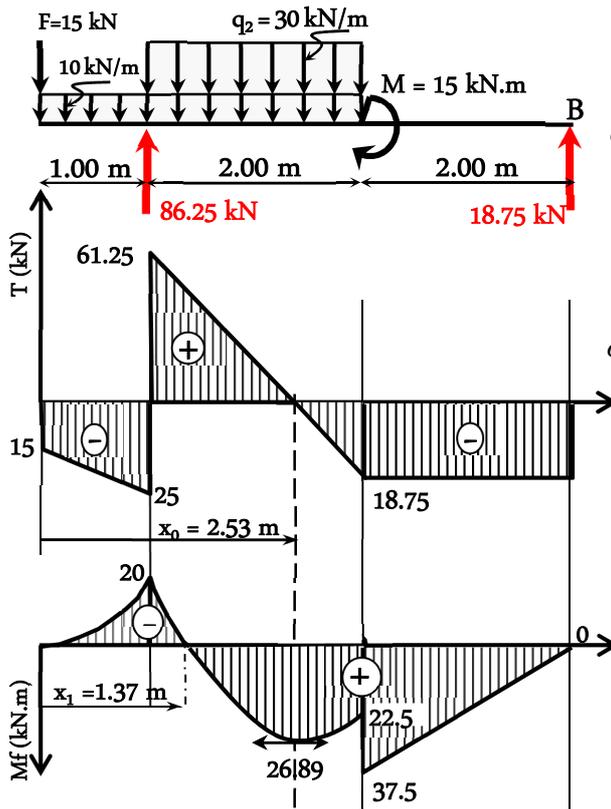
0.75

0.75

0.75

الرسم  
0.50

رسم منحنيات الجهد القاطع  $T$  و عزم الانحناء  $M_f$  :



0.50

0.50

الاختيار  
0.50

3. أ / حساب  $\sigma_{1max}$  حسب الوضعية A :

$$\sigma_{1max} = \frac{Mf_{max}}{I_{xx}} = \frac{37.5 \times 10^2 \times 10^2}{20 \times 30^3} \times 15 = 125 \text{ dan/cm}^2$$

3. أ / حساب  $\sigma_{2max}$  حسب الوضعية B :

$$\sigma_{2max} = \frac{Mf_{max}}{I_{xx}} = \frac{37.5 \times 10^2 \times 10^2}{30 \times 20^3} \times 10 = 187.5 \text{ dan/cm}^2$$

4 / اختيار الوضعية المناسبة:

لدينا شرط المقاومة ينص على أن:  $\sigma \leq \bar{\sigma}$   
ومنه يمكن القول أنه يجب إختيار أقل قيمة للإجهاد حتى تتحقق المقاومة أي:

$$\sigma = \min\{\sigma_{1max}; \sigma_{2max}\}$$

$$\sigma = \min\{125; 187.5\} = 125 \text{ daN/cm}^2$$

الوضعية التي تحقق المقاومة هي الوضعية A.

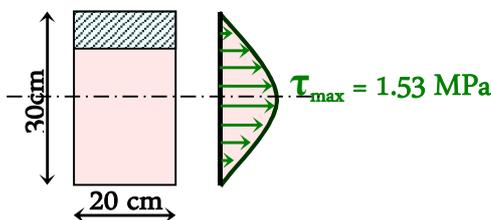
5 / حساب الإجهاد المماسي الأعظمي واقتراح رسم له:

$$\tau_{max} = K \frac{T_{max}}{\Omega} = \frac{3}{2} \cdot \frac{61.25 \times 10^2}{30 \times 20}$$

$$\Rightarrow \tau_{max} = 15.31 \text{ daN/cm}^2 = 1.53 \text{ MPa}$$

0.50

الرسم  
0.25



البناء: النشاط الأول: ( 03 قاط )

1/ حساب السميت الإحداثي  $G_{AB}$ :

0.75

الاتجاه	$\Delta X$ (m)	$\Delta Y$ (m)	الربع	g (grad)	قانون الحساب	G (grad)
AB	40	30	الأول	59.03	$G = g$	59.03

$$G_{AC} = G_{AB} + \widehat{BAC}$$

2/ استنتاج السميت الإحداثي  $G_{AC}$ :

0.75

$$G_{AC} = G_{AB} + \tan^{-1}(BC/AB) = 59.03 + \tan^{-1} 1 = 59.03 + 50 \implies G_{AC} = 109.03 \text{ grad}$$

3/ حساب مساحة القطعة ABCD:

0.25

$$L_{AC}^2 = L_{AB}^2 + L_{BC}^2 = 2 \times (50)^2 \implies L_{AC} = 70.71 \text{ m} \quad \text{حساب الطول } L_{AC} \text{ والسميت } G_{AD}$$

0.25

$$G_{AD} = G_{DA} - 200 = 337.43 - 200 \implies G_{AD} = 137.43 \text{ grad}$$

حساب مساحة القطعة ABCD:

0.25

$$S_{ABCDE} = \frac{1}{2} \sum l_n \cdot l_{n+1} \cdot \sin(G_{n+1} - G_n)$$

0.25

$$S_{ABCDE} = \frac{1}{2} [l_{AB} \cdot l_{AC} \cdot \sin(G_{AC} - G_{AB}) + l_{AC} \cdot l_{AD} \cdot \sin(G_{AD} - G_{AC})]$$

$$S_{ABCDE} = \frac{1}{2} [50 \times 70.71 \times \sin(109.03 - 59.03) + 70.71 \times 36.05 \times \sin(137.43 - 109.03)]$$

0.50

$$S_{ABCDE} = \frac{1}{2} [2500 + 1100] \dots \dots \dots S_{ABCDE} = 1800 \text{ m}^2$$

النشاط الثاني: ( 05 قاط )

الميل

1.00

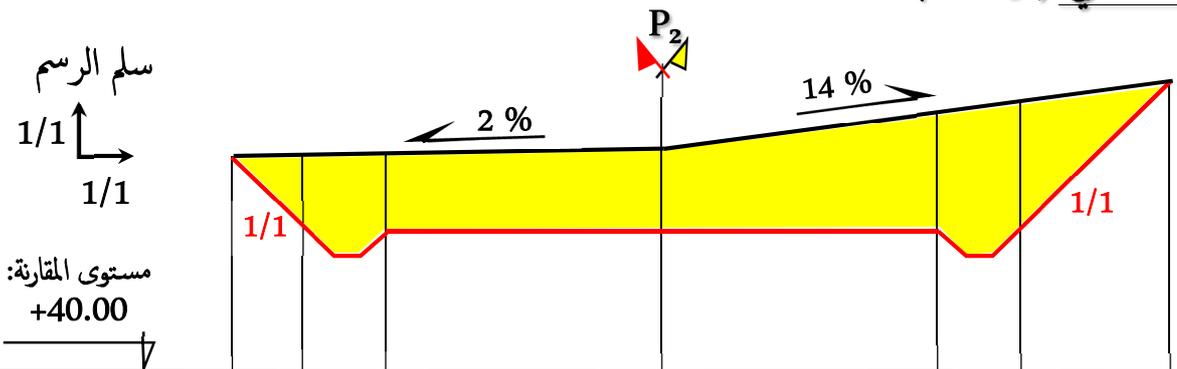
جودة

الرسم

0.50

التلوين

0.50



1.50

0.50

0.50

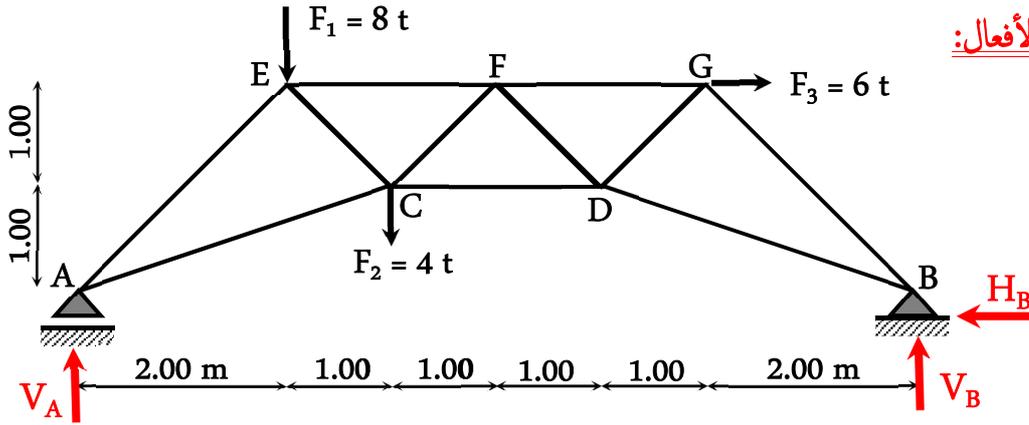
0.50

منسوب خط التربة الطبيعية	43.84	43.87	43.90	44.00	44.70	44.91	45.30
منسوب خط المشروع	43.84	42.50	42.50	42.50	42.50	42.50	45.30
المسافات الجزئية		1.34	1.50	5.00	5.00	1.50	2.80
المسافات المتراكمة	7.80	6.50	5.00	0.00	5.00	6.50	9.30

الموضوع الثاني

الميكانيك التطبيقية: النشاط الأول: (06 نقاط)

1/ حساب ردود الأفعال:



0.25  $\sum F/x = 0 \implies -H_B + 6 = 0 \implies H_B = 6 t$

0.25  $\sum F/y = 0 \implies V_A + V_B - 8 - 4 = 0 \implies V_A + V_B = 12 \dots\dots\dots 01$

0.50  $\sum MF/B = 0 \implies V_A \times 8 - 8 \times 6 - 4 \times 5 + 6 \times 2 = 0 \implies V_A = 7 t$

0.50  $\sum MF/A = 0 \implies -V_B \times 8 + 8 \times 2 + 4 \times 3 + 6 \times 2 = 0 \implies V_B = 5 t$

$V_A + V_B = ?$  105  $V_A + V_B = 7 + 5 = 12$  ومنه النتائج محققة

التحقيق:

2/ حساب الجهود الداخلية في القضبان: c 0.948 s 0.316 0.707

العقدة	التحليل	الطبيعة
	$\sum F/x = 0 \implies N_{AE} \cdot \cos \alpha + N_{AC} \cdot \cos \beta = 0$ $N_{AE} = -N_{AC} \cdot \cos \beta / \cos \alpha$ $\sum F/y = 0 \implies N_{AE} \cdot \sin \alpha + N_{AC} \cdot \sin \beta + 7 = 0$ <p>بحل جملة معادلتين نجد:</p> $N_{AC} = 11.09 t ; N_{AE} = -14.86 t$	القضيب AE انضغاط  القضيب AC شد
	$\sum F/y = 0 \implies -N_{EC} \cos \alpha - N_{EA} \cos \alpha - 8 = 0$ $N_{EC} = 3.53 t$ $\sum F/x = 0 \implies N_{EF} + N_{EC} \sin \alpha - N_{AE} \sin \alpha = 0$ $N_{EF} = -13 t$	القضيب EC شد  القضيب EF انضغاط
	$\sum F/y = 0 \implies N_{CF} \sin \alpha + N_{CE} \sin \alpha - N_{CA} \sin \beta - 4 = 0 \implies N_{CF} = 7.08 t$ $\sum F/x = 0 \implies N_{CD} + N_{CF} \cos \alpha - N_{CE} \cos \alpha - N_{CA} \cos \beta = 0 \implies N_{CD} = 8 t$	القضيب CF شد  القضيب CD شد

تدوين النتائج في جدول:

CF	CD	EC	EF	AC	AE	القضيب
7.08	8.00	3.53	13.00	11.09	14.86	الجهد الداخلي ( kN )
شد	شد	شد	انضغاط	شد	انضغاط	طبيعته

0.25

0.50

$$\sigma \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{N}{S} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow S \geq \frac{N}{\bar{\sigma}} \Rightarrow S \geq \frac{14.86 \times 10^3}{160 \times 10} \Rightarrow S \geq 9.28 \text{ cm}^2 \quad \text{/3 تعيين المجنب المناسب:}$$

0.50

من الجدول نختار المجنب:  $S = 9.40 \text{ cm}^2$  L ( 70 × 70 × 7 )

6. حساب التشوه المطلق للقضيب AE : التشوه عبارة عن **تقلص**

التشوه

0.75

$$\Delta L = -2.22 \text{ mm} \quad \Delta L = \frac{NL}{ES} \Rightarrow \Delta L = \frac{-14.86 \times 10^3 \times \sqrt{(2)^2 + (2)^2} \times 10^3}{2 \times 10^4 \times 9.40 \times 10^2} \Rightarrow \Delta L = \frac{-41.90 \times 10^6}{188 \times 10^6} \Rightarrow \Delta L = -2.22 \text{ mm}$$

طبيعة

التشوه

0.25

النشاط الثاني: ( 06 قاط )

1/ حساب مقطع تسليح الشداد:

أ) الحساب في حالة ELU

حساب إجهادات الفولاذ: نحن في المدار A :

0.25

$$f_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s} = \frac{400}{1.15} \Rightarrow f_{su} = 347.82 \text{ MPa}$$

حساب التحريضات:

0.25

$$N_u = 1.35 G + 1.50 Q = 1.35 \times 0.25 + 1.5 \times 0.10 \Rightarrow N_u = 0.48 \text{ MN}$$

حساب التسليح:

0.50

$$A_u = \frac{N_u}{f_{su}} = \frac{0.48 \times 10^5}{347.82 \times 10^1} \Rightarrow A_u = 13.80 \text{ cm}^2$$

ب) الحساب في حالة ELS

حساب حد إجهاد الشد في الخرسانة

0.25

$$f_{t28} = 0.6 + 0.06 \times 30 = 2.4 \text{ MPa}$$

حساب حد إجهاد الشد في الخرسانة  $\bar{\sigma}_s$

$$\bar{\sigma} = \min \left\{ \frac{2}{3} f_e ; 110 \sqrt{\eta \cdot f_{t28}} \right\} \quad \text{التشققات ضارة:}$$

$$\bar{\sigma} = \min \left\{ \frac{2}{3} \times 400 ; 110 \sqrt{1.6 \times 2.4} \right\} \Rightarrow \bar{\sigma} = \min \{ 266.67 ; 215.55 \}$$

0.25

$$\bar{\sigma}_s = 215.55 \text{ MPa} \quad \text{نأخذ:}$$

حساب التحريضات:

0.25

$$N_{ser} = G + Q = 0.25 + 0.10 \Rightarrow N_{ser} = 0.35 \text{ MN}$$

## حساب التسليح:

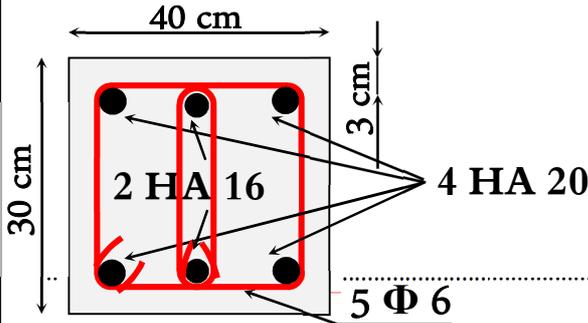
$$0.50 \quad A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_s} = \frac{0.35 \times 10^5}{215.55 \times 10^1} \Rightarrow A_{ser} = 16.23 \text{ cm}^2$$

ج. المقطع النظري المحتفظ به

$$0.25 \quad A_{st} = \max\{A_u, A_{ser}\} \Rightarrow A_{st} = \max\{13.80; 16.23\} \Rightarrow A_{st} = 16.23 \text{ cm}^2$$

0.50 المقطع الحقيقي المحتفظ به من الجدول نأخذ: 4 HA 20 + 2 HA 16 أي  $A_s = 16.58 \text{ cm}^2$

0.50 2/ التحقق من شرط عدم الهشاشة:



$$A_s \cdot f_e \geq B \cdot f_{t28}$$

$$16.58 \times 400 \times 10 \geq 40 \times 30 \times 2.4 \times 10$$

$$\text{محقة} \quad 66320 \text{ daN} \geq 28800 \text{ daN}$$

0.25 3/ الرسم المقترح:

البناء: النشاط الأول: (04 نقاط)

1/ تصنيف الجسر:

0.50 حسب الشكل: جسر إطاري.

0.50 حسب الهدف (الدور): جسر سكة حديدية يمثل في هذه الحالة ممراً سفلياً.

2/ تسمية العناصر:

8 × 0.25 (1) إطار مفتوح (2) قاعدة (أساس) (3) بلاطة الانتقال (4) طبقة كتيمة.

(5) واقي الأجسام (6) طبقة الأساس لقارة الطريق (7) طبقة القاعدة (8) طبقة السير أو التدرج.

3/ دور العناصر 3 و 7:

0.25 (3) بلاطة الانتقال: تجنب ظاهرة هبوط القارة الناتج عن استحالة تحقيق الرص الفعال خلف الجسر.

0.25 (7) طبقة القاعدة: تتحمل مباشرة تأثير العربات قبل نقلها إلى طبقة الأساس.

4/ أ) حساب عدد الدرجات اللازم للوصول لسطح الجسر:

$$0.25 \quad n = \frac{H}{h} \Rightarrow n = \frac{4.80 - (-0.30)}{17 \times 10^{-2}} \Rightarrow n = 30$$

4/ ب) حساب عرض الدرجة g:

$$0.25 \quad 2.h + g = 64 \Rightarrow g = \frac{64}{2.h} \Rightarrow g = \frac{64}{2 \times 17} \Rightarrow g = 30 \text{ cm}$$

النشاط الثاني: ( 04 نقاط )

1/ حساب مساحة القطعة ABCD:

0.25  $S_{ABCD} = \frac{1}{2} \sum X_n \cdot (Y_{n-1} - Y_{n+1})$

0.25  $S_{ABCD} = \frac{1}{2} [X_A(Y_D - Y_B) + X_B(Y_A - Y_C) + X_C(Y_B - Y_D) + X_D(Y_C - Y_A)]$

0.25  $S_{ABCD} = \frac{1}{2} [20 \times (10 - 60) + 60 \times (30 - 20) + 90 \times (60 - 10) + 50 \times (20 - 30)]$

$S_{ABCD} = \frac{1}{2} [-1000 + 600 + 4500 - 500]$

0.25  $S_{ABCD} = 1800 \text{ m}^2$

2/ استنتاج مساحة الجزء المتبقي ABED:

0.50  $S_{ABED} = S_{ABCD} - S_{DEC} = 1800 - 475 \implies S_{ABED} = 1325 \text{ m}^2$

2/ ب) تحديد إحداثيات النقطة E:

0.50  $S_{ABED} = \frac{1}{2} [X_A(Y_D - Y_B) + X_B(Y_A - Y_E) + X_E(Y_B - Y_D) + X_D(Y_E - Y_A)] = 1325 \text{ m}^2$

0.25  $50 X_E - 10 Y_E - 3350 = 0 \dots\dots\dots (1)$  بالتعويض نجد:

0.50  $S_{DEC} = \frac{1}{2} [X_D(Y_C - Y_E) + X_E(Y_D - Y_C) + X_C(Y_E - Y_D)] = 475 \text{ m}^2$

0.25  $-10 X_E + 40 Y_E - 850 = 0 \dots\dots\dots (2)$  بالتعويض نجد:

0.50  $X_E = 75.00 \text{ m} ; Y_E = 40.00 \text{ m}$  بحل جملة المعادلتين نجد :

3/ التأكد من إحداثيات النقطة E:

لدينا:  $L_{DE} = 39.05 \text{ m}$  و  $G_{DE} = 44.22 \text{ grad}$

0.50  $\Delta X_{DE} = L_{DE} \times \sin G_{DE} = 39.05 \times \sin 44.22 \implies \Delta X_{DE} = 25 \text{ m}$

$\Delta X_{DE} = X_E - X_D \implies X_E = X_D + \Delta X_{DE} = 50 + 25 = 75.00 \text{ m}$

$X_E = 75.00 \text{ m}$

0.50  $\Delta Y_{DE} = L_{DE} \times \cos G_{DE} = 39.05 \times \cos 44.22 \implies \Delta Y_{DE} = 30 \text{ m}$

$\Delta Y_{DE} = Y_E - Y_D \implies Y_E = Y_D + \Delta Y_{DE} = 10 + 30 = 40.00 \text{ m}$

$Y_E = 40.00 \text{ m}$

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

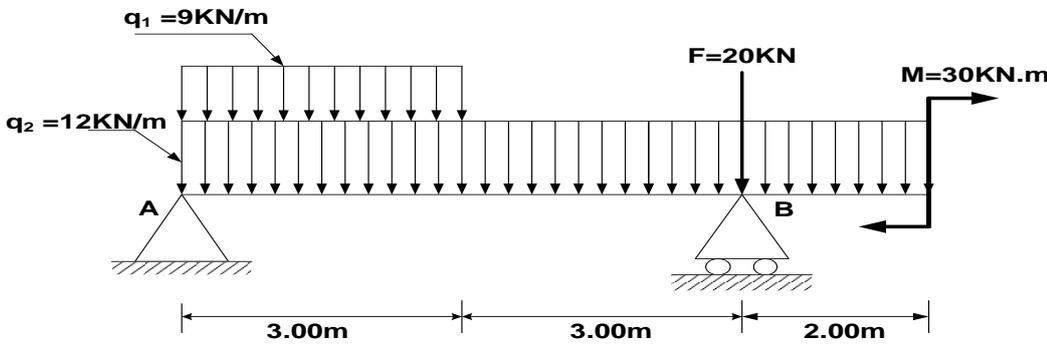
**الموضوع الأول**

يحتوي الموضوع الأول على (04) صفحات (من الصفحة 1 من 10 إلى الصفحة 4 من 10)

الميكانيك المطبقة: (12 نقطة)

النشاط الأول: (06 نقاط)

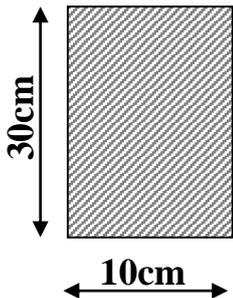
لتكن الرافدة المرتكزة على مسندين **A** مسند مضاعف و **B** مسند بسيط، و المحملة بمجموعة من القوى الخارجية كما هو موضح في الشكل رقم 01- أدناه.



الشكل رقم 01-

العمل المطلوب:

- 1- أحسب ردود الأفعال في المسندين **A** و **B**.
- 2- أكتب معادلات الجهد القاطع **T** وعزم الانحناء **M<sub>f</sub>** على طول الرافدة، وأرسم منحنياتها البيانية.
- 3- مقطع الرافدة مستطيل حسب الشكل 2-، إذا علمت أن:



الشكل رقم 02-

- العزم الأعظمي المطبق يقدر بـ  $M_{f \max} = 54 \text{ KN.m}$

- الإجهاد الناظمي المسموح به يقدر بـ  $\bar{\sigma} = 460 \text{ daN/cm}^2$

أ- تحقق من مقاومة الرافدة.

ب- أرسم مخطط الإجهاد الناظمي في المقطع الأكثر تحميلا.

### النشاط الثاني: (06 نقاط)

لدينا عمود داخلي من الخرسانة المسلحة ذو مقطع دائري قطره  $D=35\text{cm}$ ، معرض لقوة انضغاط ناظميه مركزية حيث:

$$L_0 = 3.50 \text{ m} \quad \text{طوله الحر} , \quad N_u = 1.6 \text{ MN} -$$

$$\gamma_s = 1.15 , \quad \text{الفولاذ من النوع Fe E 400}$$

- الحمولات مطبقة بعد 90 يوما.

$$f_{c28} = 25 \text{ MPa} \quad \text{مقاومة الخرسانة}$$

#### العمل المطلوب :

- (1) أحسب طول تحذب العمود  $L_f$ .
- (2) أحسب نحافة العمود  $\lambda$ .
- (3) أحسب مقطع التسليح الطولي والتسليح العرضي اللازم لهذا العمود.
- (4) اقترح رسما له.

#### العلاقات الضرورية :

$$\alpha = \frac{0.85}{1+0.2\left(\frac{\lambda}{35}\right)^2}$$

$$A_{th} = \left[ \frac{N_u}{\alpha} - \frac{Br \cdot f_{c28}}{0.9 \cdot \gamma_b} \right] \frac{\gamma_s}{f_e}$$

$$\alpha = \frac{0.6}{\left(\frac{\lambda}{50}\right)^2}$$

$$\phi_t \geq \frac{\phi_{Lmax}}{3} \quad L_f = 0.7 \cdot L_0$$

$$A_{min} = \max \{ A ( 4u ) ; A ( 0,2\%B ) \}$$

$$\lambda = \frac{4L_f}{D}$$

$$St \leq \min \{ 15 \cdot \phi_{Lmin} ; 40 \text{ cm} ; (a + 10 \text{ cm}) \}$$

القطر (mm)	عدد القضبان									الكتلة (Kg/m)
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
5	0.20	0.39	0.59	0.79	0.98	1.18	1.37	1.57	1.77	0.154
6	0.28	0.57	0.85	1.13	1.41	1.70	1.98	2.26	2.54	0.222
8	0.50	1.01	1.51	2.01	2.51	3.02	3.52	4.02	4.52	0.395
10	0.79	1.57	2.36	3.14	3.93	4.71	5.50	6.28	7.07	0.617
12	1.13	2.26	3.39	4.52	5.65	6.79	7.92	9.05	10.18	0.888
14	1.54	3.08	4.62	6.16	7.70	9.24	10.78	12.32	13.85	1.208
16	2.01	4.02	6.03	8.04	10.05	12.06	14.07	16.08	18.10	1.578
20	3.14	6.28	9.42	12.57	15.71	18.85	21.99	25.13	28.27	2.466
25	4.91	9.82	14.73	19.63	24.54	29.45	34.36	39.27	44.18	3.853
32	8.04	16.08	24.13	32.17	40.21	48.25	56.30	64.34	72.38	6.313
40	12.57	25.13	37.10	50.27	62.83	75.40	87.96	100.53	113.10	9.865

**البناء: (08 نقاط)**

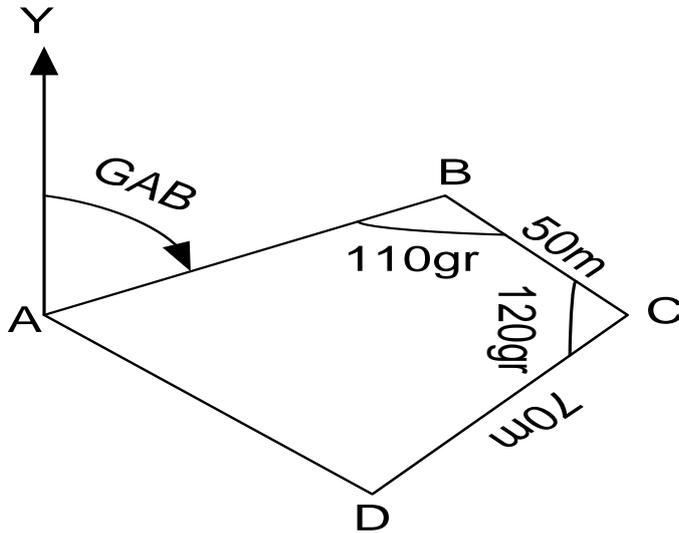
**النشاط الأول: (04 نقاط)**

لحساب مساحة مضلع ABCD قام طوبوغرافي بعملية رفع بلانميري من نقطتين معلومتين A و B، فتحصل على القياسات المبينة في الشكل رقم -03- أدناه،  
علما أن:

$$A(30.00,25.00) , B(60.00,40.00)$$

**العمل المطلوب:**

- أحسب الطول  $L_{AB}$ .
- احسب السمات الاحداثي  $G_{AB}$ .
- أحسب احداثيات النقطتين C و D.
- أحسب مساحة المضلع ABCD.



الشكل رقم -03-

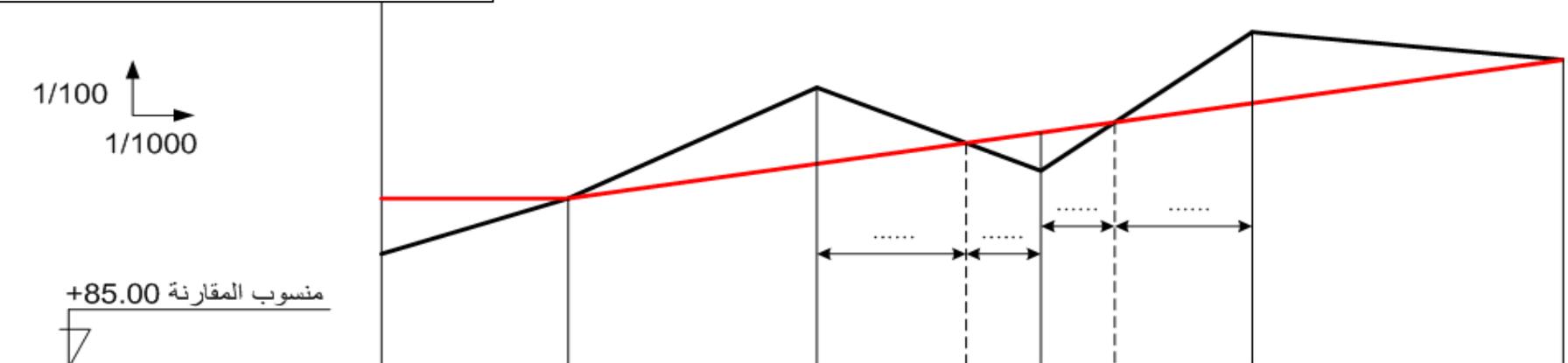
**النشاط الثاني: (04 نقاط)**

- يعطى المظهر الطولي لمشروع طريق في الوثيقة المرفقة - الوثيقة 01 - الصفحة 4 من 4
- أتمم بيانات المظهر الطولي على الوثيقة 01 مع تلوين مناطق الحفر والردم.

اللقب والاسم: .....

الموضوع الأول

المظهر الطولي للطريق



ارقام المظاهر العرضية	1	2	3	4	5	6
مناسيب خط التربة الطبيعية	87,00	88,00	89,00	88,50	91,00	90,50
مناسيب خط المشروع	88,00	88,00	.....	.....	.....	90,50
المسافات الجزئية	30,00	40,00	.....	.....	.....	.....
المسافات المتراكمة	0,00	.....	.....	.....	.....	190,00
ميل المشروع	.....%	.....% على طول .....				
التراسفات والمنعرجات	تراسف على مسافة .....		$\alpha=27,90^\circ$ $R=75m$ $L=.....$		$\alpha=25,605^\circ$ $R=75m$ $L=.....$	

تعاد هذه الوثيقة مع ورقة الإجابة

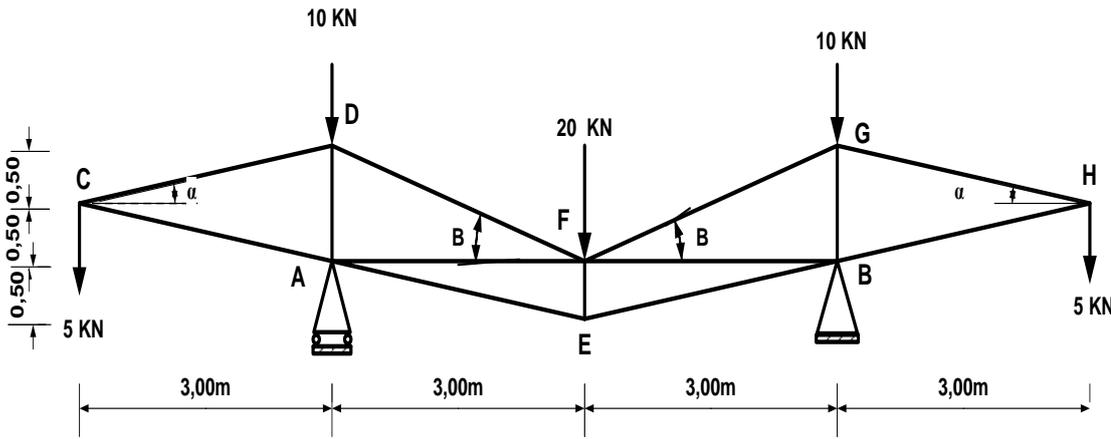
## الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على (06) صفحات (من الصفحة 5 من 10 إلى الصفحة 10 من 10)

### الميكانيك المطبقة: (12 نقطة)

#### النشاط الأول: (07 نقاط)

نظام مثلي يتكون من قضبان معدنية محمل كما في الشكل (01):



الشكل (01)

#### العمل المطلوب:

الجدول المرفق

الشعير	الأبعاد		المقطع	بالنسبة لـ 'xx'		
	a (mm)	e (mm)		$\Omega$ (cm <sup>2</sup> )	$I_{xx}$ (cm <sup>4</sup> )	$W_{xx}$ (cm <sup>3</sup> )
L	a (mm)	e (mm)	$\Omega$ (cm <sup>2</sup> )	$I_{xx}$ (cm <sup>4</sup> )	$W_{xx}$ (cm <sup>3</sup> )	
30×30×3	30	3	1,74	1,4	0,65	
35×35×3,5	35	3,5	2,39	2,66	1,06	
40×40×4	40	4	3,08	4,47	1,55	
45×45×4,5	45	4,5	3,9	7,15	2,2	



- تحقق من أن النظام المقترح محدد سكونيا.
- أحسب ردود الأفعال في المساند.
- أحسب الجهود الداخلية في القضبان، وحدد طبيعتها.
- دون النتائج في جدول.
- إذا علمت أن قضبان النظام المثلي عبارة عن مجنبت زاوية مضاعفة ، و أن :

- الجهد الأعظمي 45KN

- الإجهاد المسموح به 1600dan/cm<sup>2</sup>

- معامل المرونة الطولي للفولاذ 2x10<sup>6</sup>dan/cm<sup>2</sup>

أ- حدد نوع المجنبت المناسب الذي يحقق شرط المقاومة .

ب- أحسب التشوه الكلي للقضيب (AF) ، وحدد نوعه.

**النشاط الثاني: (05 نقاط)**

عنصر إنشائي من الخرسانة المسلحة ذو مقطع مربع (40cm x 40cm) يخضع لقوة شد في مركز ثقل مقطعه.

**المعطيات :**

- الحمولات الدائمة :  $G = 200\text{KN}$  , الحمولات المتغيرة :  $Q = 100\text{KN}$

- الفولاذ من النوع FeE400 ،  $\sigma_s = 1.15$  ،  $\eta = 1.6$  ،

- مقاومة الخرسانة  $f_{c28} = 25\text{MPa}$

- حالة التشققات ضارة جدا

$$f_{t28} = 0.6 + 0.06f_{c28} ; \quad A_s \cdot f_e \geq B \cdot f_{t28} \quad \bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{1}{2} f_e ; 90 \sqrt{\eta \cdot f_{tj}} \right\}$$

$$f_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s} ; \quad A_u = \frac{N_U}{f_{su}} ; \quad A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_s}$$

10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	عدد القضبان القطر (mm)
2.82	2.54	2.26	1.98	1.70	1.41	1.13	0.85	0.56	0.28	6
5.02	4.52	4.01	3.51	3.01	2.51	2.01	1.5	1	0.5	8
7.85	7.06	6.28	5.49	4.71	3.92	3.14	2.35	1.57	0.78	10
11.31	10.18	9.05	7.92	6.78	5.65	4.52	3.39	2.26	1.13	12
15.40	13.86	12.32	10.78	9.24	7.70	6.16	4.62	3.08	1.54	14
20.10	18.09	16.08	14.07	12.06	10.05	8.04	6.03	4.02	2.01	16
31.40	28.26	25.12	21.98	18.84	15.70	12.56	9.42	6.28	3.14	20
49.10	44.19	39.28	34.37	29.46	24.55	19.64	14.73	9.82	4.91	25
80.40	72.36	64.32	56.28	48.24	40.20	32.16	24.12	16.08	8.04	32
125.65	113.09	100.53	87.96	75.39	62.83	50.26	37.70	25.13	12.56	40

**العمل المطلوب :**

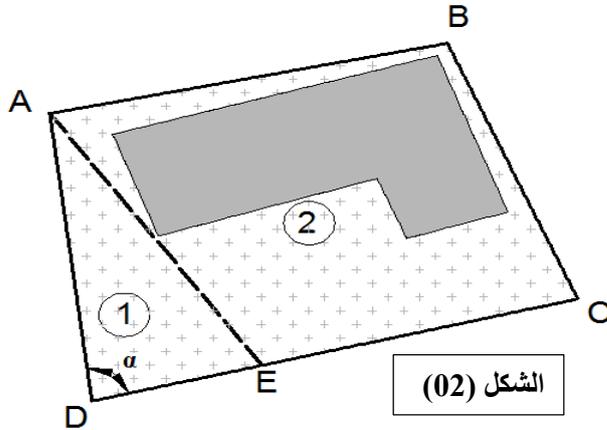
- 1) احسب مقطع التسليح الطولي لهذا العنصر.
- 2) تحقق من شرط عدم الهشاشة.
- 3) اقترح رسما توضح فيه تسليح مقطع العنصر.

**البناء: (12 نقطة)**

**النشاط الأول: (05 نقاط)**

**الجزء الأول: دراسة طبوغرافية:**

لدينا قطعة أرض على شكل مضلع ABCD كما هو موضح في الشكل (02) :



النقاط	X(m)	Y(m)
A	11.39	9.18
B	27.29	12.46
C	32.50	0.55
D	13.08	-4.24

**العمل المطلوب:**

- 1) أحسب السمات الإحداثي  $G_{AD}$  و استنتج  $G_{DA}$  ، ثم أحسب المسافة الأفقية  $D_{AD}$  ؟
- 2) إذا كان السمات الإحداثي  $G_{DE} = 84.76 \text{ gr}$  ، والمسافة الأفقية  $D_{DE} = 7.00 \text{ m}$  - أحسب الإحداثيات القائمة (X;Y) للنقطة E .  
- أحسب الزاوية  $\alpha$  ؟
- 3) باستعمال طريقة الإحداثيات القطبية، أحسب مساحة القطعة DAE ؟
- 4) باستعمال طريقة الإحداثيات القائمة، أحسب مساحة القطعة ABCE ؟
- 5) استنتج مساحة القطعة الأرضية ABCD.

**الجزء الثاني : المنشأ العلوي:**

خصص جزء من قطعة الأرض لإنجاز منزل فردي كما هو موضح في الشكل (03) الصفحة (09)  
**العمل المطلوب:**

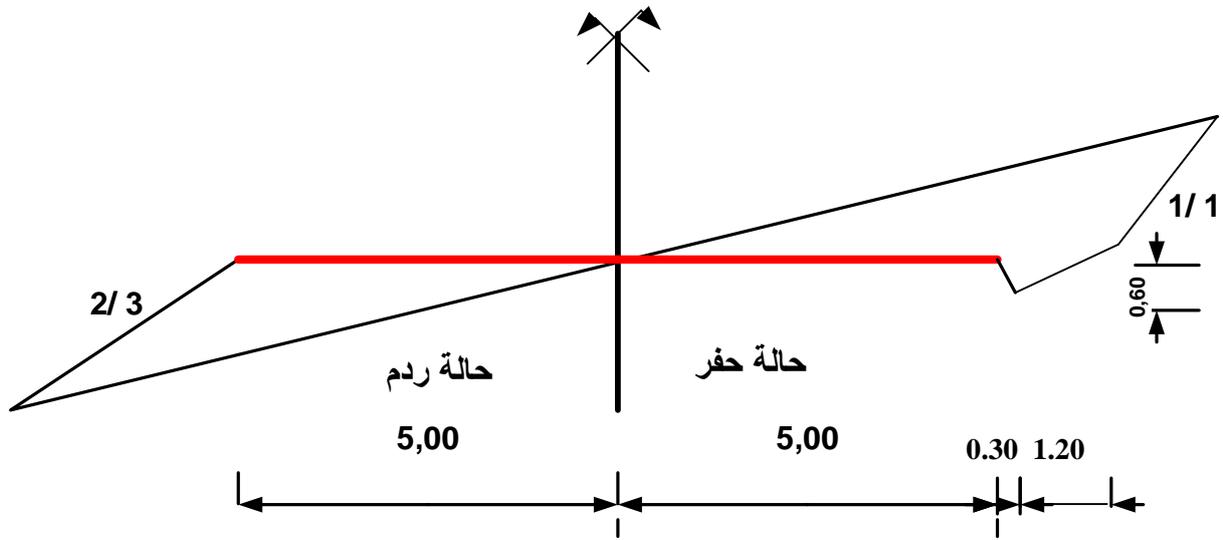
- إملأ الجدول الموضح في الوثيقة المرفقة (الصفحة 09 من 10).

**النشاط الثاني: (03 نقاط)**

قررت المصالح التقنية إنجاز طريق ولائي مع إقامة مستودع لتصليح السيارات.

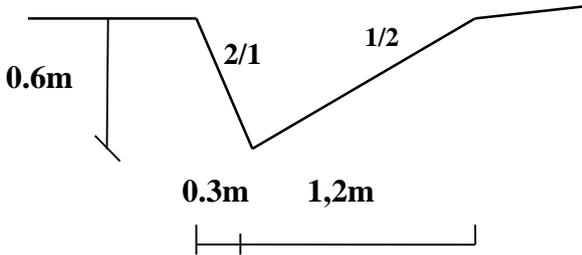
**الوصف:**

- يتكون الطريق من مسلكين عرض كل منهما  $3.50 \text{ m}$ ، وجانبيين عرض كل منهما  $(1.50\text{m})$ ، وينتهيان بساقية ذات عمق  $(60 \text{ cm})$  كما هو موضح في المقطع العرضي النموذجي الشكل (04) .
- مقطع الأرض الطبيعية وتفصيل الساقية موضحان في الشكل (05) والشكل (06) في الصفحة (08).
- يحدد ارتفاع المشروع عند المحور  $177.40\text{m}$



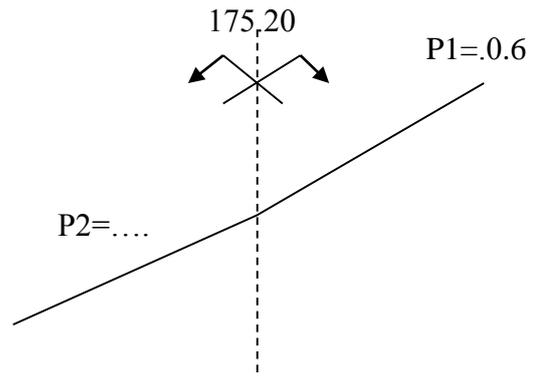
الشكل (04)

تفصيل الساقية



الشكل (06)

مقطع التربة الطبيعية وميولها:



الشكل (05)

العمل المطلوب:

- 1- كيف تصرف مياه الأمطار في الطرقات؟
- 2- عرف المظهر العرضي النموذجي.
- 3- اعتمادا على المظهر العرضي النموذجي أكمل رسم المظهر العرضي، و انجاز الحسابات الضرورية على الوثيقة المرفقة (صفحة 10 من 10) محترما شروط الرسم والألوان اللازمة.

اللقب و الإسم: .....

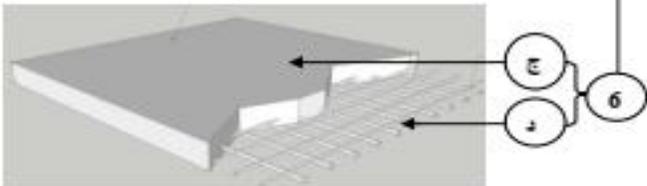


تكبير للعنصر 6

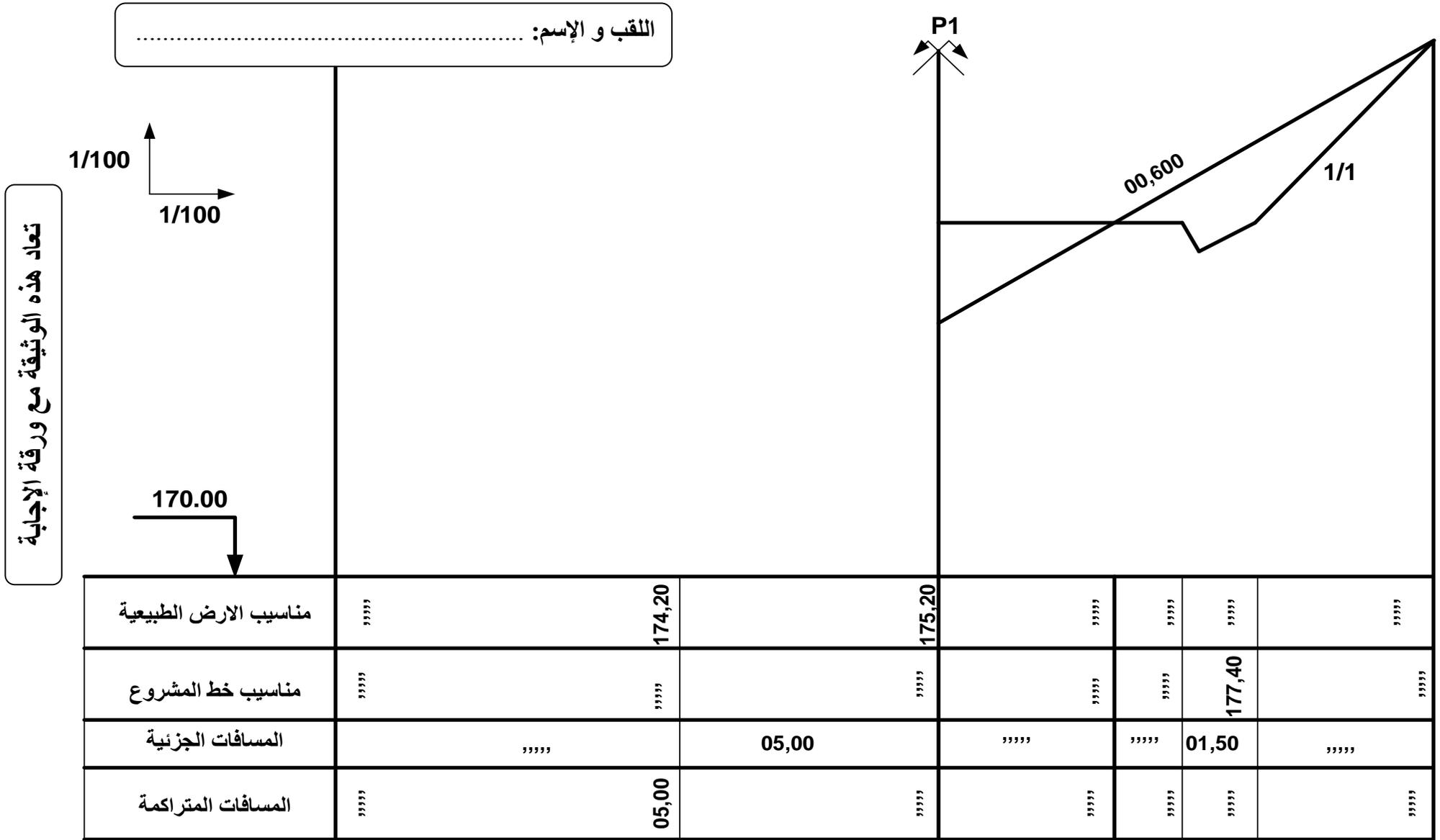
الشكل (03)

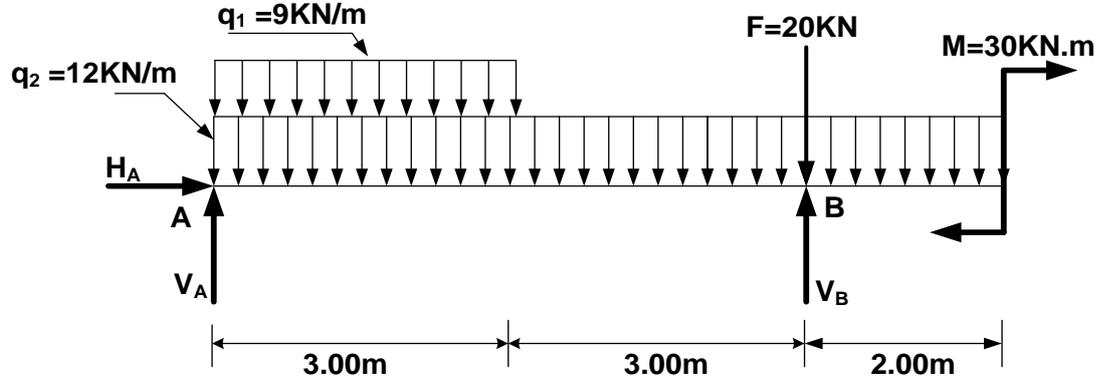
التسمية		الرقم
.....	أ	1
.....	ب	
.....		2
.....		3
.....		4
.....		5
.....	ج	6
.....	د	

تعد هذه الوثيقة مع ورقة الإجابة



ما هو دور العنصر 01 :



**I ميكانيك مطبقة:****النشاط الأول:****1- حساب ردود الأفعال في المسندين:**

0.25  $\Sigma F_x = 0 \rightarrow H_A = 0$

$\Sigma F_y = 0 \rightarrow V_A + V_B - 9 \times 3 - 12 \times 3 - 20 = 0 \rightarrow V_A + V_B = 143 \text{ kN} \dots (1)$

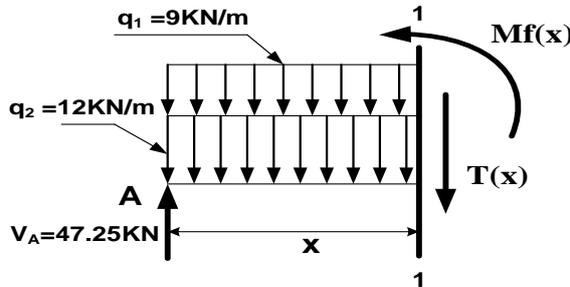
0.25  $\Sigma M_A = 0 \rightarrow 9 \times 3 \times 1.5 + 12 \times 3 \times 4.5 + 20 \times 6 + 30 - V_B \times 6 = 0 \rightarrow V_B = 95.75 \text{ kN}$

0.25  $\Sigma M_B = 0 \rightarrow V_A \times 6 - 9 \times 3 \times 4.5 - 12 \times 3 \times 2 + 30 = 0 \rightarrow V_A = 47.25 \text{ kN}$

**التحقق:**

$(1) \rightarrow V_A + V_B = 47.25 + 95.75 = 143 \text{ kN}$

و منه محققة

**1-2 كتابة معادلات T و Mf على طول الرافدة:****القطع 1: -1  $0 \leq x \leq 3 \text{ m}$** 

$\Sigma F_y = 0 \rightarrow -T(x) - 9x - 12(x-3) + 47.25 = 0$

$T(x) = -21x + 47.25$

0.25  $\Sigma M_1 = 0 \rightarrow -Mf(x) + 47.25x - 9x^2/2 - 12(x-3)^2/2 = 0$

$Mf(x) = -10.5x^2 + 47.25x$

0.25

x	0	3
T(x)	47.25	-15.75
Mf(x)	0	47.25

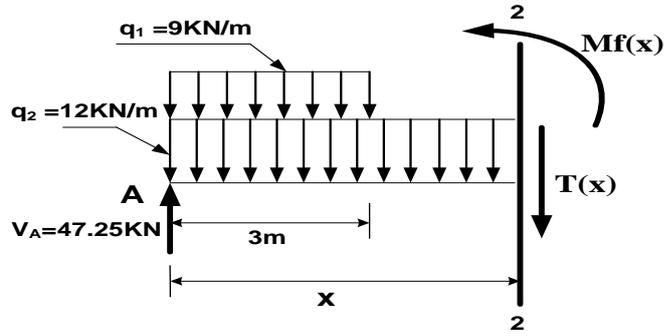
0.25

**حساب القيمة الحدية لعزم الانحناء Mf(x):**

$T(x) = 0 \rightarrow -21x + 47.25 = 0 \rightarrow x = 47.25 / 21 = 2.25 \text{ m}$

0.25

$Mf_{\text{max}} = Mf(2.25) = -10.5(2.25^2) + 47.25 \times 2.25 = 53.16 \text{ kN.m}$



2.5

0.25  $\Sigma F/Y = 0 \rightarrow -T(x) - 9 \times 3 - 12x + 47.25 = 0$

$T(x) = -12x + 20.25$

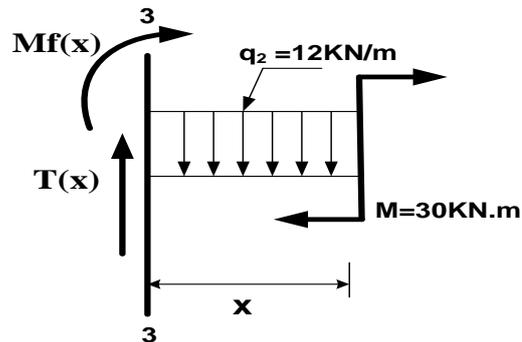
0.25  $\Sigma M/2 = 0 \rightarrow -Mf(x) + 47.25x - 9 \times 3(x-1.5) - 12x^2/2 = 0$

$Mf(x) = -6x^2 + 20.25x + 40.50$

0.25

X	3	6
T(x)	-15.75	-51.75
Mf(x)	47.25	-54

القطع 3:-3  $0 \leq x \leq 2m$  ننجز قطع على اليمين



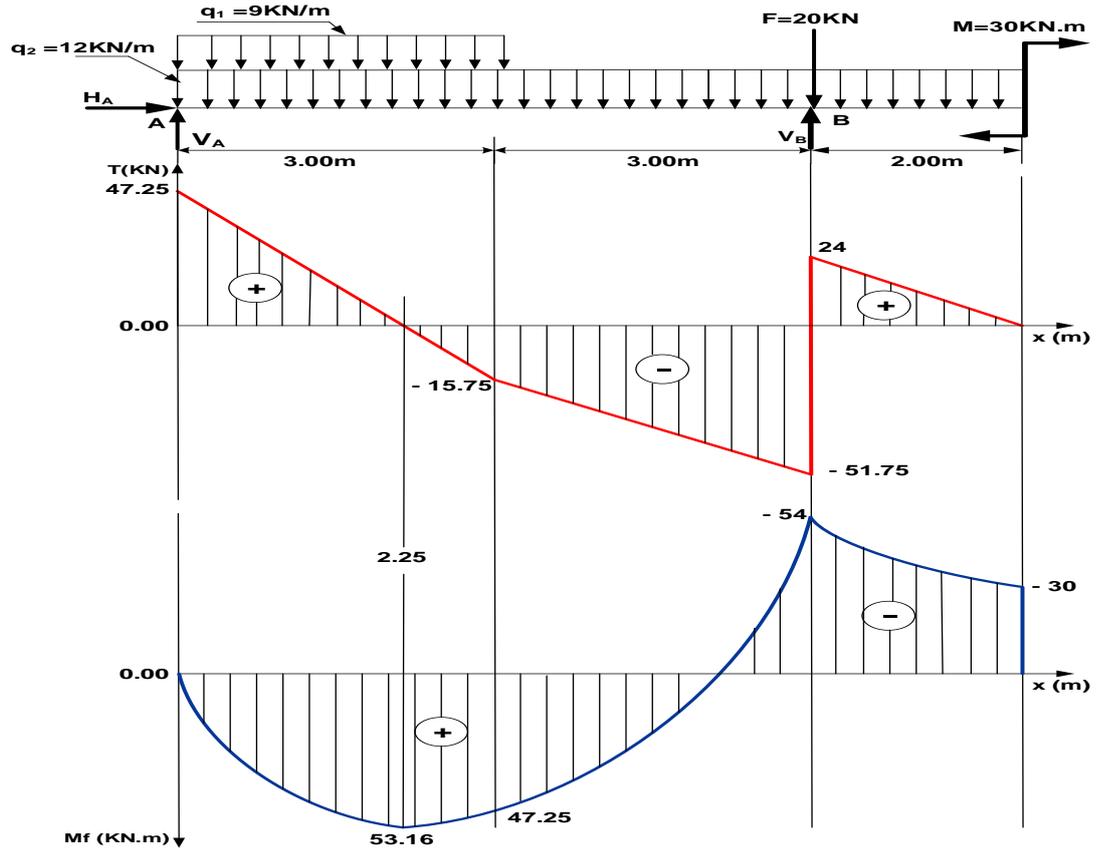
0.25  $\Sigma F/Y = 0 \rightarrow T(x) - 12x = 0 \rightarrow T(x) = 12x$

0.25  $\Sigma M/3 = 0 \rightarrow Mf(x) + 30 + 12x^2/2 = 0 \rightarrow Mf(x) = -6x^2 - 30$

0.25

x	0	2
T(x)	0	24
Mf(x)	-30	-54

2-2- رسم المنحنيات البيانية لـ  $T(x)$  و  $M_f(x)$ :



1.5

0.75

0.75

$$\sigma_{\max} \leq \bar{\sigma}$$

3- أ- التحقق من شرط المقاومة:

0.75

$$\sigma_{\max} = \frac{M_{f \max}}{I_{xx}} y_{\max} = \frac{54 \times 10^4 \text{ daN.cm}}{\frac{10 \times 30^3}{12} \text{ cm}^4} \times \frac{30 \text{ cm}}{2}$$

$$\sigma_{\max} = 360 \text{ daN/cm}^2 < \bar{\sigma} = 460 \text{ daN/cm}^2$$

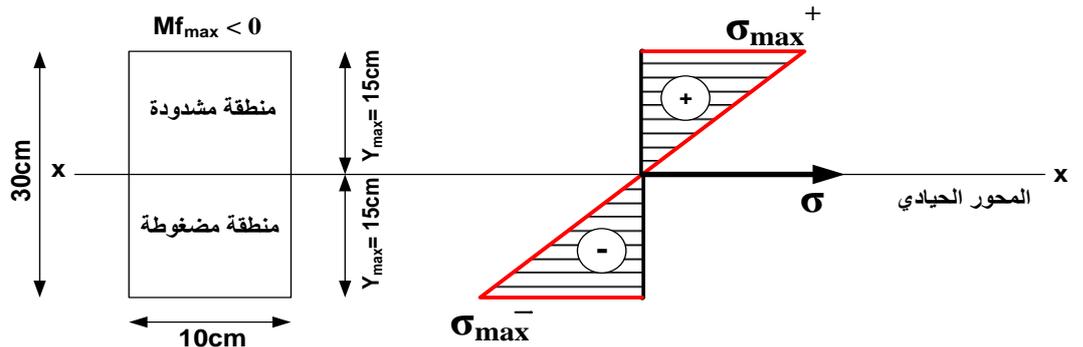
1.25

و منه الرافدة مقاومة.

3- ب- رسم مخطط الإجهادات الناعمية:

$$\sigma_{\max}^+ = |\sigma_{\max}^-| = 360 \text{ daN/cm}^2$$

0.5



## النشاط الثاني :

0.25 (1) حساب طول تحذب العمود:  $L_f = 0.7 L_0 = 245 \text{ cm}$

0.25 (2) حساب نحافة العمود:  $\lambda = \frac{4 \times 245}{35} = 28 < 50$

(3) حساب مقطع التسليح الطولي والتسليح العرضي اللازم لهذا العمود :

0.5 حساب المعامل  $\alpha$  :  $\alpha = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left(\frac{28}{35}\right)^2} = 0.753$

المقطع المصغر للخرسانة:  $B_r = \frac{\pi}{4} (D - 2)^2 = \frac{\pi}{4} (35 - 2)^2$

0.25  $B_r = 854.86 \text{ cm}^2$

1 حساب المقطع النظري :  $A_{th} = 15.58 \text{ cm}^2$

0.25 حساب التسليح الأدنى:  $4 u = 4 (3.14 \times 0.35) = 4.40 \text{ cm}^2$

0.25  $0.2 \% B = 0.2 \% \times (3.14 \times 35^2) / 4 = 1.92 \text{ cm}^2$

0.25  $A_{min} = \max (4.40 ; 1.92) = 4.40 \text{ cm}^2$

0.25 التسليح المحسوب :  $A_{s \text{ calc}} = \max (15.58 ; 4.40) = 15.58 \text{ cm}^2$

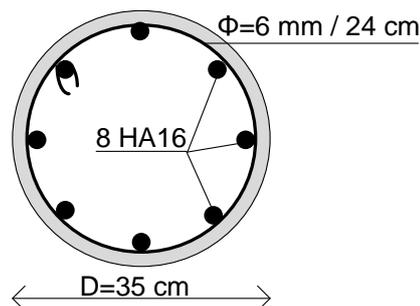
0.5 التسليح الحقيقي: من جدول التسليح نختار ( 8 HA 16 ( 16.08 cm<sup>2</sup>)

0.25 التسليح العرضي: - القطر:  $\emptyset_t \geq \frac{1}{3} \emptyset_{L \text{ max}} = 6 \text{ mm}$

0.5 - تباعد الإطارات:  $S_t \leq \min (15 \times 1.6 ; 40 ; 25 + 10) S_t = 24 \text{ cm}$

0.25 - طول التشابك:  $L_r \geq 24 \times 1.6 = 38.4 \text{ cm} L_r = 40 \text{ cm}$

0.25 - تباعد الإطارات في التشابك: 3 إطارات بتباعد 12cm



1

## II البناء :

### النشاط الأول:

- حساب الطول  $L_{AB}$  :  $L_{AB} = \sqrt{(\Delta X_{AB})^2 + (\Delta Y_{AB})^2}$

0.25

$$L_{AB} = 33.54m$$

- حساب السمات الاحداثي  $G_{AB}$ .

0.25

$$\tan g_{AB} = \left| \frac{\Delta x}{\Delta y} \right| = 30/15 = 2 \quad g_{AB} = 70,483gr$$

الربع الأول  $\Rightarrow \Delta x > 0$  و  $\Delta y > 0$

0.25

$$G_{AB} = g_{AB} = 70.483gr$$

- حساب احداثيات النقطة C.

- حساب السمات  $G_{BC}$

0.5

$$G_{BC} = G_{AB} + 200 - 110 = 70.483 + 200 - 110 \quad G_{BC} = 160.483grd$$

$$X_C = X_B + L_{BC} \sin G_{BC}$$

0.25

$$X_C = 60 + 50 \sin 160.483 \quad X_C = 89.081m$$

$$Y_C = Y_B + L_{BC} \cos G_{BC}$$

0.25

$$Y_C = 40 + 50 \cos 160.483 \quad Y_C = -0,672m$$

- حساب احداثيات النقطة D.

- حساب  $G_{CD}$

0.5

$$G_{CD} = G_{BC} + 200 - 120 = 160.483 + 200 - 120 = 240.483gr$$

0.25

$$X_D = X_C + L_{CD} \sin G_{CD} = 89.081 + 70 \sin 240.483 \quad X_D = 47,507m$$

0.25

$$Y_D = Y_C + L_{CD} \cos G_{CD} = -0,672 + 70 \cos 240.483 \quad Y_D = -56,989m$$

- حساب المساحة:

0.5

$$S_{ABCD} = 1/2 (X_A(Y_D - Y_B) + X_B(Y_A - Y_C) + X_C(Y_B - Y_D) + X_D(Y_C - Y_A))$$

0.5

$$= 1/2 (30(-56,989 - 40) + 60(25 + 0,672) + 89.081(40 + 56,989) + 47,507(-0,672 - 25))$$

0.25

$$S_{ABCD} = 3025.463m^2$$

النشاط الثاني: (4 نقاط)

الموضوع الأول

المظهر الطولي للطريق

1/100  
1/1000

منسوب المقارنة +85.00

التصحيح النموذجي

ارقام المظاهر العرضية	1	2	3	4	5	6		
مناسيب خط التربة الطبيعية	87,00	88,00	90,00	89,02	88,50	89,37	91,00	90,50
مناسيب خط المشروع	88,00	88,00	88,62	89,02	89,19	89,37	89,72	90,50
المسافات الجزئية	30,00	40,00	36,50	33,50	50,00			
المسافات المتراكمة	0,00	30,00	70,00	106,50	140,00	190,00		
ميل المشروع	0%	0,94%						
التراسفات والمنعرجات	تراصف على مسافة 70,00m		$\alpha=27,90^\circ$ $R=75m$ $L=36,50$		$\alpha=25,605^\circ$ $R=75m$ $L=33,50$		تراصف على مسافة 50,00m	

0.25x5

0.25x3

0.25

0.25x2

0.25x2

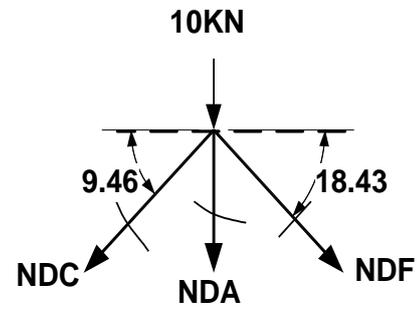
وزارة التربية الوطنية  
ثانويات و متاقن ولاية بومرداس

تصحيح امتحان البكالوريا التجريبي ماي 2021 – الموضوع الثاني  
شعبة تقني رياضي فرع الهندسة المدنية

العلامة		عناصر الاجابة	محاور الموضوع
المجموع	مجزأة		
		<p><b>الموضوع الأول</b></p> <p><b>الميكانيك المطبقة :</b></p> <p><b>النشاط الأول: دراسة نظام مثلثي (06 نقاط)</b></p> <p>(1) التحقق من طبيعة النظام</p> <p>(2) حساب ردود الافعال</p> <p>(3) حساب الجهود الداخلية في القضبان</p>	
0.25		$2n-3=b \Rightarrow 2 \times 8-3= 13$	
		$\Sigma F_x=0 \Rightarrow H_B=0 \text{ kN}$	
0.25		$\Sigma F_y=0 \Rightarrow V_A+V_B -5-10-20-10-5=0 \Rightarrow V_A+V_B = 50 \text{ KN}$	
0.25		$\Sigma M_A=0 \Rightarrow -5 \cdot 3+20 \cdot 3+10 \cdot 6+59-V_B \cdot 6=0 \Rightarrow V_B=25 \text{ KN}$	
0.25		$\Sigma M_B=0 \Rightarrow V_A \cdot 6-5 \cdot 3+10 \cdot 6+20 \cdot 3 \Rightarrow V_A=25 \text{ KN}$	
		<p><b>عزل العقدة C</b></p>	
0.25		$\text{tga} = \frac{0.5}{3} = 1 \quad \alpha = 9.46^\circ$	
		$\text{sina} = 0.986$ $\text{cosa} = 0.164$	
0.25		$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow N_{CD} \cos \alpha + N_{CA} \cos \alpha = 0$	
		$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow N_{CD} \sin \alpha - N_{CA} \sin \alpha - 5 = 0$	
0.25		$N_{CD} = 15.21 \text{ KN}$ شد	
0.25		$N_{CA} = 15.21 \text{ KN}$ انضغاط	
		<p><b>عزل العقدة D</b></p>	
0.25		$\text{tga} = \frac{0.5}{3} = 1 \quad \alpha = 9.46^\circ$ $\text{sina} = 0.986$ $\text{cosa} = 0.164$ $\text{tg}\beta = \frac{1}{3} = \beta = 18.43^\circ$ $\text{sin}\beta = 0.949$ $\text{cos}\beta = 0.316$	

0.25

0.25



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{DF} \cos \alpha - N_{DC} \cos \alpha = 0$$

0.25

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -N_{DC} \sin \alpha - N_{DF} \sin \alpha - N_{DA} - 10 = 0$$

$$N_{DF} = 15.81 \text{ KN (شد)}$$

$$N_{DA} = -17.5 \text{ KN (انضغاط)}$$

عزل العقدة A

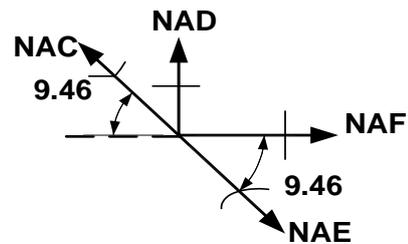
0.25

$$\tan \alpha = \frac{0.5}{3} \Rightarrow \alpha = 9.46^\circ$$

0.25

$$\sin \alpha = 0.986$$

$$\cos \alpha = 0.164$$



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{AE} \cos \alpha - N_{AC} \cos \alpha + N_{AF} = 0$$

0.25

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -N_{AE} \sin \alpha + N_{AC} \sin \alpha + N_{AD} - 10 = 0$$

$$N_{AF} = 45 \text{ KN (شد)}$$

$$N_{AE} = -30.41 \text{ KN (انضغاط)}$$

عزل العقدة E

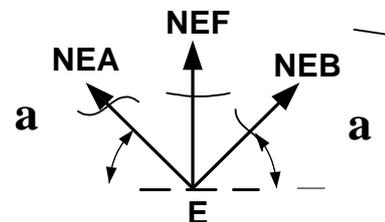
0.25

$$\tan \alpha = \frac{0.5}{3} = 1 \Rightarrow \alpha = 9.46^\circ$$

0.25

$$\sin \alpha = 0.986$$

$$\cos \alpha = 0.164$$



0.50

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{EB} \cos \alpha - N_{EA} \cos \alpha = 0$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_{EF} + N_{EB} \sin \alpha + N_{EA} \sin \alpha = 0$$

$$N_{EF} = 10 \text{ KN (شد)}$$

ملاحظة: بما ان الشكل متناظر فإن كل قضيبين متقابلين متقايسين في الجهد

(4) تدوين النتائج في جدول

<u>القضيب</u>	<u>الشدة KN</u>	<u>الطبيعة</u>
NCD=NDC NHG=NGH	15.21	شد
NCA=NAC NHB=NBH	15.21	ضغط
NDF=NFD NGF=NFG	15.81	شد
NDA=NAD NGB=NBG	17.50	ضغط
NAF=NFA NBF=NFB	45.00	شد
NAE=NEA NBE=NEB	30.41	ضغط
NEF=NFE	10.00	شد

1.00

(5) تحديد نوع المجنب

(6) لدينا المجنب مضاعف ومنه :

شرط المقاومة

$$0.50 \quad \overline{\sigma AF} = \frac{NAF}{2S} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow s \geq \frac{NAF}{2x\bar{\sigma}} \Rightarrow s \geq \frac{45 \cdot 10^2}{2 \cdot 1600} s \geq 1.40 \text{ cm}^2$$

$$s = 1.74 \text{ cm}^2$$

من الجدول نختار

0.25

**L30x30x3**

ومنه المجنب المناسب هو

-حساب التشوه المطلق  $\Delta L$  للقضيب الأكثر تحميلا:

$$0.50 \quad \Delta l = -\frac{N_{AF} \cdot L_{AF}}{2S \cdot E} \Leftrightarrow \Delta l = \frac{45 \times 10^2 \times 3 \times 10^2}{2 \times 1.74 \times 2 \times 10^6} \Leftrightarrow \Delta l = -0.1939 \text{ cm}$$

0.25

نوع التشوه: تقلص.

7.00

النشاط الثاني: الخرسانة المسلحة (04 نقاط)

(7) حساب مقطع التسليح للعنصر الإنشائي:

(8) حساب الجهود الناظرية للشد:

0.50

$$N_{SER} = G + Q = 100 + 200 = 300\text{KN}$$

$$N_{SER} = 0.3\text{MN}$$

$$N_U = 1.35G + 1.5Q = 1.35 \times 100 + 1.5 \times 200 = 420\text{KN}$$

0.50

$$N_U = 0.42\text{MN}$$

(9)

ELU: الحساب في الحالة النهائية القصوى: (10)

حساب الإجهاد في الفولاذ:

0.50

$$F_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s} = \frac{400}{1.15} = 348 \text{ MPa}$$

$$F_{su} = 348 \text{ MPa}$$

$$A_u = \frac{N_U}{F_{su}} = \frac{0.42 \times 10^6}{348} = 1206 \text{ mm}^2$$

0.50

$$A_u = 12.06 \text{ cm}^2$$

ELU: الحساب في الحالة النهائية للتشغيل: (11)

حساب الإجهادات في الفولاذ: (12)

0.25

$$f_{t28} = 0.6 + 0.06f_{c28} = 2.1\text{MPa}$$

بما أن التشققات ضارة جدا

$$\bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{1}{2} f_e, 90 \sqrt{\eta f_{t28}} \right\} = \left\{ \frac{1}{2} \cdot 400, 90 \sqrt{1.6 \times 2.1} \right\}$$

0.50

$$\bar{\sigma}_s = 164.9 \text{ MPa}$$

$$A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_s} = \frac{0.3 \times 10^6}{164.9} = 1819.28 \text{ mm}^2$$

0.50

$$A_{ser} = 18.19 \text{ cm}^2$$

مقطع التسليح المختار: (13)

$$A_s = \max\{A_U, A_{ser}\}$$

0.25

$$A_{ser} = 18.19 \text{ cm}^2$$

مقطع التسليح المختار من الجدول:

$$A_s = 4HA20 + 4HA14 = 18.72 \text{ cm}^2$$

0.50

$$A_s = 18.72 \text{ cm}^2$$

التحقق من شرط عدم الهشاشة: (14)

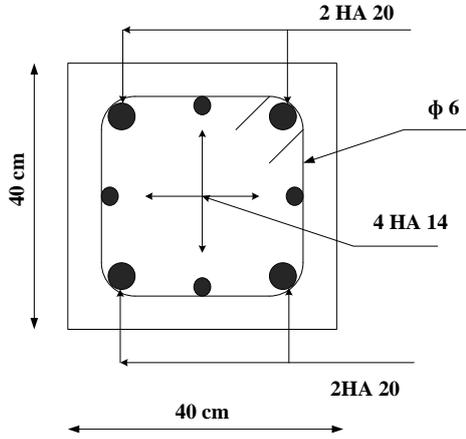
$$A_s \cdot f_e \geq B \cdot f_{t28}$$

$$18.72 \times 10^2 \times 400 \times 10^{-6} \geq (40 \times 40) \times 10^2 \times 2.1 \times 10^{-6}$$

0.50

$$0.748 \text{ MN} > 0.336 \text{ MN}$$

أذن الشرط محقق



0.50

5.00

اقتراح مقبول:

$$6HA20 = 18.84cm^2$$

البناء: (08 نقاط)

النشاط الأول: (05 نقاط)

الجزء الأول : دراسة طبوغرافية (3.50 نقطة)

(15) حساب السمات الإحداثي  $G_{AB}$  و المسافة الأفقية  $D_{AB}$ .

$$\Delta X_{AD} = X_D - X_A = 13.08 - 11.39 = 1.69 \text{ m} > 0$$

$$\Delta Y_{AD} = Y_D - Y_A = -4.24 - 9.18 = -13.42 \text{ m} < 0$$

الربع  
الثاني

$$tg(g) = \frac{|\Delta X_{AD}|}{|\Delta Y_{AD}|} = 0.126 \Rightarrow g \frac{|\Delta X_{AD}|}{|\Delta Y_{AD}|} = \frac{|1.69|}{|-13.42|} \Rightarrow g = 7.98 \text{ grad}$$

0.50

$$G_{AD} = 200 - g = 200 - 7.98 = 192.02 \text{ grad}$$

$$G_{AD} = 192.02 \text{ grad}$$

- استنتاج السمت الإحداثي  $G_{DA}$

0.25

$$G_{DA} = G_{AD} + 200 = 192.02 + 200 = 392.02 \text{ grad}$$

$$G_{DA} = 392.02 \text{ grad}$$

- حساب المسافة الأفقية

0.25

$$D_{AD} = \sqrt{(\Delta X_{AD})^2 + (\Delta Y_{AD})^2} \Rightarrow D_{AD} = \sqrt{(1.69)^2 + (-13.42)^2}$$

$$D_{AD} = 13.53 \text{ m}$$

2- حساب الإحداثيات القائمة للنقطة E

0.25

$$X_E = X_D + D_{DE} \cdot \sin G_{DE} = 13.08 + 7 \cdot \sin 84.76 = 19.88 \text{ m}$$

0.25

$$Y_E = Y_D + D_{DE} \cdot \cos G_{DE} = -4.24 + 7 \cdot \cos 84.76 = -2.58 \text{ m}$$

- حساب الزاوية الأفقية  $\alpha$

0.25

$$\alpha = 400 - G_{DA} + G_{DE} = 400 - 392.02 + 84.76 = 92.74 \text{ gr}$$

$$\alpha = 92.74 \text{ grad}$$

حساب مساحة القطعة DAE بالإحداثيات (16)

$$S_{DAE} = \frac{1}{2} (D_{DA} \times D_{DE} \times \sin (G_{DE} - G_{DA})) = \frac{1}{2} (13.53 \times 7.00 \times \sin (84.76 - 392.02))$$

0.50

$$S_{DAE} = 47.05 \text{ m}^2$$

- طريقة 02

$$S_{DAE} = \frac{1}{2} (D_{DA} \times D_{DE} \times \sin \alpha) = \frac{1}{2} (13.53 \times 7.00 \times \sin 92.74)$$

$$S_{DAE} = 47.05 \text{ m}^2$$

4- حساب مساحة القطعة ABCE بالإحداثيات القائمة.

$$S_{ABCE} = \frac{1}{2} (X_A (Y_E - Y_B) + X_B (Y_A - Y_C) + X_C (Y_B - Y_E) + X_E (Y_C - Y_A))$$

0.50

$$S_{ABCE} = \frac{1}{2} (11.39 (-2.58 - 12.46) + 27.29 (9.18 - 0.55) + 32.50 (12.46 - 2.58) + 19.88 (0.55 - 9.18))$$

$$S_{ABCE} = 190.72 \text{ m}^2$$

5- استنتاج مساحة القطعة الأرضية ABCD

$$S_{ABCD} = S_{DAE} + S_{ABCE} = 47.05 + 190.72 = 237.77 \text{ m}^2$$

0.25

$$S_{ABCD} = 237.77 \text{ m}^2$$

الجزء الثاني : المنشأ العلوي (2.00 نقاط)

1- ملأ الجدول :

0.125\*  
6

الرقم	التسمية
	أ
	ب
2	رافدة
3	عمود
4	سطح
5	مدارج
6	أرضية مملوءة
	ج
	د

0.25  
4\*

0,25

دور الأساسات هو إستقبال الحمولات وتوزيعها على طبقة التأسيس

النشاط الثاني: الطرق (03 نقاط)

0.25

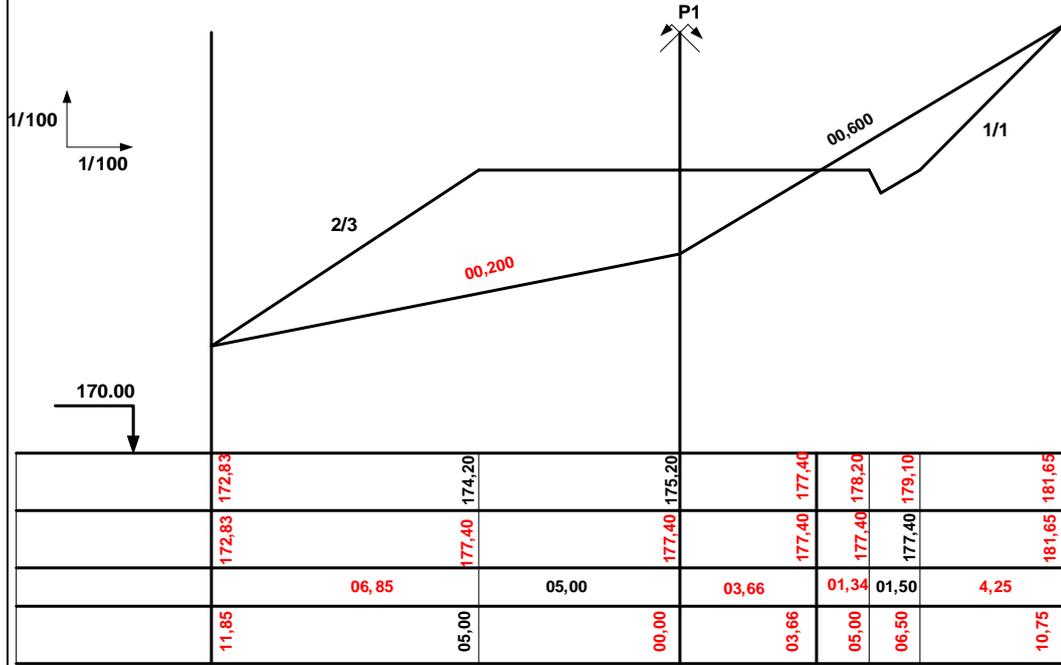
1. تعريف المظهر العرضي النموذجي : هو عبارة عن وثيقة مرسومة مرجعية ينجزها مكتب الدراسات، و يمثل مقطع عرضي للطريق تمثل فيه حالة الحفر و حالة الردم كما يحتوي على جميع البيانات و الأبعاد لمختلف العناصر المكونة للطريق المراد إنجازه.

3.00

0.25

2. تصرف مياه الأمطار بإعطاء المظهر العرضي ميلا عرضيا من محور القارة إلى الجوانب ثم تنتقل هذه المياه إلى الخندق و قنوات تصريف المياه

### 3. إكمال الجدول



2,50

1/100  
1/100

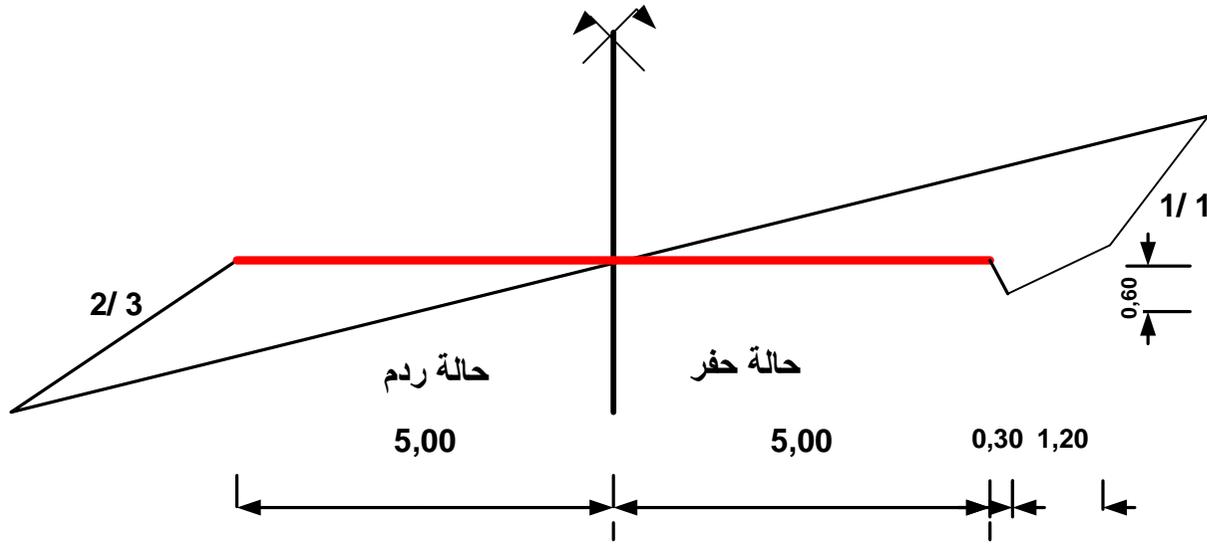
170.00

P1

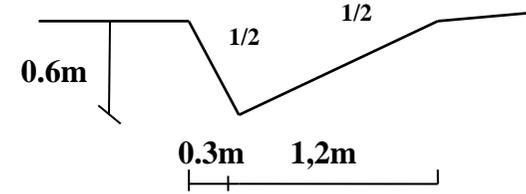
00,600

1/1

مناسيب الارض الطبيعية	''''''	174,20	175,20	''''''	''''''	''''''	''''''
مناسيب خط المشروع	''''''	''''''	''''''	''''''	''''''	177,40	''''''
المسافات الجزئية	''''''	05,00	''''''	''''''	01,50	''''''	''''''
المسافات المتراكمة	''''''	05,00	''''''	''''''	''''''	''''''	''''''



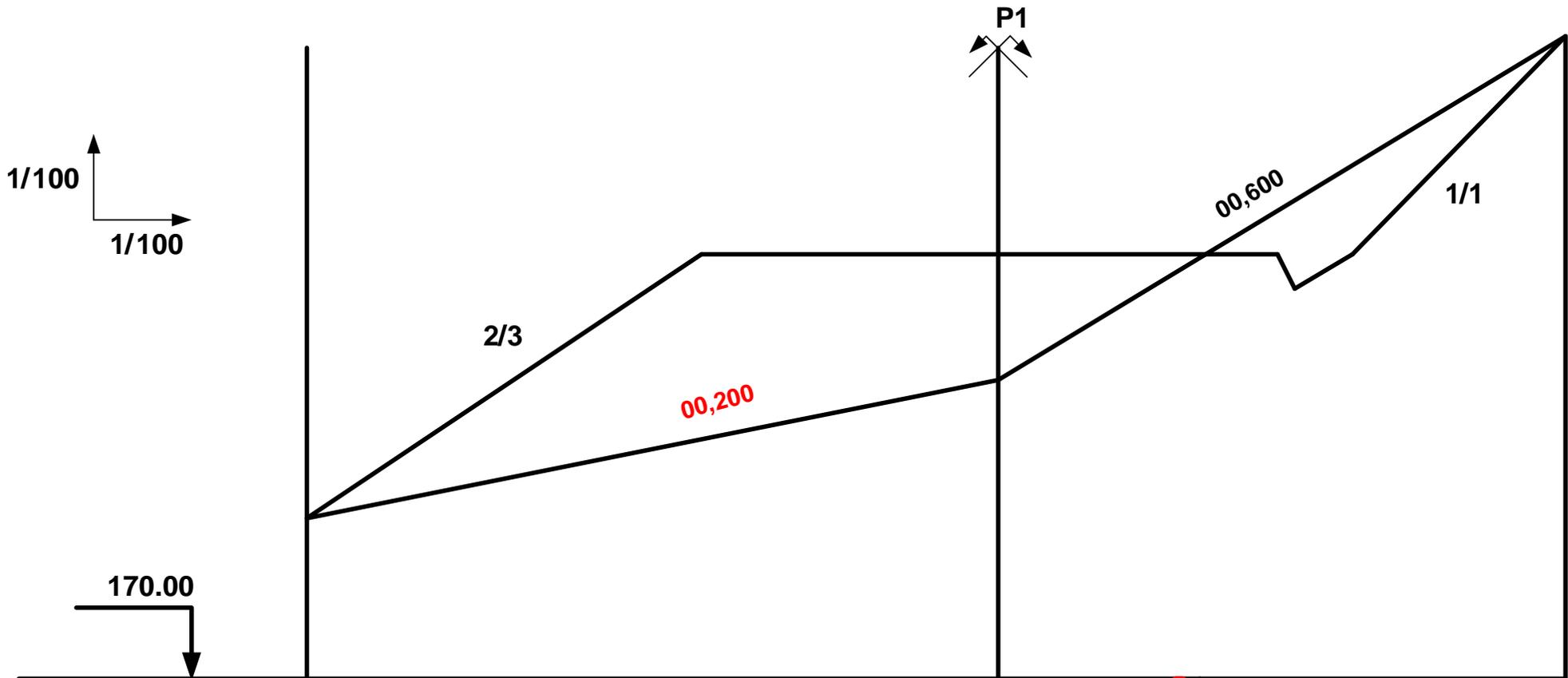
الشكل (04)



الإجابة عن السؤال الأول

(1) تصرف مياه الأمطار بإعطاء المظهر العرضي ميلا عرضيا من محور القارعة إلى الجوانب ثم تنتقل هذه المياه إلى الخندق و قنوات تصريف المياه

الإجابة عن السؤال الثالث



	172,83	174,20	175,20	177,40	178,20	179,10	181,65
	172,83	177,40	177,40	177,40	177,40	177,40	181,65
		06,85	05,00	03,66	01,34	01,50	4,25
	11,85	05,00	00,00	03,66	05,00	06,50	10,75

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

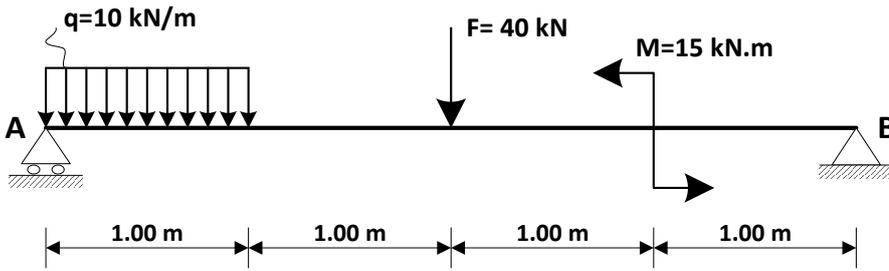
### الموضوع الأول

يحتوي الموضوع على (04) صفحات (من الصفحة 1 من 8 إلى الصفحة 4 من 8)

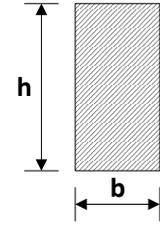
الميكانيك التطبيقية: (12 نقطة)

النشاط الأول: دراسة رافدة (07 نقاط):

رافدة مستندة على مسندين أحدهما بسيط (A) والآخر مزدوج (B) وخاضعة لمجموعة من القوى (الشكل رقم 01)



الشكل رقم 01



مقطع الرافدة

المطلوب :

- 1) أحسب ردود الأفعال عند المسندين (A) و (B).
- 2) أكتب معادلات الجهد القاطع (T) و عزم الانحناء (M<sub>f</sub>) على طول الرافدة.
- 3) أرسم منحني الجهد القاطع T وعزم الانحناء M<sub>f</sub>.
- 4) استنتج عزم الانحناء الأعظمي M<sub>fmax</sub> و الجهد القاطع الأعظمي T<sub>max</sub>.
- 5) بفرض أن الرافدة متجانسة و M<sub>fmax</sub> = 50 kN.m ، أحسب أبعاد مقطع الرافدة (b;h) علما أن:  $\bar{\sigma} = 300 \text{ daN/cm}^2$  و  $b = \frac{1}{2}h$ .
- 6) تحقق من شرط المقاومة الثاني علما أن الإجهاد المماسي المسموح به هو  $\bar{\tau} = 20 \text{ daN/cm}^2$

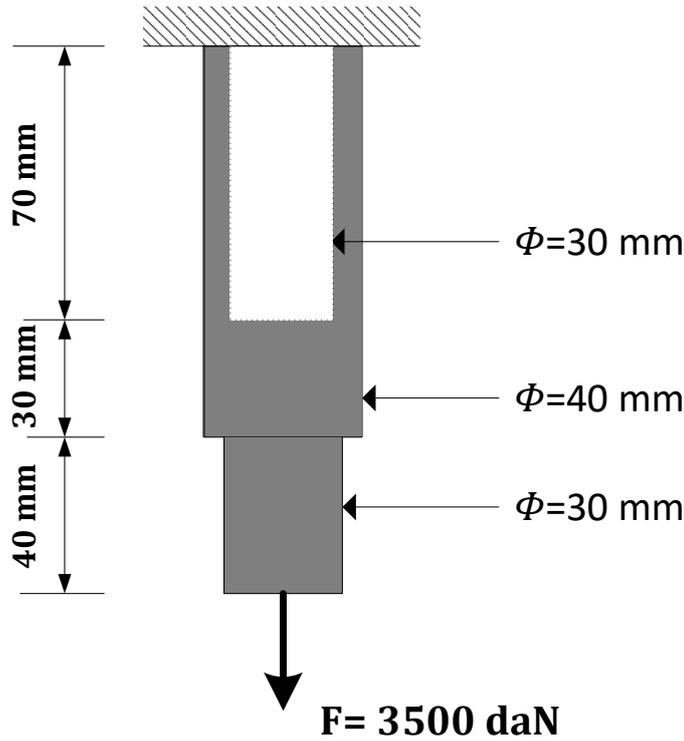
النشاط الثاني : دراسة قضيب من الفولاذ (05 نقاط)

قضيب من الفولاذ تحت تأثير قوة محورية كما يوضحه الشكل رقم 02

يعطى: - معامل المرونة الطولي للفولاذ  $E = 2 \times 10^6 \text{ daN/cm}^2$

- جزء من القضيب مجوف و مساحة مقطعه غير ثابتة .  
العمل المطلوب:

- 1) حدد قيمة الجهد الناظمي  $N$  ثم أوجد قيمة الإجهاد الناظمي  $(\sigma)$  والتشوه المطلق  $(\Delta L)$  في مختلف مقاطع القضيب.
- 2) أحسب التشوه المطلق الكلي  $(\Delta L)$  واستنتج طبيعة تشوّهه.
- 3) أنشئ مخطط الإجهاد الناظمي  $(\sigma)$  على طول القضيب.

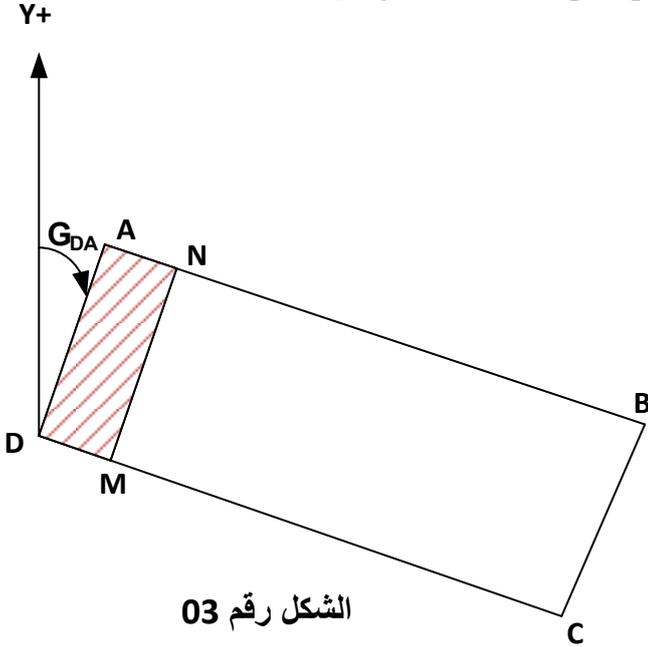


الشكل رقم 02

**البناء: (08 نقاط)**

**النشاط الأول : المساحات (3.5 نقاط)**

قطعة أرض  $ABCD$  رباعية الشكل و  $M$  نقطة تنتمي إلى القطعة  $[DC]$  كما هو موضح في الشكل رقم 04 :



النقاط	X(m)	Y(m)
B	80.00	1.50
C	69.00	-24.00
D	0.00	0.00

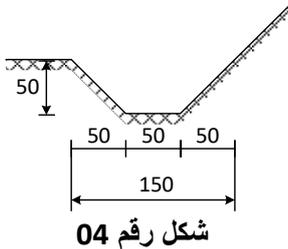
يعطى:  $G_{DA} = 21.00\text{gr}$  ,  $L_{DA} = 26.85\text{m}$

الشكل رقم 03

**العمل المطلوب:**

1. أحسب السمات الإحداثي  $G_{DB}$  و  $G_{DC}$
2. أستنتج قيمة الزاويتين  $\widehat{ADB}$  و  $\widehat{BDC}$
3. أحسب المسافتين الأفقيتين:  $L_{DB}$  و  $L_{DC}$
4. تأكد بطريقة الإحداثيات القطبية أن مساحة القطعة الأرضية  $(ABCD)$  تساوي  $2021\text{m}^2$
5. أراد مالك هذه القطعة إقتطاع الجزء  $(ADMN)$  ليهبه للمدرسة القرآنية المجاورة له
  - استنتج السمت الإحداثي  $G_{DM}$
  - إذا علمت أن  $L_{DM} = 10\text{m}$  أحسب إحداثيات  $M$

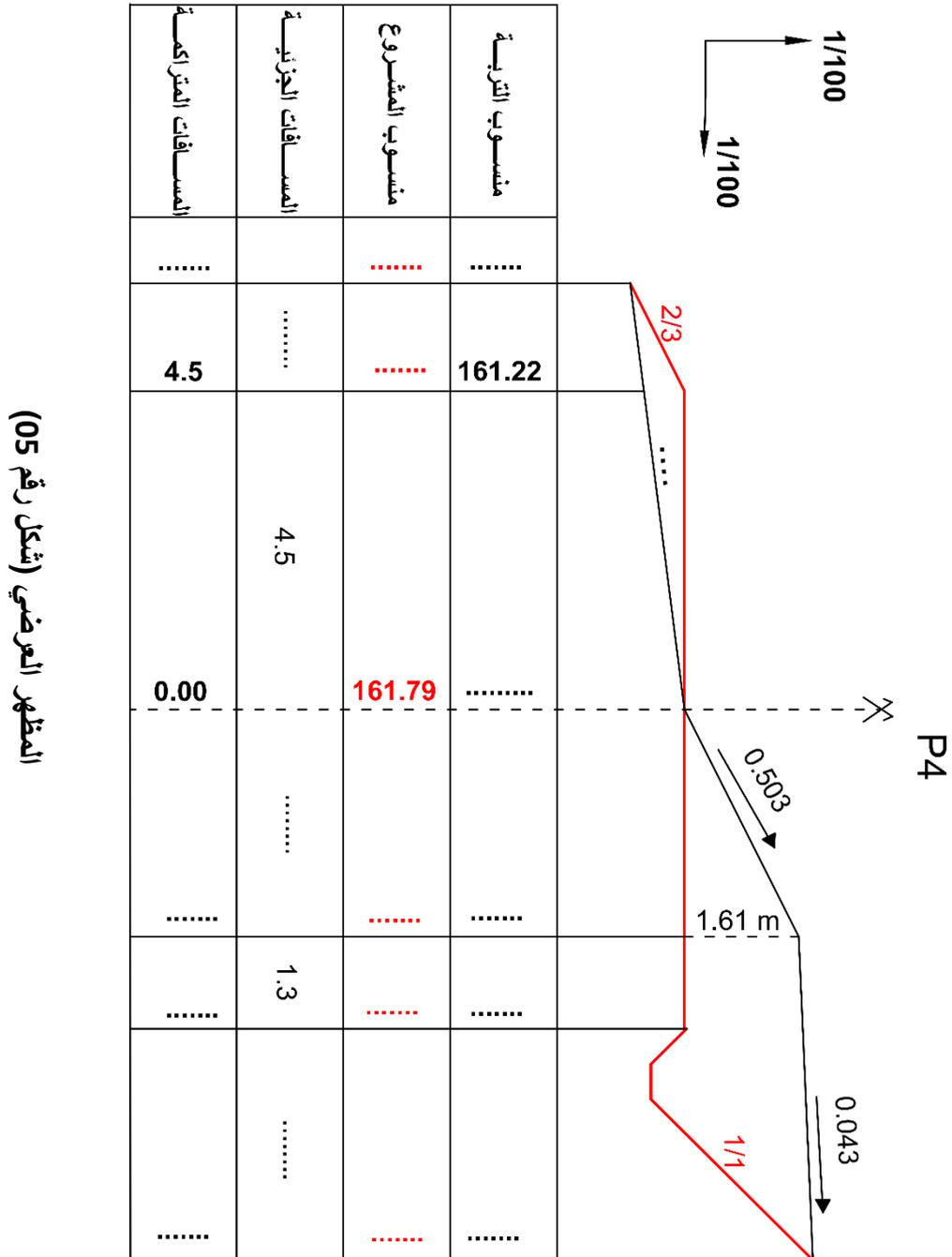
**النشاط الثاني : الطرق (4.5 نقاط)**



- 1) ماهو الهدف من إنجاز المقاطع العرضية
- 2) أذكر خصائص المظهر الطولي
- 3) كيف نسمي العنصر الموضح بالشكل رقم 04 ؟ وماهو دوره؟
- 4) أتمم بيانات المظهر العرضي P4 المبين في الشكل رقم 03 (صفحة 4 من 8)

(تعاد الوثيقة صفحة 4 من 8 مع أوراق الإجابة)

ملاحظة: تعاد هذه الوثيقة مع أوراق الإجابة



انتهى الموضوع الأول

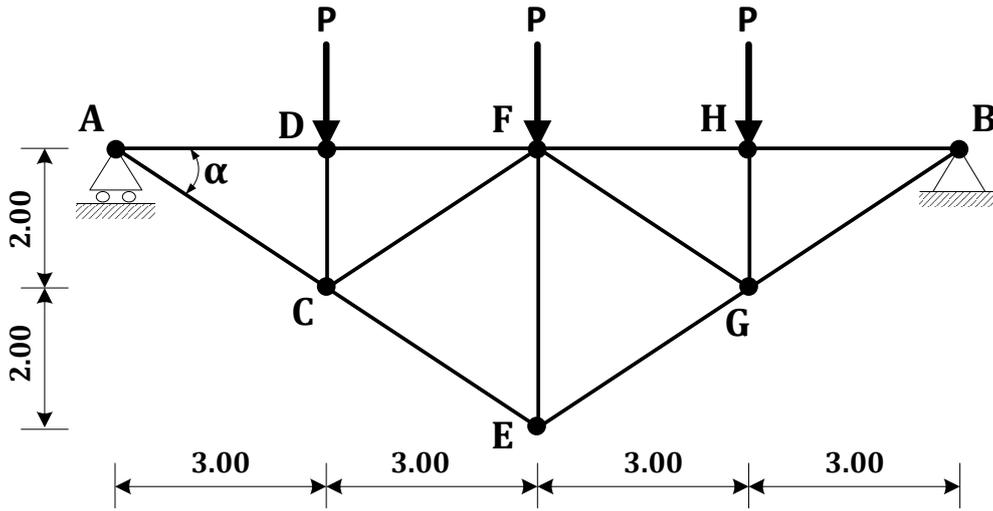
## الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع على (04) صفحات (من الصفحة 5 من 8 إلى الصفحة 8 من 8)

الميكانيك التطبيقية: (12 نقطة)

النشاط الأول: نظام مثلثي (07 نقاط):

ليكن النظام المثلثي الموضح في الشكل رقم 01 حيث (A) مسند بسيط و (B) مسند مضاعف



تعطى:

$$\begin{cases} \cos \alpha = 0.832 \\ \sin \alpha = 0.555 \end{cases}$$

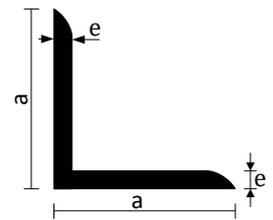
$$P = 30 \text{ kN}$$

الشكل رقم 01

العمل المطلوب:

- 1) تأكد من أن النظام محدد سكونيا.
  - 2) أحسب ردود الأفعال عند المسندين A و B
  - 3) أوجد الجهود الداخلية في القضبان باستعمال الطريقة التحليلية مبينا طبيعتها ثم دون النتائج في جدول.
  - 4) استخرج من الجدول المرفق المجنب اللازم والكافي للمقاومة إذا علمت أن:  $N_{max} = 81.08 \text{ kN}$  و الإجهاد الأقصى المسموح به هو:  $\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN/cm}^2$  وأن مقطعه العرضي عبارة عن مجنب زاوي مضاعف
  - 5) أحسب التشوه المطلق ( $\Delta L$ ) للقضيب AC مع ذكر طبيعة التشوه، علما ان معامل المرونة الطولي لهذا القضيب هو  $E = 2.1 \times 10^6 \text{ daN/cm}^2$
- جدول خصائص مجنب الزاوية:

مقياس المقاومة	عزم العطالة	مساحة المقطع	سمك الجناح	عرض الجناح	التسمية
$W_{/xx'}$ ( $\text{cm}^3$ )	$I_{/xx'}$	$A(\text{cm}^2)$	$e$ (mm)	$a$ (mm)	$L(a \times a \times e)$
1.06	2.66	2.35	3.5	35	$(35 \times 35 \times 3.5)$
1.55	4.47	3.08	4	40	$(40 \times 40 \times 4)$
3.05	10.96	4.80	5	50	$(50 \times 50 \times 5)$
5.29	22.79	6.91	6	60	$(60 \times 60 \times 6)$
4.81	42.30	9.40	7	70	$(70 \times 70 \times 7)$



النشاط الثاني: تسليح شداد (04 نقاط)

لدينا شداد (tirant) من الخرسانة المسلحة ذو مقطع مربع  $(30 \times 30) \text{cm}^2$

المعطيات:

$$Q = 80 \text{ kN}; G = 140 \text{ kN}; f_{c28} = 25 \text{ MPA}$$

الفولاذ من النوع HAFee400 ،  $\eta = 1.6$  ،  $f_e = 400 \text{ MPa}$  ،  $\gamma_s = 1.15$  ، حالة التشققات ضارة.

المطلوب:

- (1) احسب مقطع التسليح الطولي للشداد.
- (2) تحقق من شرط عدم الهشاشة.
- (3) اقترح رسما لمقطع تسليح الشداد.

تعطى العلاقات التالية:

$$A_s = \max\{A_U; A_{ser}\} \quad ; \quad A_U = \frac{N_U}{f_{su}} \quad ; \quad A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}}$$

$$N_U = 1.35G + 1.5Q \quad ; \quad N_{ser} = G + Q$$

$$\bar{\sigma}_s = \min\left\{\frac{2}{3}f_e; 110\sqrt{\eta \cdot f_{t28}}\right\} \quad ; \quad f_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s}$$

$$f_{t28} = 0.6 + 0.06f_{c28} \quad ; \quad A_s \cdot f_e \geq B \cdot f_{t28}$$

جدول التسليح

المقطع بوحدة $\text{cm}^2$ لعدد من القضبان يساوي:							القطر (mm)
8	7	6	5	4	3	2	
6.283	5.498	4.712	3.927	3.142	2.356	1.571	10
9.048	7.917	6.786	5.655	4.524	3.393	2.262	12
12.315	10.776	9.236	7.697	6.158	4.618	3.079	14
16.085	14.074	12.064	10.053	8.042	6.032	4.021	16
25.133	21.991	18.850	15.708	12.566	9.425	6.283	20
39.270	34.361	29.452	24.544	19.635	14.726	9.817	25

## البناء: (08 نقاط)

### النشاط الأول: المظهر الطولي (04 نقاط)

يعطى المظهر الطولي لمشروع طريق يمتد من المقطع P1 إلى P7 الشكل رقم 03 (صفحة 8 من 8)

المطلوب:

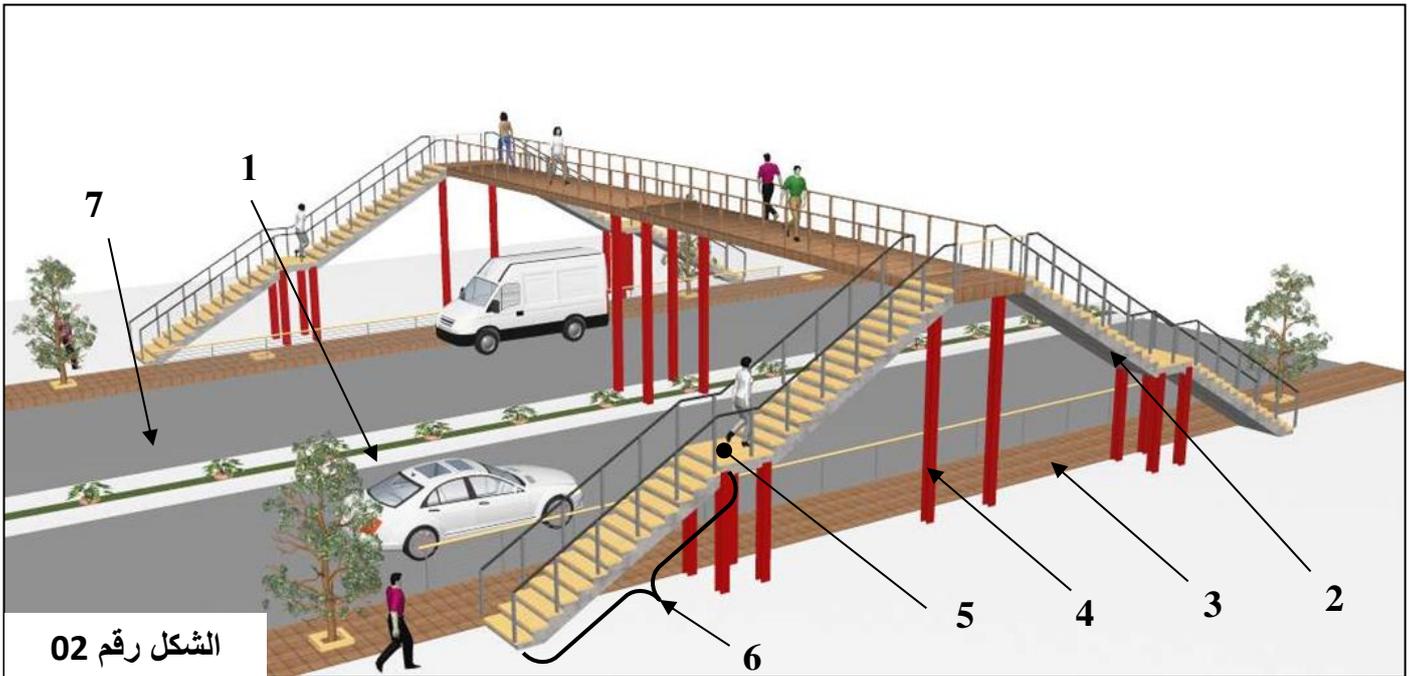
- 1) أتم رسم المظهر الطولي .
- 2) أتم ملء بيانات جدول المظهر الطولي المرسوم على الوثيقة المرفقة (صفحة 8 من 8).
- 3) أحسب المسافات التي تحدد وضعية المظهر الوهمي PF.

### النشاط الثاني: (04 نقاط)

يمثل الشكل رقم 02 منظور لمشروع يحتوي على ثلاثة أجزاء: طريق ، جسر عبارة (ممر الراجلين) ومدرج.

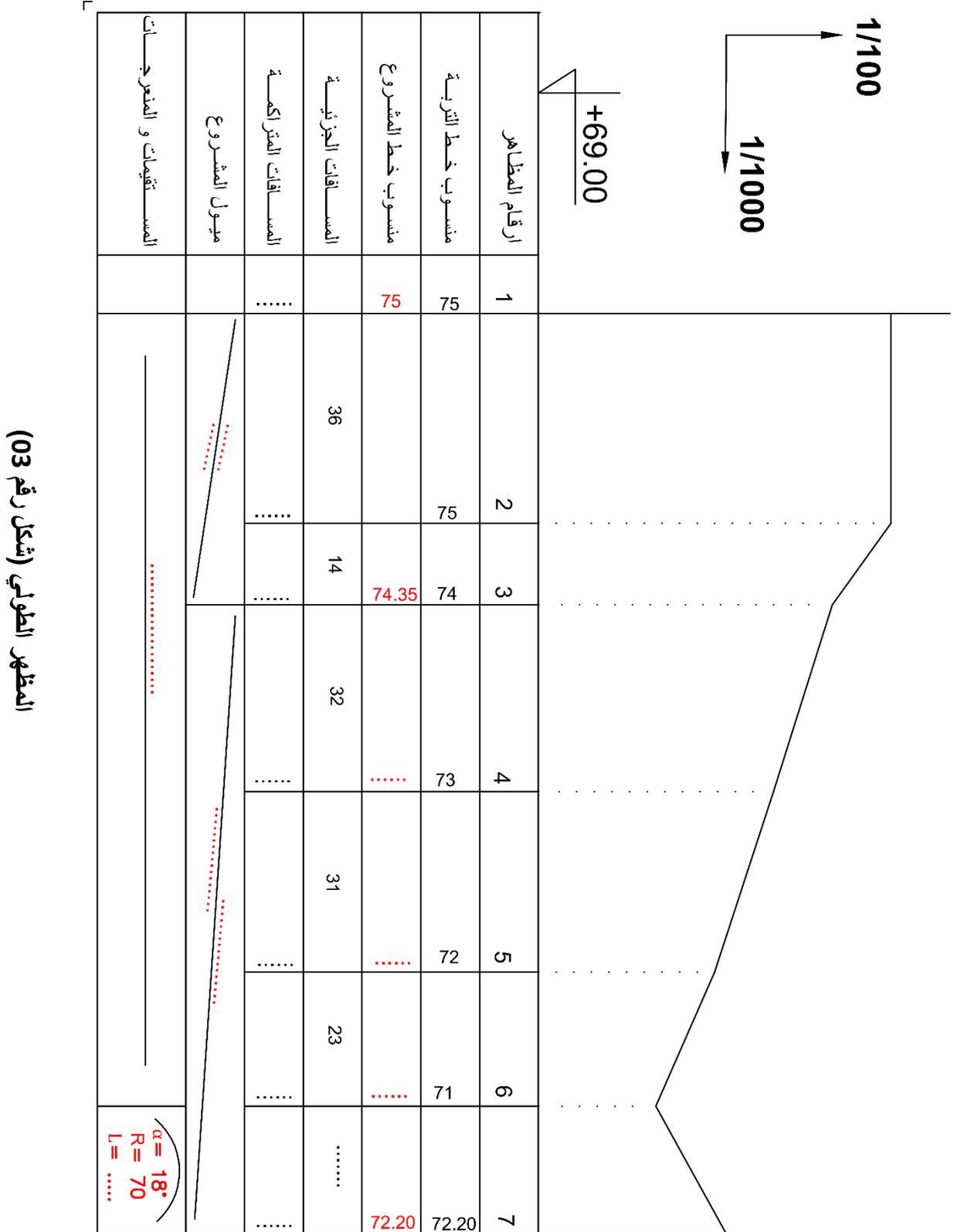
العمل المطلوب:

- 1) ما نوع المدرج المستعمل في هذا المشروع وما دوره؟
- 2) سم العناصر المشار إليها بالأرقام من 1 إلى 7 .
- 3) أذكر دور العنصر رقم 4.
- 4) ما الفرق بين العنصر 2 والعنصر 6
- 5) إذا علمت أن عرض النائمة  $g = 30 \text{ cm}$  وطول الخطوة المتوسطة هو  $64 \text{ cm}$ 
  - أحسب ارتفاع القائمة  $h$  .
  - استنتج عدد الدرجات اللازمة للصعود إلى سطح الجسر بمستوى  $+5.50$  انطلاقا من المستوى  $+0.40$

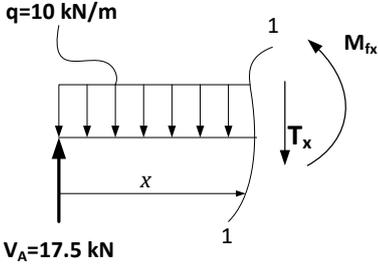
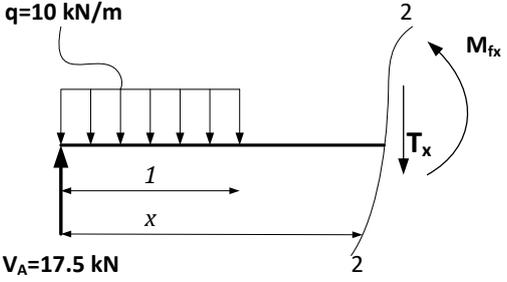
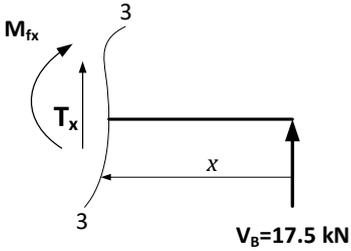


الشكل رقم 02

ملاحظة: تعاد هذه الوثيقة مع أوراق الإجابة



انتهى الموضوع الثاني

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	مجزأة	
		<p>الميكانيك المطبقة (12 نقطة) النشاط الأول: (07 نقاط) <b>(1) حساب ردود الأفعال:</b></p> <p><math>\Sigma F_{/X} = 0 \Rightarrow H_B = 0</math>  <math>\Sigma M_{/A} = 0 \Rightarrow V_B = 17.5 \text{ KN}</math>  <math>\Sigma M_{/B} = 0 \Rightarrow V_A = 32.5 \text{ KN}</math>  <math>\Sigma F_{/Y} = 0 \Rightarrow V_A + V_B = 32.5 + 17.5 - 50 = 0</math> محققة</p> <p><b>(2) كتابة معادلات الجهد القاطع <math>T</math> وعزم الإحناء <math>M_f</math>:</b>  <b>المقطع 1-1: <math>0 \leq x \leq 1</math></b></p> <p><math>T(x) = -10x + 32.5</math>  <math>\Rightarrow T(0) = 32.5 \text{ kN}</math>  <math>T(1) = 22.5 \text{ kN}</math></p> <p><math>M_f(x) = -5x^2 + 32.5x</math>  <math>\Rightarrow M_f(0) = 0 \text{ kN.m}</math>  <math>M_f(1) = 27.5 \text{ kN.m}</math></p> <p><b>المقطع 2-2: <math>1 \leq x \leq 2</math></b></p> <p><math>T(x) = 22.5</math>  <math>\Rightarrow T(1) = 22.5 \text{ kN}</math>  <math>T(2) = 22.5 \text{ kN}</math></p> <p><math>M_f(x) = 22.5x + 5</math>  <math>\Rightarrow M_f(1) = 27.5 \text{ kN.m}</math>  <math>M_f(2) = 50 \text{ kN.m}</math></p> <p><b>المقطع 3-3: <math>1 \geq x \geq 0</math></b></p> <p><math>T(x) = -17.5</math>  <math>\Rightarrow T(1) = -17.5 \text{ kN}</math>  <math>T(2) = -17.5 \text{ kN}</math></p> <p><math>M_f(x) = 17.5x</math>  <math>\Rightarrow M_f(0) = 0 \text{ kN.m}</math>  <math>M_f(1) = 17.5 \text{ kN.m}</math></p>
0.25	0.25	
0.25	2x0.125	
0.25	0.25	
0.25	2x0.125	
0.25	0.25	
0.25	2x0.125	

المقطع 4-4:  $2 \geq x \geq 1 \leftarrow$

0.25  
2×0.125

$$T(x) = -17.5$$

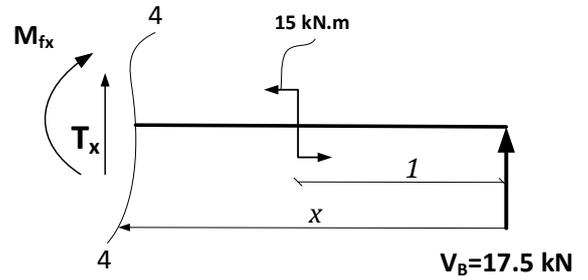
$$\Rightarrow T(1) = -17.5 \text{ kN}$$

$$T(2) = -17.5 \text{ kN}$$

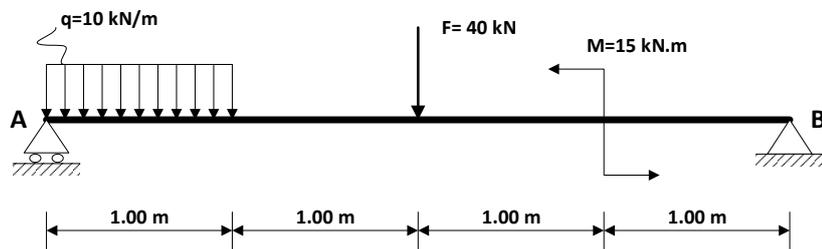
$$M_f(x) = 17.5x + 15$$

$$\Rightarrow M_f(1) = 32.5 \text{ kN.m}$$

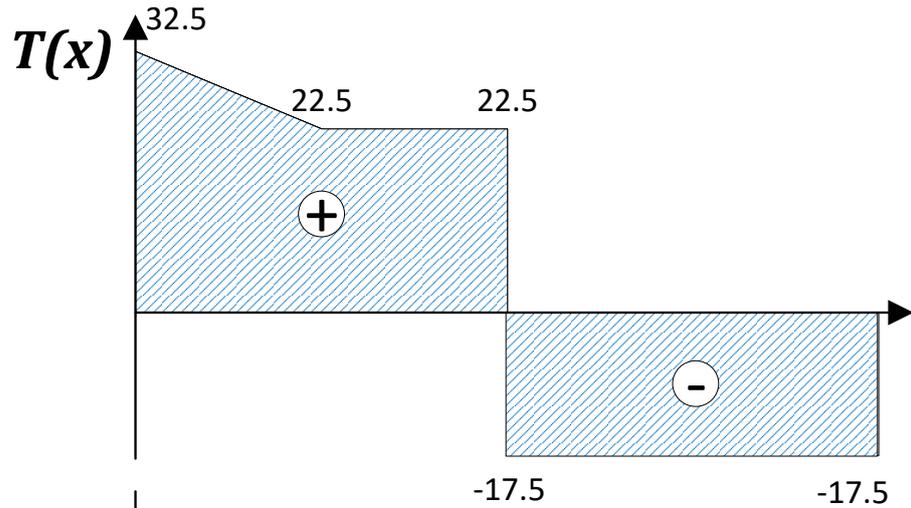
$$M_f(2) = 50 \text{ kN.m}$$



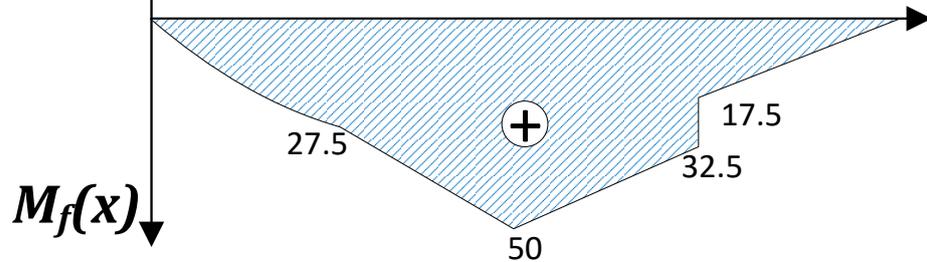
(3) رسم منحني الجهد القاطع وعزم الإنحناء:



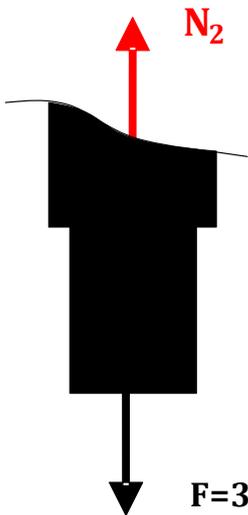
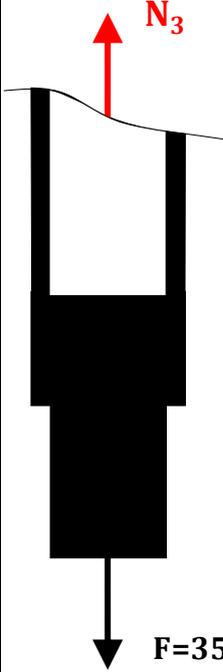
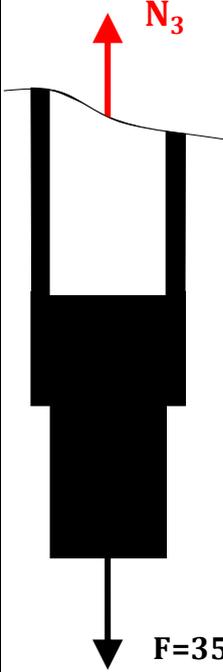
0.50

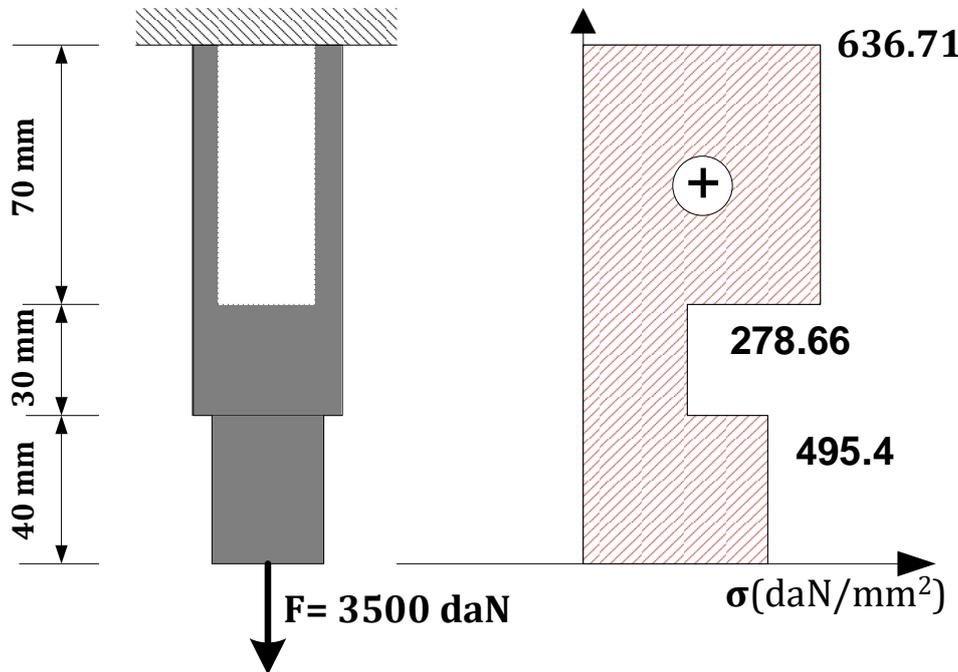


0.50



	<p>2×0.125</p> <p>0.25</p> <p>2×0.125</p> <p>0.25</p> <p>0.25</p>	<p>(4) استنتاج قيمة <math>T_{max}</math> و <math>M_{fmax}</math> :</p> $T_{max} = 32.5 \text{ kN}, \quad M_{fmax} = 50 \text{ kN.m}$ <p>(5) حساب أبعاد المقطع:</p> $\sigma_{max} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{M_{fmax}}{I_{xx'}} \times y_{max} \leq \bar{\sigma}$ $\frac{6 \times 50 \times 10^4}{bh^2} = \frac{6 \times 50 \times 10^4}{b(2b)^2} \leq 300 \Rightarrow$ $b \geq \sqrt[3]{\frac{6 \times 50 \times 10^4}{4 \times 300}} = 13.57 \text{ cm}$ <p>نضع: <math>b = 15 \text{ cm}</math> ومنه <math>h = 2 \times 15 = 30 \text{ cm}</math></p> <p>(6) التحقق من شرط المقاومة الثاني: <math>\tau_{max} \leq \bar{\tau}</math></p> $\tau_{max} = k \frac{T_{max}}{S} = \frac{3}{2} \times \frac{32.5 \times 100}{15 \times 30} = 10.83 \leq 20 \text{ daN/cm}^2$ <p>(محققة) <math>\tau_{max} \leq \bar{\tau}</math></p>
<p>07</p>	<p>0.25</p> <p>0.25</p> <p>0.25</p> <p>0.25</p>	<p><u>النشاط الثاني: (05 نقاط)</u></p> <p>(1) حساب الجهد الناظمي N والإجهاد الناظمي والتشوه المطلق في كل مقطع:</p> <p>• المقطع 1-1: <math>0 \leq y \leq 40 \text{ cm}</math></p> <p>الجهد:</p> $\Sigma F_{/y} = 0 \Rightarrow N_1 - F = 0$ $N_1 = F = 3500 \text{ daN}$ <p>الإجهاد:</p> $\sigma_1 = \frac{N_1}{S_1} ; \quad S_1 = ?$ $S_1 = \frac{\pi \times D^2}{4} = \frac{\pi \times 3^2}{4} = 7.065 \text{ cm}^2$ $\sigma_1 = \frac{3500}{7.065} = 495.4 \text{ daN/cm}^2$

0.25		التشوّه:
	$\Delta L_1 = \frac{N_1 \times L_1}{E \times S_1} = \frac{3500 \times 4}{2 \times 10^6 \times 7.065} = 0.00099 \text{ cm}$	
	<p>• المقطع 2-2: <math>40 \leq y \leq 70 \text{ cm}</math></p>	
0.25		الجهّد:
	$\Sigma F_{/y} = 0 \Rightarrow N_2 - F = 0$ $N_2 = F = 3500 \text{ daN}$	
0.25		الإجهاد:
0.25	$\sigma_2 = \frac{N_2}{S_2} ; S_2 = ?$	
0.25	$S_2 = \frac{\pi \times D^2}{4} = \frac{\pi \times 4^2}{4} = 12.56 \text{ cm}^2$	
0.25	$\sigma_2 = \frac{3500}{12.56} = 278.66 \text{ daN/cm}^2$	
		التشوّه:
0.25	$\Delta L_2 = \frac{N_2 \times L_2}{E \times S_2} = \frac{3500 \times 3}{2 \times 10^6 \times 12.56} = 0.00042 \text{ mm}$	
	<p>• المقطع 3-3: <math>70 \leq y \leq 140 \text{ cm}</math></p>	
0.25		الجهّد:
	$\Sigma F_{/y} = 0 \Rightarrow N_3 - F = 0$ $N_3 = F = 3500 \text{ daN}$	
0.25		الإجهاد:
0.25	$\sigma_3 = \frac{N_3}{S_3} ; S_3 = ?$	
0.25	$S_3 = \frac{\pi \times (D^2 - D'^2)}{4} = \frac{\pi \times 7}{4} = 5.497 \text{ cm}^2$	
0.25	$\sigma_3 = \frac{3500}{5.497} = 636.71 \text{ daN/cm}^2$	
		التشوّه:
0.25	$\Delta L_3 = \frac{N_3 \times L_3}{E \times S_3} = \frac{3500 \times 7}{2 \times 10^6 \times 5.497} = 0.00223 \text{ cm}$	
	<p>(2) حساب التشوّه المطلق الكلي للقضيب:</p>	
0.25	$\Delta L = \Delta L_1 + \Delta L_2 + \Delta L_3 = 0.00099 + 0.00042 + 0.00223$ $\Delta L = 0.00364 \text{ mm}$	

<p>0.25</p> <p>0.75</p>	<p>0.25</p> <p>0.75</p>	<p>• طبيعة التشوه: تمدد</p> <p>(3) مخطط الإجهاد الناظمي <math>\sigma</math>:</p> 
<p>05</p> <p>0.125</p> <p>0.125</p> <p>0.25</p> <p>0.25</p> <p>0.125</p> <p>0.125</p>	<p>0.125</p> <p>0.125</p> <p>0.25</p> <p>0.25</p> <p>0.125</p> <p>0.125</p>	<p>البناء: (08 نقاط)</p> <p>النشاط الأول: (05 نقاط)</p> <p>(1) حساب السمت <math>G_{DB}</math> و <math>G_{DC}</math>:</p> <p>• حساب السمت <math>G_{DB}</math>:</p> <p>✓ حساب فروق الفواصل والتراتب:</p> $\left. \begin{aligned} \Delta X_{DB} &= X_B - X_D = 80 > 0 \\ \Delta Y_{DB} &= X_B - X_D = 1.5 > 0 \end{aligned} \right\} G_{DB} = g$ <p>✓ حساب السمت المختصر (g):</p> $g = \tan^{-1} \left( \frac{\Delta X_{DB}}{\Delta Y_{DB}} \right) = 98.80 \text{ gr}$ $G_{DB} = g = 98.80 \text{ gr}$ <p>• حساب السمت <math>G_{DC}</math>:</p> <p>✓ حساب فروق الفواصل والتراتب:</p> $\left. \begin{aligned} \Delta X_{DC} &= X_C - X_D = 69 > 0 \\ \Delta Y_{DC} &= X_C - X_D = -24 < 0 \end{aligned} \right\} G_{DC} = 200 - g$

		<p>✓ <u>حساب السميت المختصر (g):</u></p>
0.25		$g = \tan^{-1}\left(\frac{\Delta X_{DC}}{\Delta Y_{DC}}\right) = 78.69 \text{ gr}$
0.25		$G_{DB} = 200 - g = 200 - 78.68 = 121.31 \text{ gr}$
		(2) <u>استنتاج قيمة الزاويتين <math>\widehat{ADB}</math> و <math>\widehat{BDC}</math>:</u>
0.125		$\widehat{ADB} = \widehat{GDB} - \widehat{GDA} = 98.80 - 21.00 = 77.80 \text{ gr}$
0.125		$\widehat{BDC} = \widehat{GDC} - \widehat{GDB} = 121.31 - 98.80 = 22.51 \text{ gr}$
		(3) <u>حساب المسافتين الأفقيتين <math>L_{DC}</math> و <math>L_{DB}</math>:</u>
0.5		$L_{DB} = \sqrt{X_{DB}^2 + Y_{DB}^2} = 80.01 \text{ m}$
0.5		$L_{DC} = \sqrt{X_{DC}^2 + Y_{DC}^2} = 73.05 \text{ m}$
		(4) <u>التأكد أن مساحة القطعة الأرضية (ABCD) هي <math>2021 \text{ m}^2</math></u>
0.25		$S_{ABCD} = \frac{1}{2} \{ L_{DA} \times L_{DB} \sin(\widehat{ADB}) + L_{DC} \times L_{DB} \sin(\widehat{BDC}) \}$
		$S_{ABCD} = \frac{1}{2} \{ 26.85 \times 80.00 \sin(77.80) + 73.05 \times 80.01 \sin(22.51) \}$
0.25		$S_{ABCD} = 2021 \text{ m}^2$ محققة
		(5) <u>استنتاج السميت الإحداثي <math>G_{DM}</math> وحساب إحداثيات النقطة <math>M</math>:</u>
		• <u>استنتاج السميت الإحداثي <math>G_{DM}</math>:</u>
0.25		$G_{DM} = G_{DC} = 121.31 \text{ gr}$
		• <u>حساب إحداثيات النقطة <math>M</math>:</u>
0.25		$X_M = X_D + L_{DM} \sin(G_{DM}) = 0 + 10 \sin(121.31) = 9.44 \text{ m}$
0.25		$Y_M = Y_D + L_{DM} \cos(G_{DM}) = 0 + 10 \cos(121.31) = -3.28 \text{ m}$
04		

**النشاط الثاني: (04 نقاط)**

0.50

(1) الهدف من انجاز المظاهر العرضية هو تحديد كميات تربة الحفر والردم  
(2) خصائص المظهر الطولي هي:

0.25

- يستجيب لضرورة توافق تضاريس الميدان الطبيعي

0.25

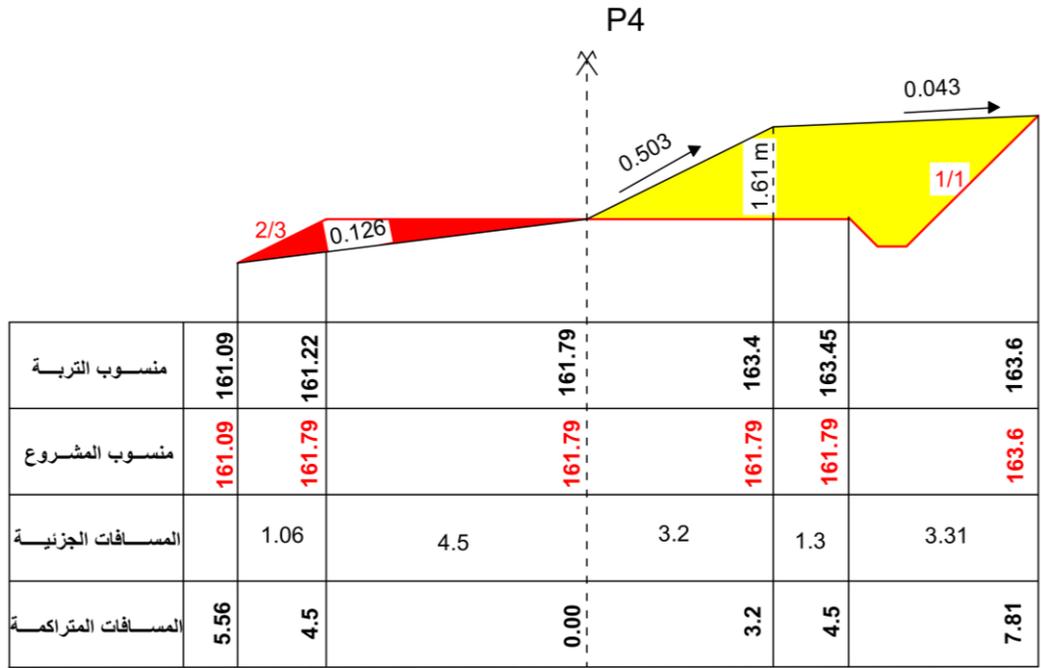
- يستجيب لضرورة سيلان مياه الأمطار

0.25

(3) العنصر الموضح بالشكل رقم 05 هو "خندق أو الصارف"

0.50

• يتمثل دوره في تصريف المياه المنزقة من المنحدرات و سطح القارعة  
(4) إكمال بيانات المظهر العرضي:



18×0.125

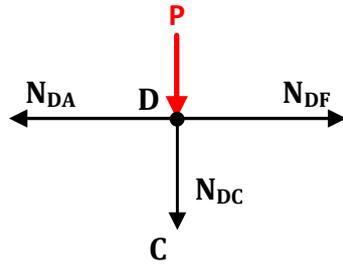
04

20.00

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	مجزأة	
	0.50	<p>الميكانيك المطبقة (12 نقطة) النشاط الأول: (07 نقاط) (1) التأكد أن النظام محدد سكونيا:</p> $n = 8 \rightarrow 2n - 3 = 13 \left. \vphantom{n = 8} \right\} \begin{array}{l} \text{محقة } b = 2n - 3 \\ b = 13 \end{array}$ <p>ومنه النظام متوازن داخليا ومحدد سكونيا. (2) حساب ردود الأفعال في المسندين:</p>
0.25		$\Sigma F_{/x} = 0 \Rightarrow -H_B = 0$ $\Rightarrow H_B = 0$
0.50		$\Sigma F_{/y} = 0 \Rightarrow V_A + V_B - 3P = 0$
0.50		$\Sigma M_{/A} = 0 \Rightarrow V_B = 45 \text{ kN}$ $\Sigma M_{/B} = 0 \Rightarrow V_A = 45 \text{ kN}$ $V_A + V_B = 90 \text{ kN} \dots \text{ محقة}$
		<p>(3) حساب الجهود الداخلية في القضبان: • عزل العقدة A:</p>
0.25		$\begin{cases} \Sigma F_{/y} = 0 \Rightarrow V_A + N_{AC} \sin \alpha = 0 \\ \Sigma F_{/x} = 0 \Rightarrow N_{AD} + N_{AC} \cos \alpha = 0 \end{cases}$
0.25		$\Rightarrow \begin{cases} N_{AC} = 81.08 \text{ kN} \\ N_{AD} = -67.45 \text{ kN} \end{cases}$

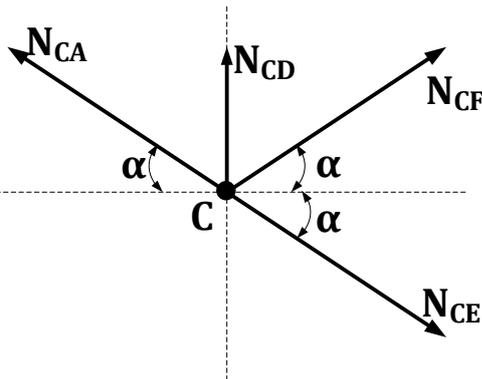
• عزل العقدة D:

0.25  
0.25



$$\begin{cases} \Sigma F_{/y} = 0 \Rightarrow -P - N_{DC} = 0 \\ \Sigma F_{/x} = 0 \Rightarrow N_{DA} - N_{DF} = 0 \\ N_{DC} = P = -30 \text{ kN} \\ N_{DC} = N_{DF} = -67.45 \text{ kN} \end{cases}$$

• عزل العقدة C:



$$\begin{cases} \Sigma F_{/y} = 0 \Rightarrow N_{CD} + N_{CA} \sin \alpha + N_{CF} \sin \alpha - N_{CE} \sin \alpha = 0 \\ \Sigma F_{/x} = 0 \Rightarrow -N_{CA} \cos \alpha + N_{CF} \cos \alpha + N_{CE} \cos \alpha = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -30 + 81.08 \times 0.555 + N_{CF} \sin \alpha - N_{CE} \sin \alpha = 0 \\ -81.08 \times 0.832 + N_{CF} \cos \alpha + N_{CE} \cos \alpha = 0 \end{cases}$$

نحل جملة المعادلتين:

0.25  
0.25

$$\begin{cases} N_{CF} \sin \alpha - N_{CE} \sin \alpha = -14.999 \\ N_{CF} \cos \alpha + N_{CE} \cos \alpha = 67.458 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} N_{CF} = 27 \text{ kN} \\ N_{CE} = 54.07 \text{ kN} \end{cases}$$

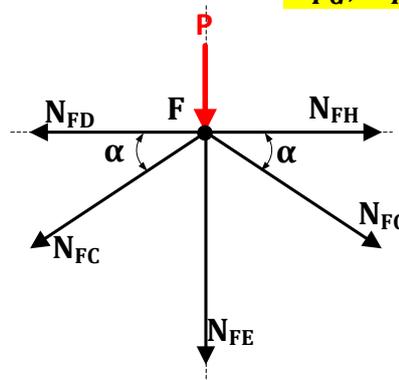
0.25

بما أن النظام المثلثي متناظر في الشكل وفي التحميل يمكن استنتاج الجهود الداخلية في

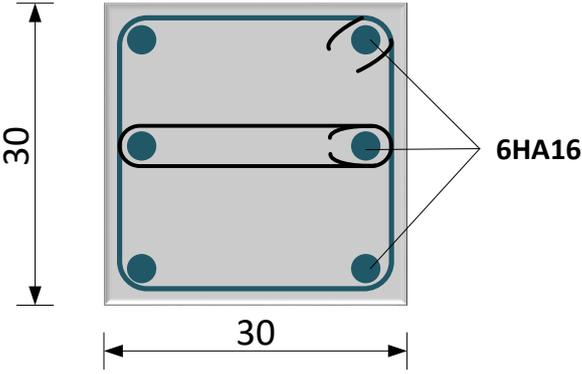
القضبان:  $N_{FG}, N_{FH}, N_{BG}, N_{BG}$

نحسب  $N_{FE}$ :

• عزل العقدة F:



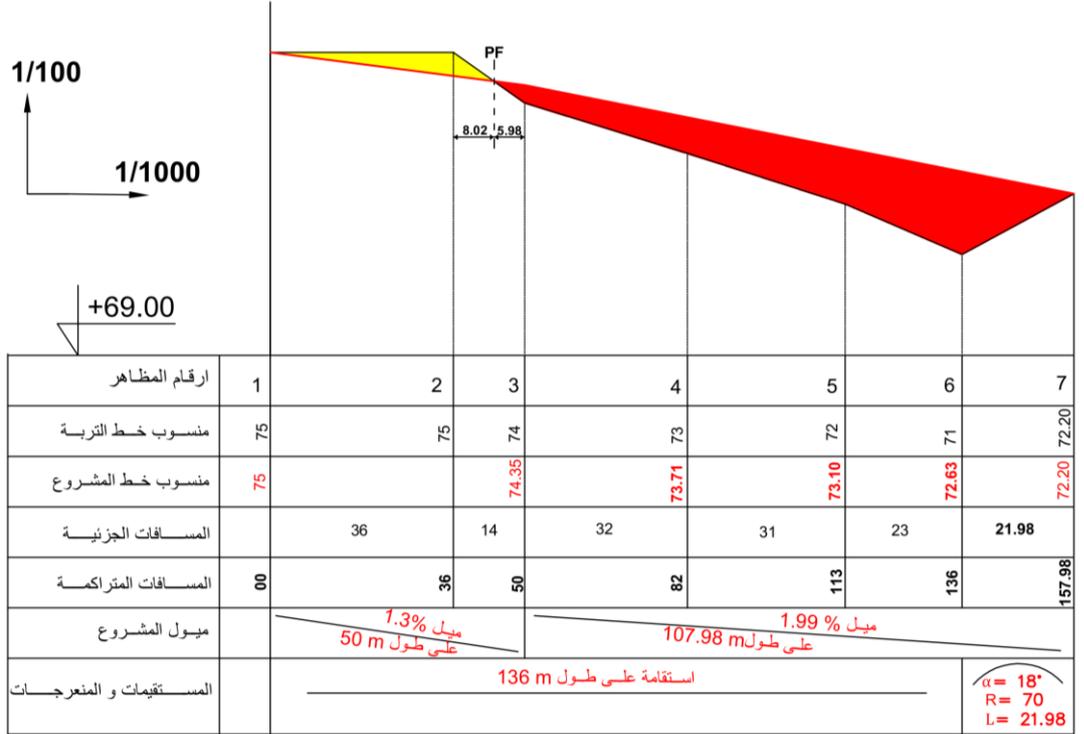
<p>0.25 0.25</p> <p>0.25×7</p>	<p><math>\Sigma F_{/y} = 0 \Rightarrow -P - N_{FE} - N_{FG} \sin \alpha - N_{FG} \sin \alpha = 0</math>  <math>\Rightarrow N_{FE} = -P - 2N_{FC} \sin \alpha</math>  <math>\Rightarrow N_{FE} = -30 - 2 \times 27 \times 0.555 = -60 \text{ kN}</math></p>	<p>• جدول النتائج:</p> <table border="1" data-bbox="767 483 1161 846"> <thead> <tr> <th>الطبيعة</th> <th>الشدة</th> <th>القضيب</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>انضغاط</td> <td>67.45</td> <td>AD; BH</td> </tr> <tr> <td>شد</td> <td>81.08</td> <td>AC; BG</td> </tr> <tr> <td>انضغاط</td> <td>30</td> <td>DC; HG</td> </tr> <tr> <td>انضغاط</td> <td>67.45</td> <td>DF; FH</td> </tr> <tr> <td>شد</td> <td>27</td> <td>FC; FG</td> </tr> <tr> <td>شد</td> <td>54.07</td> <td>CE; GE</td> </tr> <tr> <td>انضغاط</td> <td>60</td> <td>FE</td> </tr> </tbody> </table> <p>(4) تحديد المجنب اللازم والكافي: بتطبيق شرط المقاومة نجد:</p> <p><math>\sigma_{max} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{N_{max}}{2 \times S} \leq \bar{\sigma}</math>  <math>\Rightarrow S \geq \frac{81.08 \times 10^2}{2 \times 1600} = 2.53 \text{ cm}^2</math></p> <p>من خلال الجدول المجنب المناسب هو: <math>L(40 \times 40 \times 4)</math>  (5) حساب التشوه المطلق للقضيب AC:</p> <p><math>L_{AC} = \sqrt{3^2 + 2^2} = 3.61 \text{ m}</math>  <math>\Delta L_{AC} = \frac{N_{AC} \times L_{AC}}{E \times 2S} = \frac{81.08 \times 10^2 \times 3.61}{2.1 \times 10^6 \times 2 \times 3.08} = 0.226 \text{ cm}</math></p>	الطبيعة	الشدة	القضيب	انضغاط	67.45	AD; BH	شد	81.08	AC; BG	انضغاط	30	DC; HG	انضغاط	67.45	DF; FH	شد	27	FC; FG	شد	54.07	CE; GE	انضغاط	60	FE
الطبيعة	الشدة	القضيب																								
انضغاط	67.45	AD; BH																								
شد	81.08	AC; BG																								
انضغاط	30	DC; HG																								
انضغاط	67.45	DF; FH																								
شد	27	FC; FG																								
شد	54.07	CE; GE																								
انضغاط	60	FE																								
<p>07</p>	<p>0.25 0.25 0.50</p>	<p>النشاط الثاني: (05 نقاط)</p> <p>(1) حساب مقطع التسليح الطولي للشداد:</p> <p>• الحساب في الحد النهائي الأخير:</p> <p><math>N_U = 1.35G + 1.5Q = 0.309 \text{ MN}</math>  <math>f_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s} = \frac{400}{1.15} = 347.82 \text{ MPa}</math>  <math>A_U = \frac{N_U}{f_{su}} = \frac{0.309 \times 10^4}{347.82} = 8.88 \text{ cm}^2</math></p>																								

		<p>• الحساب في حالة الحد النهائي للتشغيل:</p> <p>0.25 <math>N_{ser} = G + Q = 0.08 + 0.140 = 0.22 \text{ MN}</math></p> <p>0.25 <math>f_{tj} = f_{t28} = 0.6 + 0.06f_{c28} = 2.1 \text{ MPa}</math></p> <p>0.25×2 <math>\left\{ \begin{array}{l} \frac{2}{3}f_e = 266.67 \text{ MPa} \\ 110\sqrt{\eta} \times f_{t28} = 201.63 \text{ MPa} \end{array} \right.</math></p> <p>0.50 <math>\bar{\sigma} = \min\{266.67; 201.63\} = 201.63 \text{ MPa}</math></p> <p>0.50 <math>A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}} = \frac{0.22 \times 10^4}{201.63} = 10.91 \text{ cm}^2</math></p> <p>• استنتاج مقطع التسليح:</p> <p>0.50 <math>A_s = \max\{A_U; A_{ser}\} = 10.91 \text{ cm}^2</math></p> <p>0.50 من الجدول نستعمل: 6 قضبان بقطر 16 mm (6HA16) حيث: <math>A=12.064 \text{ cm}^2</math></p> <p>(2) التحقق من شرط عدم الهشاشة:</p> <p>0.50 <math>\left. \begin{array}{l} 12.064 \times 400 = 4825.6 \\ 2.1 \times 30 \times 30 = 1890 \end{array} \right\} A \times f_e \geq B \times f_{tj} \text{ محققة}</math></p> <p>(3) الرسم المقترح لتسليح الشداد: (الشكل رقم 01)</p>
	0.50	 <p>الشكل رقم 01</p>
05		

البناء (08 نقاط)  
النشاط الأول: (04 نقاط)

2×0.50

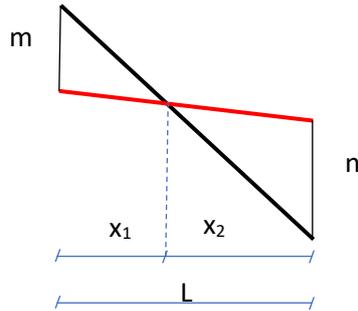
- (1) رسم المظهر الطولي: (الشكل رقم 02)  
(2) تكملة بيانات الجدول: (الشكل رقم 02)



4×0.125  
0.125  
7×0.125  
2×0.125  
2×0.125

الشكل رقم 02

- (3) حساب المسافات التي تحدد المظهر الوهمي:



$$x_1 = \frac{m \times L}{m + n} = 8.02 \text{ m}$$

$$x_2 = \frac{n \times L}{m + n} = 5.98 \text{ m}$$

0.50

0.50

النشاط الثاني: (04 نقاط)  
(1)

- نوع المدرج المستعمل: مستقيم ذو قلبتين على استقامة واحدة. 0.25
  - دوره: الانتقال من طابق إلى آخر في المبنى او الانتقال من مستوى إلى آخر في المنشأ 0.25
- (2) تسمية العناصر:

الرقم	اسم العنصر	الرقم	اسم العنصر
01	فراغ ترابي	05	فاصل الراحة
02	الحصيرة	06	القلبية
03	رصيف	07	طريق(قارعة طريق)
04	عمود(ركيزة)	/	/

7×0.25

- (3) دور العنصر 4: استقبال الحمولات وتحويلها إلى الأساس. 0.25
- (4) الفرق بين العنصر 2 والعنصر 6: 0.25
- الحصيرة بلاطة مائلة تحمل المدرج بينما القلبية فهي مجموعة الدرجات المحصورة بين فاصلين. 0.50
- (5) حساب ارتفاع القائمة وعدد الدرجات: 0.25
- حساب ارتفاع القائمة h : 0.25

$$2h + g = 64cm$$

$$h = \frac{(64 - g)}{2} = \frac{(64 - 30)}{2} = 17 cm$$

- استنتاج عدد الدرجات اللازمة للصعود إلى سطح الجسر: 0.25

$$H = 5.50 - 0.40 = 5.10 m$$

$$n = \frac{H}{h} = \frac{5.10}{1.7} = 30 .$$

07

20.00

## إمتحان البكالوريا التجريبي ( ماي 2021 )

المدة: 04 ساعات

القسم : 3 تقني رياضي (هندسة مدنية)

إختبار في مادة التكنولوجيا (هندسة مدنية)

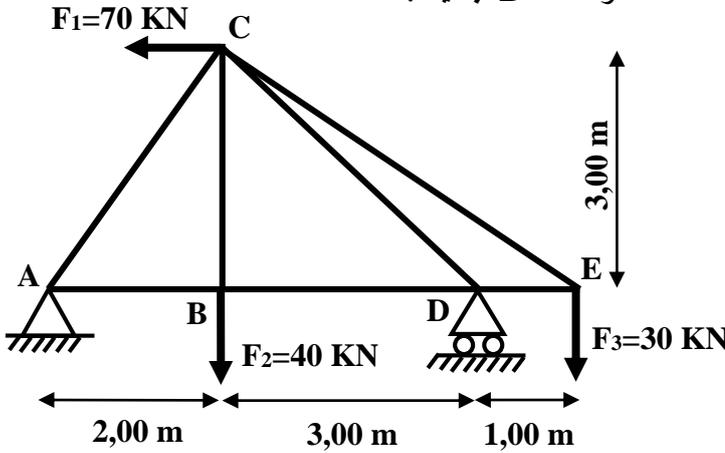
## الموضوع الأول:

يحتوي الموضوع الأول على (03) صفحات [من (الصفحة 1 من 6) إلى (الصفحة 3 من 6)]

## الميكانيك المطبقة : (12 نقطة)

## النشاط الأول : دراسة نظام مثلثي (06 نقاط)

- ليكن النظام المثلثي المبين في (الشكل 01) حيث المسند A مضاعف ، والمسند D بسيط . المقطع العرضي للقضبان عبارة عن مجنب زاوي مزدوج .



(الشكل 01)

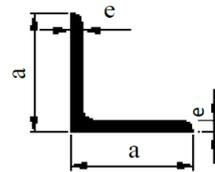
## المطلوب:

- 1) تأكد من أن النظام محدد سكونيا.
- 2) أحسب ردود الأفعال في المسندين A و D.
- 3) أحسب قيمة الجهود الداخلية في القضبان ، وعين طبيعتها مع وضع النتائج في جدول .
- 4) استخرج المجنب الزاوي المناسب من (الجدول 01) للقضيب الأكثر تحميلا وهو القضيب (AC)، علما أن :

الاجهاد المسموح به للفولاذ هو :  $\bar{\sigma} = 1400 \text{ daN} / \text{cm}^2$

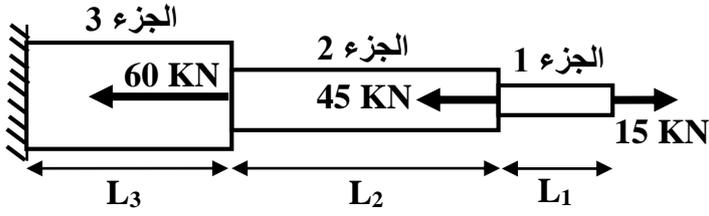
و  $|N_{AC}| = 72,12 \text{ KN}$

المجنب L	الأبعاد		المقطع (cm <sup>2</sup> )
	a (mm)	e (mm)	
(20x20x3)	20	3	1.12
(25x25x3)	25	3	1.42
(30x30x3)	30	3	1.74
(40x40x4)	40	4	3.08
(50x50x5)	50	5	4.80
(60x60x6)	60	6	6.91



(الجدول 01)

## النشاط الثاني : دراسة قضيب معدني (06 نقاط)

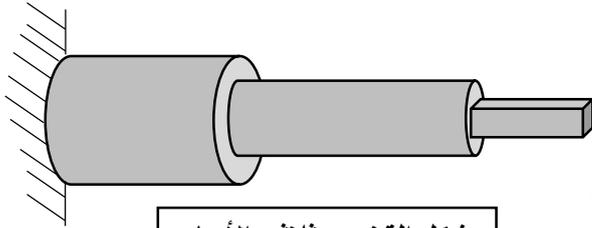


(الشكل 02)

المعطيات:

الأجزاء	الطول L (mm)	شكل المقطع العرضي	معامل المرونة الطولي (MPa)
الجزء 1	300	مربع ضلعه (10 mm)	E= 200 000
الجزء 2	1000	دائري قطره (20 mm)	
الجزء 3	700	دائري قطره (40 mm)	

(الجدول 02)



شكل القضيب ثلاثي الأبعاد

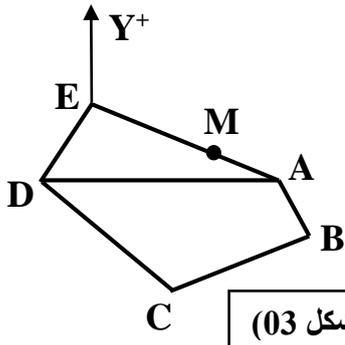
المطلوب:

- 1) في كل مقطع من مقاطع القضيب حدد قيمة كل من :  
الجهد الناظمي (N) ، الاجهاد الناظمي (σ) ، التشوه المطلق (ΔL) .
- 2) أحسب التشوه المطلق الكلي (ΔL) للقضيب واستنتج طبيعة تشوّهه .
- 3) أنشئ مخطط الاجهاد الناظمي (σ) على طول القضيب .

ملاحظة : تأخذ النتائج بعددتين بعد الفاصلة .

## البناء: (08 نقاط)

النشاط الأول : حساب المساحات (05 نقاط)  
لأجل توسيع قطعة أرض معرفة برؤوسها القائمة (ABCD) ، تم ضم الجزء (ADE) لاحظ (الشكل 03) .



(الشكل 03)

المعطيات:

احداثيات النقاط		
	X (m)	Y (m)
A	60	30
B	70	20
C	40	10
D	20	30

$$G_{EA} = 137,34 \text{ gr}$$

$$L_{EA} = 36,05 \text{ m}$$

(الجدول 03)

المطلوب:

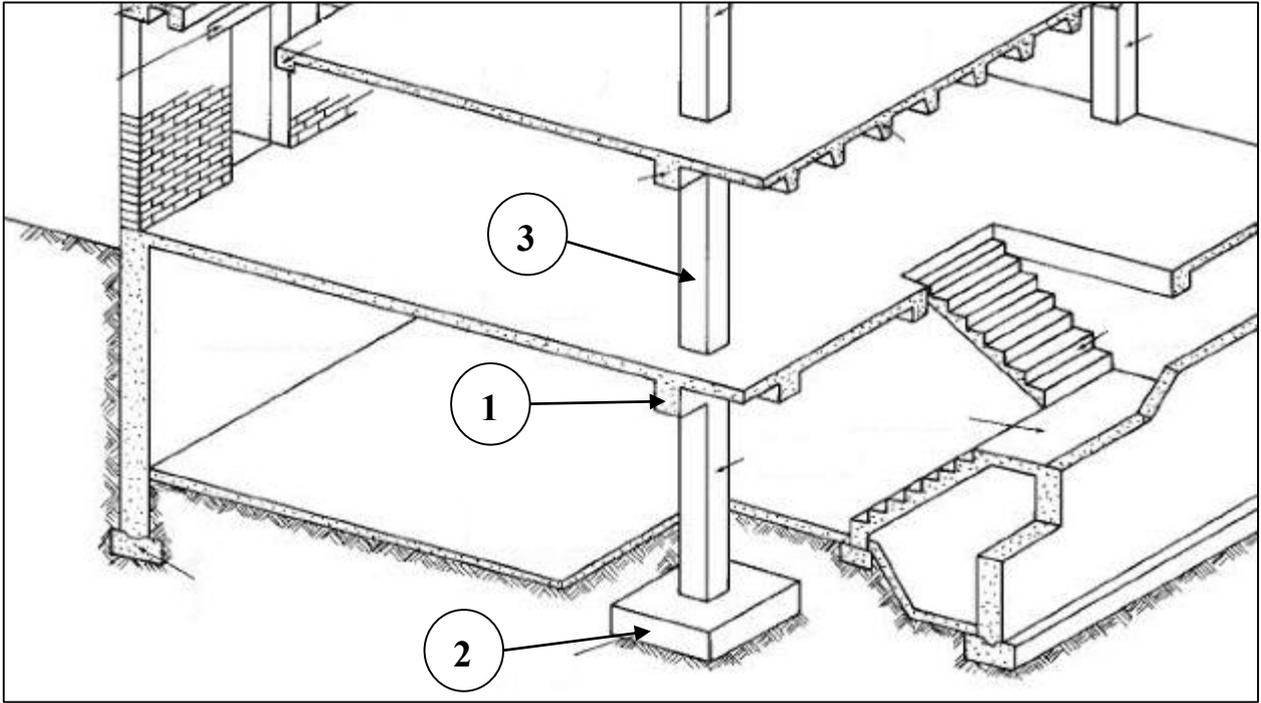
- 1) أحسب مساحة القطعة الأرضية (ABCD) باستعمال الإحداثيات القائمة.
- 2) أحسب السمات الإحداثية GED والطول LED ، حيث : E(30 m ; 50 m) .
- 3) أحسب احداثيات النقطة (M) التي تنتمي للقطعة المستقيمة [EA] حيث : (LEM = 24,02 m) .
- 4) أحسب مساحة الجزء (ADE) باستعمال الإحداثيات القطبية، وتأكد من كون المساحة الكلية (SABCDE=1000 m<sup>2</sup>) .

النشاط الثاني : دراسة بناية (03 نقاط)

يمثل (الشكل 04) مقطع من بناية سكنية .

المطلوب :

- (1) سمي العناصر المرقمة .
- (2) ما نوع العنصر (02) من حيث العمق .
- (3) إذا علمت أن ارتفاع كل طابق هو (2,88 m) ، وعدد درجات المدرج هو (16 درجة) :
  - أ - احسب ارتفاع القائمة للمدرج .
  - ب - احسب عرض النائمة للمدرج .



(الشكل 04)

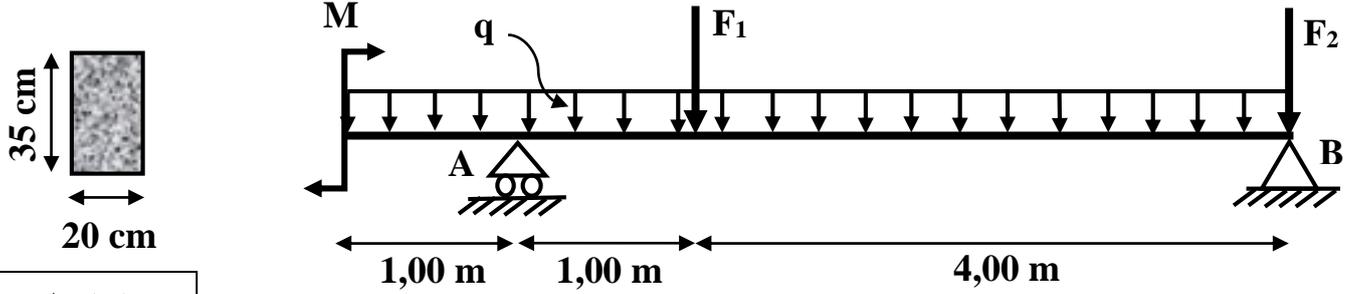
## الموضوع الثاني:

يحتوي الموضوع الثاني على (03) صفحات [من (الصفحة 4 من 6) إلى (الصفحة 6 من 6)]

### الميكانيك المطبقة : (11 نقطة)

#### النشاط الأول : دراسة رافدة (06 نقاط)

لتكن الرافدة المبينة في الشكل الميكانيكي (الشكل 01) ذات مقطع مستطيل الشكل) ، والمحملة بالحمولات التالية : قوى مركزة  $(F_1 = 60 \text{ KN})$  و  $(F_2 = 50 \text{ KN})$  ، وقوى موزعة بانتظام  $(q = 28 \text{ KN/m})$  ، وعزم مركز  $(M = 14 \text{ KN.m})$  .  
علما أن المسند A بسيط ، والمسند B مضاعف.



شكل المقطع العرضي للرافدة

(الشكل 01)

#### المطلوب:

- 1) أحسب ردود الأفعال في المسندين A و B.
- 2) أكتب معادلات الجهد القاطع T وعزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة.
- 3) ارسم المنحنيات البيانية للجهد القاطع T ولعزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة.
- 4) إذا علمت أن :  
- الجهد القاطع الأعظمي :  $T_{\max} = 118 \text{ KN}$  ، وعزم الانحناء الأعظمي :  $M_{f \max} = 120 \text{ KN.m}$  .  
- الاجهاد الناظمي المسموح به هو :  $\bar{\sigma} = 300 \text{ daN/cm}^2$  ، الاجهاد المماسي المسموح به هو :  $\bar{\tau} = 30 \text{ daN/cm}^2$  .  
هل الرافدة تحقق شروط المقاومة ؟

#### النشاط الثاني : تسليح شداد من الخرسانة المسلحة (05 نقاط)

نقترح دراسة شداد من الخرسانة المسلحة معرض لقوة شد ناظرية مركزية على مقطع الشداد.

#### المعطيات:

التشققات	$\eta$	$\gamma_s$	الفولاذ	$f_{c28}$	مقطع الشداد ( $\text{cm}^2$ )	Q	G
ضارة	1,6	1,15	FeE500	32 MPa	30 x 30	0,12 MN	0,15 MN

(الجدول 01)

#### المطلوب:

- 1) حدد تسليح مقطع الشداد مع اقتراح رسما له.
- 2) تحقق من شرط عدم الهشاشة.

العلاقات الضرورية للحساب:  $N_u = 1,35G + 1,5Q$  ;  $B \cdot f_{t28} \leq A_s \cdot f_e$  ;  $f_{ij} = 0,6 + 0,06 f_{cj}$

$$N_{ser} = G + Q ; A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\sigma_s} ; \bar{\sigma}_s = \min \{ 2/3 f_e ; 110 \sqrt{\eta f_{ij}} \} ; A_u = \frac{N_u}{f_e \gamma_s}$$

جدول التسليح

المقطع بـ ( cm <sup>2</sup> ) لعدد من القضبان يتراوح من :										القطر
10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	mm
5,02	4,52	4,01	3,51	3,01	2,51	2,01	1,50	1,00	0,50	8
7,85	7,06	6,28	5,49	4,71	3,92	3,14	2,35	1,57	0,78	10
11,31	10,18	9,05	7,92	6,78	5,65	4,52	3,39	2,26	1,13	12
15,39	13,85	12,31	10,77	9,23	7,69	6,15	4,62	3,08	1,54	14
20,10	18,09	16,08	14,07	12,06	10,05	8,04	6,03	4,02	2,01	16
31,41	28,27	25,13	21,99	18,84	15,70	12,56	9,42	6,28	3,14	20
49,09	44,18	39,27	34,36	29,45	24,54	19,63	14,73	9,82	4,91	25
80,42	72,38	64,34	56,26	48,25	40,21	32,17	24,12	16,08	8,04	32
125,65	113,09	100,53	87,96	75,39	62,83	50,26	37,70	25,13	12,56	40

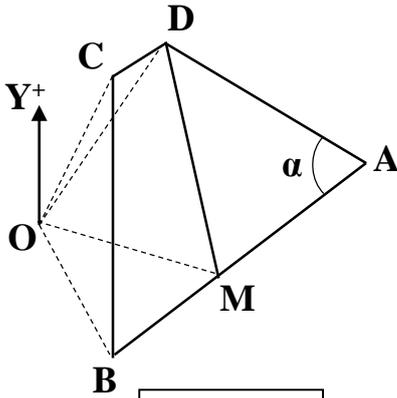
(الجدول 02)

**البناء: (09 نقاط)**

**النشاط الأول : حساب المساحات (05 نقاط)**

قطعة أرض معرفة برؤوسها القائمة (ABCD) مساحتها (2100 m<sup>2</sup>) ، هي ملك لأخوين أرادوا تقسيمها بالتساوي . فقرر انجاز القسمة وفق القطعة المستقيمة (DM) مثلما هو مبين في (الشكل 02).

**المعطيات :**



(الشكل 02)

احداثيات النقاط		السموت الاحداثية (Grade)		المسافات (m)		
X (m)	Y (m)	G <sub>OC</sub>	20,48	OC	31,62	
A	60	70	G <sub>OD</sub>	29,52	OD	44,72
D	20	100	G <sub>OM</sub>	137,43	OM	36,05
C	10	90	G <sub>OB</sub>	184,41	OB	41,23
		G <sub>AD</sub>	340,97	AM	42,42	

(الجدول 03)

**المطلوب :**

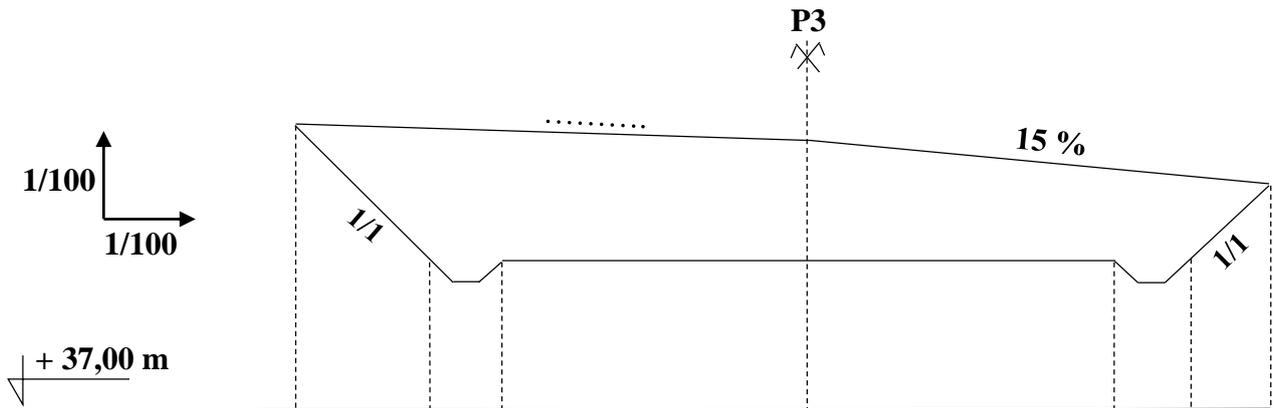
- 1) أحسب السموت الإحداثي (G<sub>DC</sub>) والمسافة (DC) .
- 2) أحسب احداثيات النقطة (M) ، علما أن : الزاوية (α = 90,97 Grade) .
- 3) أحسب مساحة الجزء (CDBM) بطريقة الاحداثيات القطبية .
- 4) أحسب مساحة الجزء (AMD) بطريقة الاحداثيات القائمة ، ثم استنتج إن كانت القسمة عادلة أم لا .

**النشاط الثاني : مشروع طريق (04 نقاط)**

- 1) أذكر العناصر العامة لمكونات الطريق .
- 2) أتمم بيانات المظهر العرضي (P3) في الوثيقة 01 (الصفحة 6 من 6) ، مع تعيين مناطق الحفر والردم .

# الوثيقة 01

..... :	اللقب :
..... :	الاسم :



منسوب الميدان	.....	.....	42,70	.....	42,00	.....	.....	.....
منسوب المشروع	.....	40,00	40,00	.....	40,00	.....	40,00	.....
المسافات الجزئية	.....	.....	.....	6,00	.....	.....	1,5	.....
المسافات المتراكمة	.....	7,50	.....	.....	0,00	.....	6,00	.....

ملاحظة : تعاد هذه الوثيقة مع أوراق الإجابة .

انتهى الموضوع الثاني

التصحيح النموذجي لامتحان  
البيكالوريا التجريبي (ماي 2021)  
اختبار في مادة التكنولوجيا  
(هندسة مدنية).

الموضوع الأول:

الميكانيك المطبقة:

النشاط الأول: دراسة نظام مثالي:  
← (06 نقاط)

(1) التأكد من أن النظام محدد سكونياً:

- عدد العقد ( $n = 5$ )

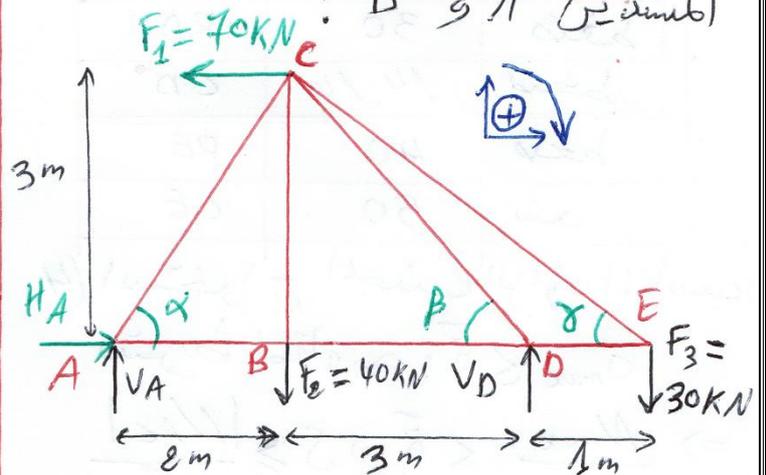
- عدد القضبان ( $b = 7$ )

$$2n - 3 = (2 \times 5) - 3 = 10 - 3 = 7 = b$$

العلاقة محققة بالتالي النظام محدد سكونياً.

(2) حساب ردود الأفعال في

المثبتين A و D:



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow H_A - F_1 = 0$$

$$\Rightarrow H_A = F_1 = 70 \text{ kN} \quad (0,25)$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V_A + V_D - F_2 - F_3 = 0$$

$$\Rightarrow V_A + V_D = F_2 + F_3$$

$$V_A + V_D = 70 \text{ kN} \quad (0,25)$$

$$\sum M/A = 0 \Rightarrow F_2 \cdot 2 - V_D \cdot 5 + F_3 \cdot 6$$

$$- F_1 \cdot 3 = 0$$

$$\Rightarrow V_D = \frac{80 + 180 - 210}{5}$$

$$\Rightarrow V_D = 10 \text{ kN} \quad (0,25)$$

$$\sum M/D = 0 \Rightarrow V_A \cdot 5 - F_2 \cdot 3 + F_3 \cdot 1$$

$$- F_1 \cdot 3 = 0$$

$$\Rightarrow V_A = \frac{120 - 30 + 210}{5}$$

$$\Rightarrow V_A = 60 \text{ kN} \quad (0,25)$$

التحقيق:  $V_A + V_D = 60 + 10 = 70 \text{ kN}$

(3) حساب قيمة الجهود الداخلية

في القضبان، وتعيين طبيعتها:

حساب قيمة الزوايا ( $\alpha, \beta, \gamma$ ):

$$\alpha = \tan\left(\frac{3}{2}\right) \Rightarrow \alpha = \tan^{-1}\left(\frac{3}{2}\right) = 56,31^\circ$$

$$\beta = \tan\left(\frac{3}{3}\right) \Rightarrow \beta = \tan^{-1}\left(\frac{3}{3}\right) = 45^\circ$$

$$\gamma = \tan\left(\frac{3}{4}\right) \Rightarrow \gamma = \tan^{-1}\left(\frac{3}{4}\right) = 36,87^\circ$$

$$\alpha \Rightarrow \begin{cases} \cos(\alpha) = 0,555 \\ \sin(\alpha) = 0,832 \end{cases}$$

$$\beta \Rightarrow \begin{cases} \cos(\beta) = 0,707 \\ \sin(\beta) = 0,707 \end{cases}$$

$$\gamma \Rightarrow \begin{cases} \cos(\gamma) = 0,8 \\ \sin(\gamma) = 0,6 \end{cases}$$

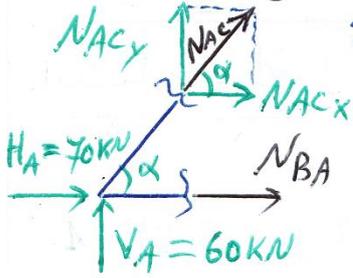
$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{DB} - N_{BA} = 0$$

$$\Rightarrow N_{BA} = N_{DB} \Rightarrow \boxed{N_{BA} = -30 \text{ KN}} \quad (0,5)$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_{BC} - F_2 = 0$$

$$\Rightarrow N_{BC} = F_2 \Rightarrow \boxed{N_{BC} = 40 \text{ KN}} \quad (0,5)$$

توازن العقدة (A):



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V_A + N_{ACy} = 0$$

$$\Rightarrow N_{AC} \cdot \sin \alpha = -V_A$$

$$\Rightarrow N_{AC} = \frac{-V_A}{\sin \alpha}$$

$$\Rightarrow \boxed{N_{AC} = -72,12 \text{ KN}} \quad (0,5)$$

تلخيص النتائج في جدول:

القضبان	الجهد (kN)	الطبيعة
AB	30	ضغط
AC	72,12	ضغط
BC	40	شد
BD	30	ضغط
CD	14,14	ضغط
DE	40	ضغط
CE	50	شد

(4) استخراج الجنب الزاوي المناسب:

شروط المقاومة:  $\bar{\sigma} \leq \sigma_{max}$

$$\Rightarrow \frac{N_{max}}{2S} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow S \geq \frac{|N_{AC}|}{2\bar{\sigma}}$$

$$S \geq \frac{72,12 \times 10^2}{2 \times 1400} = 2,58 \text{ cm}^2$$

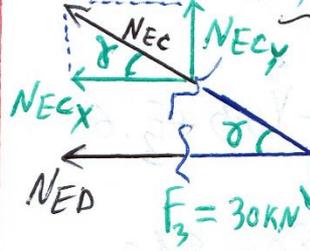
من الجدول نختار الجنب:

$3,08 \text{ cm}^2$  ذو المقطع:  $(40 \times 40 \times 4)$

(0,5)

ص 2

توازن العقدة (E):



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_{ECy} - 30 = 0$$

$$\Rightarrow N_{EC} \cdot \sin \gamma = 30$$

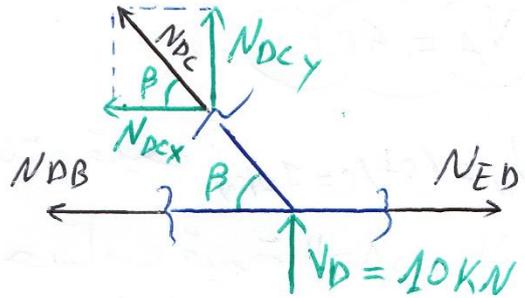
$$\Rightarrow N_{EC} = \frac{30}{\sin \gamma} \Rightarrow \boxed{N_{EC} = 50 \text{ KN}} \quad (0,5)$$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow -N_{ED} - N_{ECx} = 0$$

$$\Rightarrow N_{ED} = -N_{EC} \cdot \cos \gamma$$

$$\Rightarrow N_{ED} = -50 \cdot 0,8 \Rightarrow \boxed{N_{ED} = -40 \text{ KN}} \quad (0,5)$$

توازن العقدة (D):



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_{DCy} + V_D = 0$$

$$\Rightarrow N_{DC} \cdot \sin \beta = -V_D$$

$$\Rightarrow N_{DC} = \frac{-10}{0,707} \Rightarrow \boxed{N_{DC} = -14,14 \text{ KN}} \quad (0,5)$$

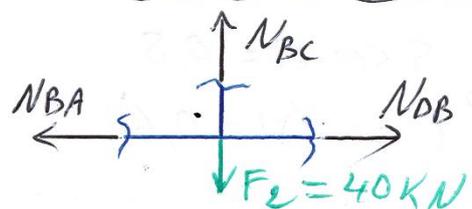
$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{ED} - N_{DB} - N_{DCx} = 0$$

$$\Rightarrow N_{DB} = N_{ED} - N_{DC} \cdot \cos \beta$$

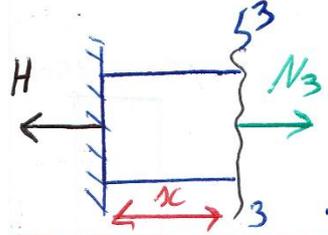
$$\Rightarrow N_{DB} = -40 - (-14,14 \cdot 0,707)$$

$$\Rightarrow \boxed{N_{DB} = -30 \text{ KN}} \quad (0,5)$$

توازن العقدة (B):



المقطع الثالث:  $0 \leq x \leq 700 \text{ mm}$



هذه صفة، يمكن دراسة المقطع الثالث مع جفتين، نختار مثلا الجهة اليسرى.

يجب حساب رد فعل المسند:

$$15 - 45 - 60 - H = 0 \Rightarrow H = -90 \text{ KN}$$

نجمع كل القوى المحورية في القضيب لحساب (H)

تكمل دراسة المقطع الثالث:

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_3 - H = 0 \Rightarrow N_3 = H$$

$$N_3 = -90 \text{ KN} = -90000 \text{ N}$$

$$\sigma_3 = \frac{N_3}{S_3} = \frac{-90000}{\frac{40^2 \cdot \pi}{4}} \Rightarrow \sigma_3 = -71,66 \text{ MPa}$$

$$\Delta L_3 = \frac{\sigma_3}{E} \cdot L_3 = \frac{-71,66}{2 \cdot 10^5} \times 700$$

$$\Delta L_3 = -0,251 \text{ mm}$$

التشوه المطلق الكلي:

$$\Delta L = \Delta L_1 + \Delta L_2 + \Delta L_3 = 0,225 - 0,478 - 0,251$$

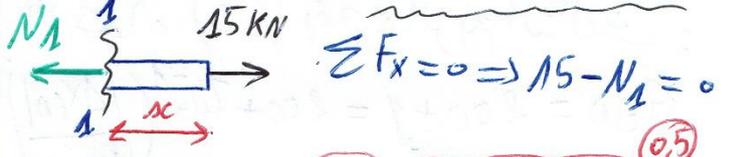
$$\Delta L = -0,504 \text{ mm}$$

طبيعة التشوه عبارة عن تقلص

النشاط الثاني: دراسة قضيب معدني

1) تصيد كل من  $(\Delta L, \sigma, N)$  في كل مقطع من مقاطع القضيب:

المقطع الأول:



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow 15 - N_1 = 0 \Rightarrow N_1 = 15 \text{ KN} = 15000 \text{ N}$$

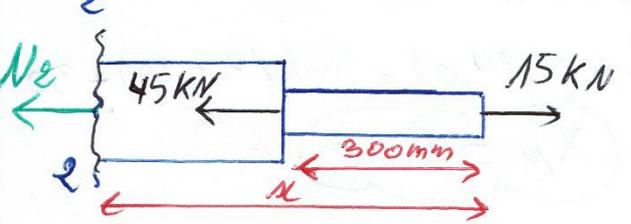
$$\sigma_1 = \frac{N_1}{S_1} = \frac{15000}{10 \times 10} \Rightarrow \sigma_1 = 150 \text{ MPa}$$

$$\sigma = E \cdot \epsilon \Rightarrow \epsilon = \frac{\sigma}{E} \quad \left\{ \begin{array}{l} \epsilon = \frac{\Delta L}{L} \\ \Rightarrow \Delta L = \epsilon \cdot L \end{array} \right.$$

$$\Delta L_1 = \frac{\sigma_1}{E} \cdot L_1 = \frac{150}{2 \cdot 10^5} \times 300$$

$$\Rightarrow \Delta L_1 = 0,225 \text{ mm}$$

المقطع الثاني:



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow 15 - 45 - N_2 = 0 \Rightarrow N_2 = -30 \text{ KN} = -30000 \text{ N}$$

$$\sigma_2 = \frac{N_2}{S_2} = \frac{-30000}{\frac{20^2 \cdot \pi}{4}} \Rightarrow \sigma_2 = -95,54 \text{ MPa}$$

$$\Delta L_2 = \frac{\sigma_2}{E} \cdot L_2 = \frac{-95,54}{2 \cdot 10^5} \times 1000$$

$$\Rightarrow \Delta L_2 = -0,478 \text{ mm}$$

2 حساب السمت الإحداثي  $G_{ED}$   
والطول  $L_{ED}$

$$\Delta X_{ED} = X_D - X_E = 20 - 30 = -10 < 0$$

$$\Delta Y_{ED} = Y_D - Y_E = 30 - 50 = -20 < 0$$

الاتجاه (ED) يقع في الربع الثالث :

$$G_{ED} = 200 + \theta = 200 + \tan^{-1} \left( \frac{|\Delta X_{ED}|}{|\Delta Y_{ED}|} \right)$$

$$G_{ED} = 200 + 29,52 \Rightarrow G_{ED} = 229,52 \text{ gr}$$

$$L_{ED} = \sqrt{\Delta X_{ED}^2 + \Delta Y_{ED}^2} \Rightarrow L_{ED} = 22,36 \text{ m}$$

3 حساب إحداثيات النقطة A)

$$G_{EM} = G_{EA} = 137,34 \text{ gr}$$

$$X_M - X_E = L_{EM} \cdot \sin(G_{EM})$$

$$\Rightarrow X_M = 24,02 \times \sin(137,34) + 30$$

$$\Rightarrow X_M = 50 \text{ m}$$

$$Y_M - Y_E = L_{EM} \cdot \cos(G_{EM})$$

$$\Rightarrow Y_M = 24,02 \times \cos(137,34) + 50$$

$$\Rightarrow Y_M = 36,71 \text{ m}$$

4 حساب مساحة الجزء (ADE)

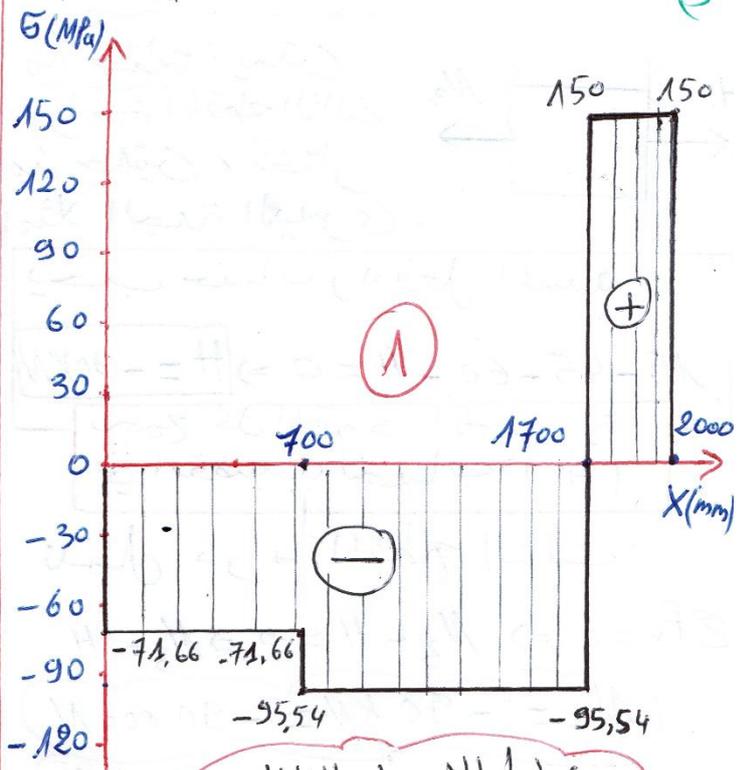
$$S_{ADE} = \frac{1}{2} [L_{EA} \cdot L_{ED} \cdot \sin(G_{ED} - G_{EA})]$$

$$= \frac{1}{2} [36,05 \times 22,36 \times \sin(92,18)]$$

$$S_{ADE} = 400 \text{ m}^2$$

$$S_{ABCDE} = S_{ABCD} + S_{ADE} = 1000 \text{ m}^2$$

3 مخطط الإجهاد الناظمي (5) :



مخطط الإجهاد الناظمي  
 $\sigma = f(x)$

البناء :

النشاط الأول : حساب المساحات  
(05 نقاط)

1 حساب مساحة القطعة الأرضية (ABCD) باستخدام طريقة الإحداثيات القائمة :

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} [X_A(Y_D - Y_B) + X_B(Y_A - Y_C) + X_C(Y_B - Y_D) + X_D(Y_C - Y_A)]$$

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} [60(30 - 20) + 70(30 - 10) + 40(20 - 30) + 20(10 - 30)]$$

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} [600 + 1400 - 400 - 400]$$

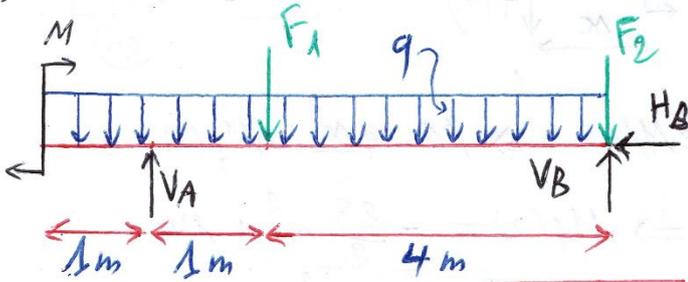
$$S_{ABCD} = 600 \text{ m}^2$$

## الموضوع الثاني :

### الميكانيكا المطبقة :

النشاط الأول : دراسة رافدة :

حساب ردود الأفعال في الماسدين A و B (06 نقاط)



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow H_B = 0 \quad \begin{matrix} Q = 9 \cdot 6 \\ Q = 168 \text{ kN} \end{matrix}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V_A + V_B - F_1 - F_2 - Q = 0$$
$$\Rightarrow V_A + V_B = F_1 + F_2 + Q = 278 \text{ kN}$$

$$\sum M/A = 0 \Rightarrow M + F_1 \cdot 1 + Q \cdot 2 + F_2 \cdot 5 - V_B \cdot 5 = 0$$

$$\Rightarrow V_B = \frac{14 + 60 + 336 + 250}{5}$$

$$\Rightarrow V_B = 132 \text{ kN}$$

$$\sum M/B = 0 \Rightarrow M + V_A \cdot 5 - F_1 \cdot 4 - Q \cdot 3 = 0$$

$$\Rightarrow V_A = \frac{-14 + 240 + 504}{5}$$

$$\Rightarrow V_A = 146 \text{ kN}$$

التحقيق :

$$V_A + V_B = 146 + 132 = 278 \text{ kN}$$

## النشاط الثاني : دراسة بناية

(03 نقاط)

1) تسمية العناصر المرقمة :

العنصر 1 : رافدة (0,5)

العنصر 2 : أساس (منعزل) (0,5)

العنصر 3 : عمود (0,5)

2) نوع العنصر 2 أي الأساس

من حيث العمق : أساس سطحي (0,5)

3) المدرج :

أ - حساب ارتفاع القائمة :

$$n = \frac{H}{h} \Rightarrow h = \frac{H}{n} = \frac{288}{16} = 18 \text{ cm}$$

ارتفاع القائمة هي :  $h = 18 \text{ cm}$  (0,5)

ب - حساب عرض القائمة :

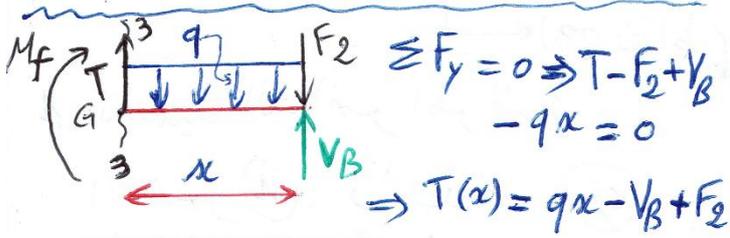
$$2h + g = 64 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow g = 64 - 2h = 64 - (2 \times 18)$$

$$\Rightarrow g = 28 \text{ cm} \quad (0,5)$$

انتهى تصحيح الموضوع الأول .

المقطع الثالث:  $4m \geq x \geq 0m$



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow T - F_2 + V_B - qx = 0$$

$$\Rightarrow T(x) = qx - V_B + F_2$$

$$\Rightarrow T(x) = 28x - 82 \quad (0.5)$$

$$\sum M/G = 0 \Rightarrow M_f(x) + q \frac{x^2}{2} + (F_2 - V_B)x = 0$$

$$\Rightarrow M_f(x) = -14x^2 + 82x \quad (0.5)$$

4	0	$x(m)$
30	-82	$T(KN)$
104	0	$M_f(KN.m)$

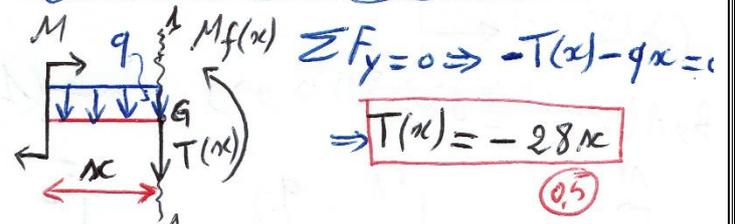
نلاحظ تغير  
إشارة  $T$  في  
هذا المقطع  
بالتالي وجود  
ذروة:

$$T(x) = 0 \Rightarrow 28x - 82 = 0$$

$$\Rightarrow x = 2.93m \Rightarrow M_f(2.93) = 120KN.m$$

كتابة معادلات الجهد والقوة وعزم الانحناء  $M_f$ :

المقطع الأول:  $0m \leq x \leq 1m$



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -T(x) - qx = 0$$

$$\Rightarrow T(x) = -28x \quad (0.5)$$

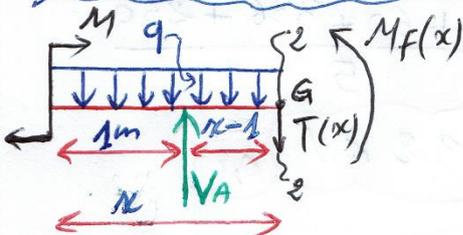
$$\sum M/G = 0 \Rightarrow M - q \frac{x^2}{2} - M_f(x) = 0$$

$$\Rightarrow M_f(x) = -\frac{28}{2}x^2 + 14$$

$$\Rightarrow M_f(x) = -14x^2 + 14 \quad (0.5)$$

$x(m)$	0	1
$T(KN)$	0	-28
$M_f(KN.m)$	14	0

المقطع الثاني:  $1m \leq x \leq 2m$



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V_A - T(x) - qx = 0$$

$$\Rightarrow T(x) = -28x + 146 \quad (0.5)$$

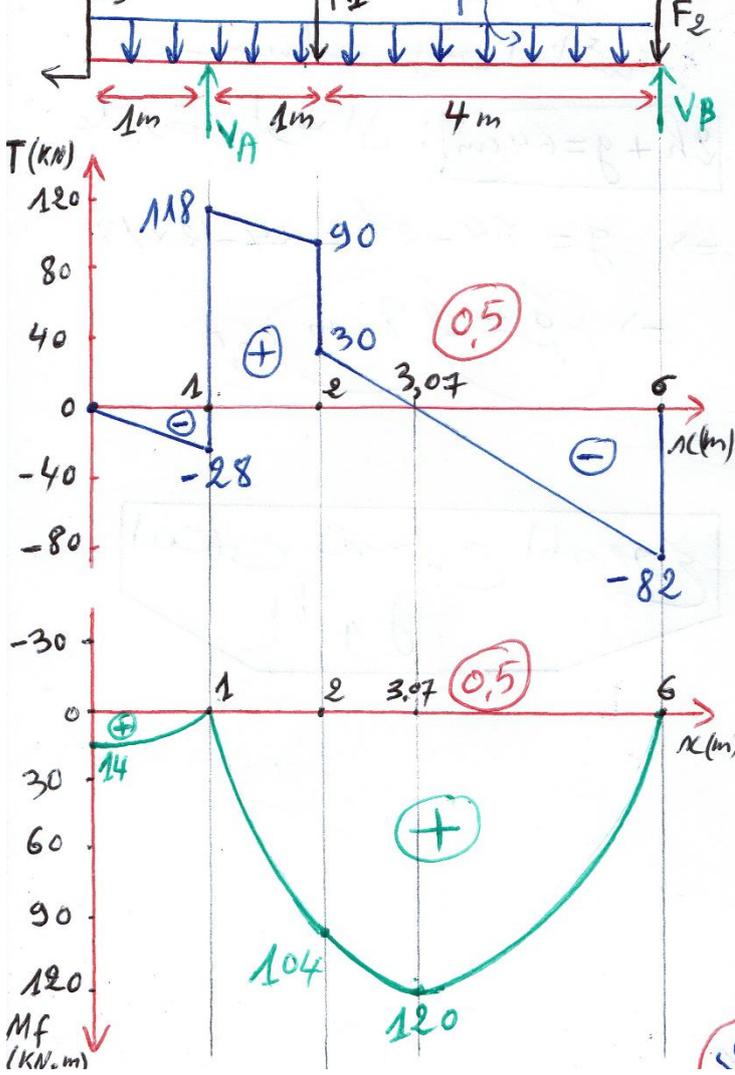
$$\sum M/G = 0 \Rightarrow M - q \frac{x^2}{2} + V_A(x-1) - M_f = 0$$

$$\Rightarrow M_f(x) = -14x^2 + 146x - 146 + 14$$

$$\Rightarrow M_f(x) = -14x^2 + 146x - 132 \quad (0.5)$$

$x(m)$	1	2
$T(KN)$	118	90
$M_f(KN.m)$	0	104

رسم المنحنيات البيانية:



(6.5)

## ب- حالة حد التشغيل (ELS) :

\* الجهد الناطقي :  $(N_{ser})$  :

$$N_{ser} = G + Q \Rightarrow N_{ser} = 0,27 \text{ MN} \quad (0,5)$$

مقاومة الخرسانة للشد عند  
28 يوم :

$$f_{t28} = 0,6 + 0,06 f_{c28} \\ = 0,6 + (0,06 \times 32)$$

$$f_{t28} = 2,52 \text{ MPa} \quad (0,5)$$

\* الإجهاد في الفولاذ :

$$\bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{2}{3} f_e, 110 \sqrt{n \cdot f_{t28}} \right\}$$

$$\bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{2}{3} \times 500, 110 \sqrt{1,6 \times 2,52} \right\}$$

$$\bar{\sigma}_s = \min \{ 333,33, 220,88 \}$$

$$\bar{\sigma}_s = 220,88 \text{ MPa} \quad (0,5)$$

\* مقطع التسليح النظري (ELS) :

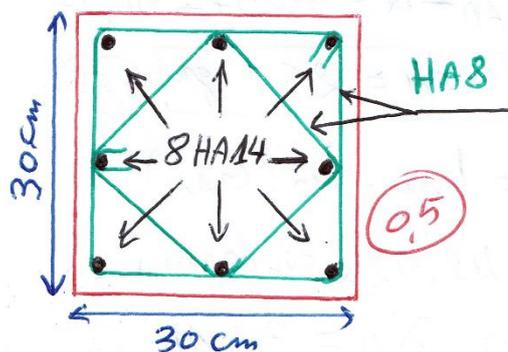
$$A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_s} = \frac{0,27 \times 10^4}{220,88} = 12,22 \text{ cm}^2 \quad (0,5)$$

\* مقطع التسليح النظري :

$$A = \max(A_u, A_{ser}) = 12,22 \text{ cm}^2 \quad (0,5)$$

من جدول التسليح نختار التسليح

$$\text{الحقيقي : } 8 \text{ HA}14 = 12,31 \text{ cm}^2 \quad (0,5)$$



## 4) التحقق من شروط المقاومة :

الإجهاد الناطقي :

$$\sigma_{max} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{M_{fmax}}{W_{xx}} \leq \bar{\sigma}$$

$$\Rightarrow \frac{120 \times 10^4}{\frac{35^2 \times 20}{6}} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow 293,88 < 300 \text{ daN/cm}^2 \text{ daN/cm}^2 \quad (0,5)$$

الشرط الأول محقق.

الإجهاد المماسي :

$$\tau_{max} \leq \bar{\tau} \Rightarrow k \cdot \frac{T_{max}}{\Omega} \leq \bar{\tau}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{2} \times \frac{118 \times 10^2}{35 \times 20} \leq \bar{\tau} \quad (0,5)$$

$$\Rightarrow 25,29 \text{ daN/cm}^2 < 30 \text{ daN/cm}^2$$

الشرط الثاني محقق.

النشاط الثاني : تسليح شداد :

(05 نقاط)

1) تحديد تسليح مقطع الشداد مع اقتراح رسم له :

## أ- حالة الحد النهائي للمقاومة (ELU)

\* الجهد الناطقي  $(N_u)$  :

$$N_u = 1,35 G + 1,5 Q$$

$$N_u = 1,35(0,15) + 1,5 \cdot (0,12)$$

$$N_u = 0,383 \text{ MN} \quad (0,5)$$

\* مقطع التسليح النظري (ELU) :

$$A_u = \frac{N_u}{f_e / \gamma_s} = \frac{0,383 \times 10^4}{500 / 1,15}$$

$$A_u = 8,81 \text{ cm}^2 \quad (0,5)$$

$$Y_M - Y_A = L_{AM} \cdot \cos(G_{AM})$$

$$\Rightarrow Y_M = 42,42 \times \cos(250) + 70$$

$$\Rightarrow Y_M = 40 \text{ m} \quad (0,5)$$

(3) حساب مساحة الجزء (CDBM):

$$S_{CDMB} = \frac{1}{2} [S_{OCB} + S_{ODM} + S_{OMB} - S_{OCB}]$$

$$= \frac{1}{2} [L_{OC} \cdot L_{OD} \cdot \sin(G_{OD} - G_{OC}) \quad (1)$$

$$+ L_{OD} \cdot L_{OM} \cdot \sin(G_{OM} - G_{OD}) + L_{OM} \cdot L_{OB} \cdot \sin(G_{OB} - G_{OM}) - L_{OC} \cdot L_{OB} \cdot \sin(G_{OB} - G_{OC})]$$

$$= \frac{1}{2} [200,12 + 1599,73 + 1000 - 699,76]$$

$$\Rightarrow S_{CDMB} = 1050 \text{ m}^2 \quad (0,25)$$

(4) حساب مساحة الجزء (AMD):

$$S_{AMD} = \frac{1}{2} [X_A(Y_D - Y_A) + X_M(Y_D - Y_A) + X_D(Y_D - Y_A)]$$

$$= \frac{1}{2} [3600 - 900 - 600] \quad (0,75)$$

$$\Rightarrow S_{AMD} = 1050 \text{ m}^2 \quad (0,5)$$

نتسنتج أن القسمة عادة (0,25).

النشاط الثاني: مشروع طريق:

(04 نقاط)

(1) العناصر العامة لمكونات الطريق:

- حرم الطريق - المطالك
- صحن - الفراع الترابي
- الأرضية المسطحة - الحواشي
- القارعة.

$$0,25 \times 7 = 1,75$$

(2) تمام بيانات المظهر العرضي (P<sub>3</sub>)

في الوثيقة المرفقة: (2,25)

(2) التحقق من شرط عدم

التمشيط:

$$B = 30 \times 30 \text{ مقطع الشدادة} \\ = 900 \text{ cm}^2$$

$$A_s \cdot f_e \geq B \cdot f_{t28}$$

$$\Rightarrow 12,31 \times 500 \geq 900 \times 2,52$$

$$\Rightarrow (6155 \geq 2268) \text{ الشرط محقق}$$

(0,5) **ملاحظة:** تقبل الإجابات الصحيحة الأخرى.

البناء:

النشاط الأول: حساب المساحات:

(05 نقاط)

(1) حساب السميت الإحداثي (G<sub>DC</sub>) والمسافة (DC):

$$\Delta X_{DC} = X_C - X_D = 10 - 20 = -10 < 0$$

$$\Delta Y_{DC} = Y_C - Y_D = 90 - 100 = -10 < 0$$

الاتجاه (DC) يقع في الربع الثالث:

$$G_{DC} = 200 + \left[ \tan^{-1} \left( \frac{|\Delta X_{DC}|}{|\Delta Y_{DC}|} \right) \right] = 200 + 50$$

$$G_{DC} = 250 \text{ gr} \quad (0,5)$$

$$L_{DC} = \sqrt{\Delta X_{DC}^2 + \Delta Y_{DC}^2} = \sqrt{(-10)^2 + (-10)^2}$$

$$L_{DC} = 14,14 \text{ m} \quad (0,5)$$

(2) حساب إحداثيات النقطة (M):

$$G_{AM} = G_{AD} - \alpha = 340,97 - 90,97$$

$$\Rightarrow G_{AM} = 250 \text{ gr} \quad (0,25)$$

$$X_M - X_A = L_{AM} \cdot \sin(G_{AM})$$

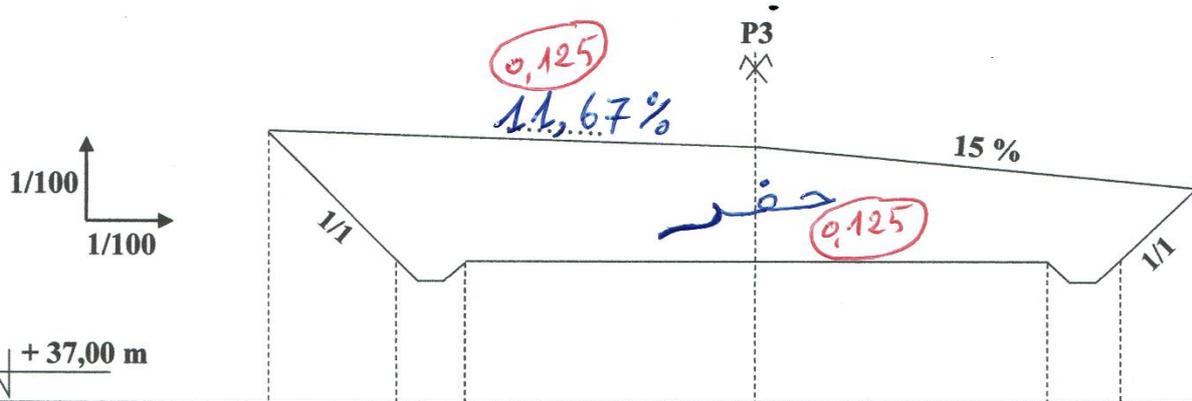
$$\Rightarrow X_M = 42,42 \times \sin(250) + 60$$

$$\Rightarrow X_M = 30 \text{ m} \quad (0,5)$$

(0,8)

## الوثيقة 01

اللقب : البتصحيح  
الاسم : البنهودجي



منسوب الميدان	43,26	42,88	42,70	42,00	44,10	40,88	40,77	0,125x5
منسوب المشروع	43,26	40,00	40,00	40,00	40,00	40,00	40,77	0,125x3
المسافات الجزئية		3,26	1,5	6,00	6,00	1,5	0,77	0,125x4
المسافات المتراكمة	10,76	7,50	6,00	0,00	6,00	7,50	8,27	0,125x4

ملاحظة : تعاد هذه الوثيقة مع أوراق الإجابة .

انتهى الموضوع الثاني

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

**الموضوع الأول**

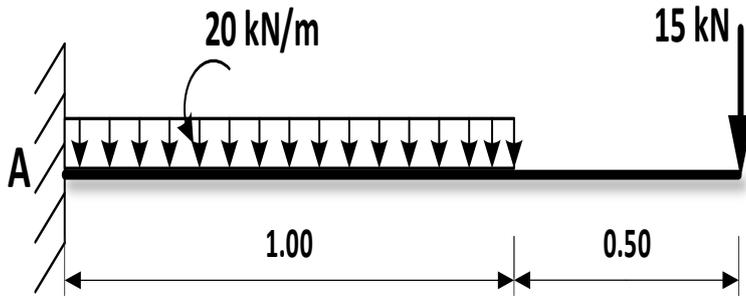
يحتوي الموضوع الأول على (04) صفحات (من الصفحة 1 من 8 إلى الصفحة 4 من 8)

**الميكانيك المطبقة: (12 نقطة)**

**النشاط الأول: (04 نقاط)**

لتكن الرافدة المعدنية *IPE* الممثلة

بالشكل -1-



الشكل - 1 -

**العمل المطلوب:**

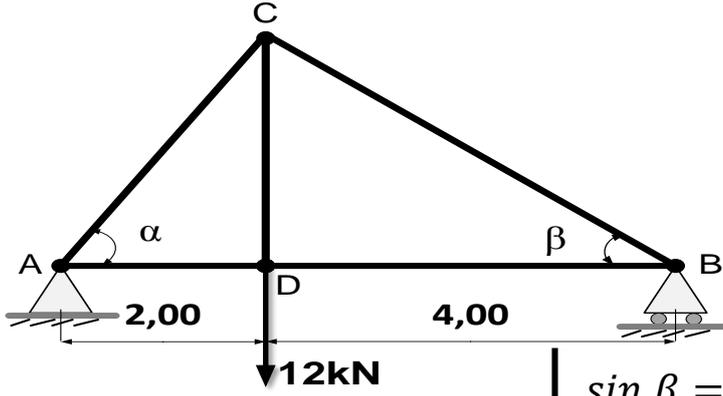
1. أحسب ردود الأفعال عند المسند الموثوق (المندمج) **A**.
2. أكتب معادلات الجهد القاطع  $T$  وعزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة.
3. أرسم المنحنيات البيانية للجهد القاطع  $T$  وعزم الانحناء  $M_f$ .
4. حدد من الجدول المرفق المجنب المناسب الذي يحقق شرط المقاومة علما أن:  $\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN/cm}^2$

رقم المجنب <i>IPE</i>	مساحة المقطع ( $\text{cm}^2$ ) $S$	معامل المقاومة للانحناء ( $\text{cm}^3$ )	عزم العطالة ( $\text{cm}^4$ )	الأبعاد ( $\text{mm}$ )		
		$W_{xx'}$	$I_{xx'}$	$H$	$B$	$E$
200	28.5	194	1943	200	100	5.6
220	33.4	252	2772	220	110	5.9
240	35.1	324	3892	240	120	6.2
270	45.9	429	5790	270	135	6.6
300	53.8	557	8356	300	150	7.1

**النشاط الثاني: (04 نقاط)**

لدينا الهيكل المثلي الممثل بالشكل - 2 -

A: مسند مزدوج ، B: مسند بسيط



الشكل - 2 -

$$\left| \begin{array}{l} \sin \beta = 0.60 \\ \cos \beta = 0.80 \end{array} \right.$$

$$\left| \begin{array}{l} \sin \alpha = 0.832 \\ \cos \alpha = 0.554 \end{array} \right.$$

**العمل المطلوب:**

1. تأكد أن النظام محدد سكونيا.
2. أحسب ردود الأفعال عند المسندين A و B
3. أحسب الجهود الداخلية في القضبان مستعملا الطريقة التحليلية (عزل العقد) وحدد طبيعتها.
4. دون النتائج المحصل عليها في جدول.
5. تحقق من مقاومة القضيب DC علما أن مساحة مقطعه العرضي  $S = 3.08cm^2$  و  $\bar{\sigma} = 1200 daN/cm^2$

**النشاط الثالث: (04 نقاط)**

في أحد المشاريع يوجد شداد (Tirant) من الخرسانة المسلحة، يتمثل في كمره مقطوعها العرضي  $30 \times 30 cm^2$  معرضة لقوة شد مطبقة في مركز ثقل مقطوعها العرضي.

المعطيات:

- الحمولات الدائمة  $G = 150 kN$

- الحمولات المتغيرة  $Q = 50 kN$

- خصائص المواد:

- الخرسانة  $f_{c28} = 25MPa$

- الفولاذ:  $FeE 400$  ،  $\eta = 1.6$  ،  $\gamma_s = 1.15$

- نوع التشققات ضارة

**العمل المطلوب:**

1. أحسب  $N_{ser}$  و  $N_u$
2. احسب مقطع التسليح الطولي للشداد.
3. تحقق من شرط عدم الهشاشة، ثم اقترح رسما لتسليح مقطع الشداد.

تعطى العلاقات التالية:  $A_u = \frac{N_u}{f_{su}}$  ،  $A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_s}$  ،  $\bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{2}{3} f_e ; 110 \sqrt{\eta \cdot f_{tj}} \right\}$

$f_{t28} = 0.6 + 0.06 f_{c28}$  ،  $A_s \times f_e \geq B \times f_{tj}$

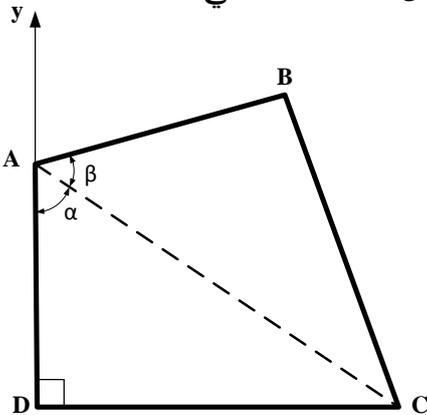
مساحة المقطع ( $cm^2$ ) لعدد من القضبان يقدر ب:				القطر mm
10	8	6	4	
11,31	9,05	6,78	4,52	12
15,39	12,31	9,23	6,15	14
20,1	16,08	12,06	8,04	16
31,41	25,13	18,84	12,56	20
49,09	39,27	29,54	19,63	25

جدول التسليح

**البناء: (08 نقاط)**

**النشاط الأول: (5.50 نقطة)**

لبناء قاعة رياضة تابعة لثانوية، تم اختيار قطعة الأرض الممثلة في الشكل - 3 - التالي:



**الشكل - 3 -**

**المعطيات:**

$A (100 \text{ m} , 100 \text{ m}) , B (150 \text{ m} , 120 \text{ m})$

$C (X_C , Y_C) , D (100 \text{ m} , 50 \text{ m})$

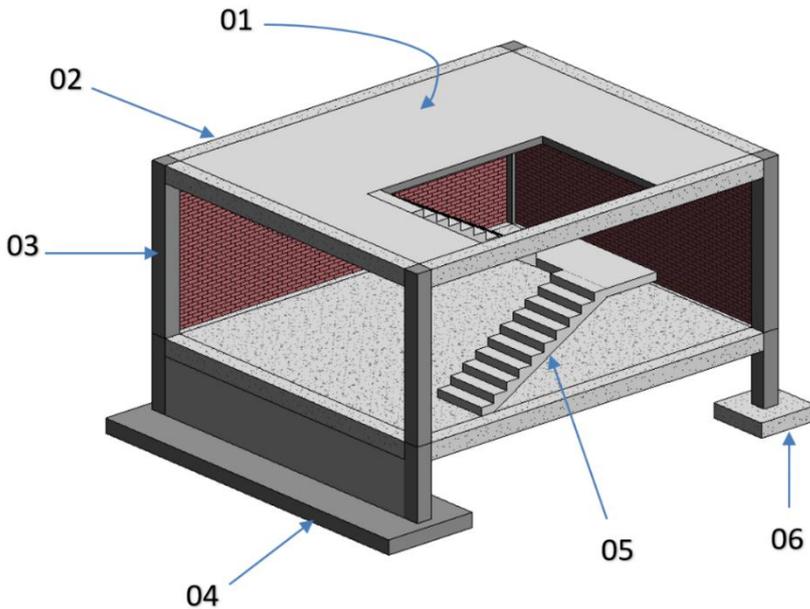
$L_{AB} = 53,85 \text{ m} , \alpha = 60.51 \text{ grad}$

**العمل المطلوب:**

1. من المعطيات السابقة استنتج السمات الإحداثي  $G_{AC}$ ، وطول الضلع  $AD$ .
2. احسب طول الضلع  $AC$ ، ثم احسب إحداثيات النقطة  $C$ .
3. احسب مساحة قطعة الأرض  $ABCD$  بطريقة الإحداثيات القائمة.
4. احسب السمات الإحداثي  $G_{AB}$ ، واستنتج الزاوية  $\beta$ .
5. تأكد من مساحة قطعة الأرض  $ABCD$  بطريقة الإحداثيات القطبية.

**النشاط الثاني: (2.50 نقطة)**

لاحظ الشكل - 4 - الممثل لمنشأ



**الشكل - 4 -**

1. سم العناصر المرقمة في الشكل - من (01) إلى (06) -
2. ما هو دور العنصر رقم (02)؟
3. متى ينجز العنصر (04) بدل العنصر (06)؟

## الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على (04) صفحات (من الصفحة 5 من 8 إلى الصفحة 8 من 8)

الميكانيك التطبيقية: (12 نقطة)

النشاط الأول: (05 نقاط)

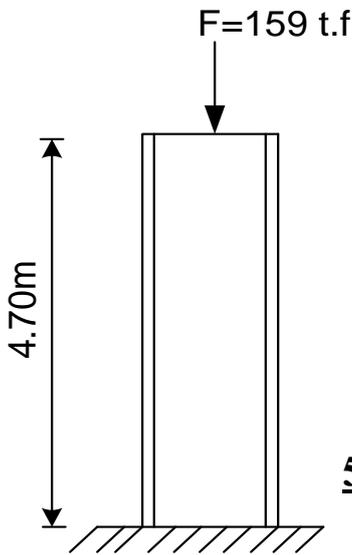
يحتوي النشاط الأول على جزئين مستقلين:

الجزء الأول:

عمود فولاذي من نوع (HEA400) خاضع لتأثير قوة محورية مطبقة في مركز ثقل مقطعه كما هو

مبين في الشكل - 5 - الموالي :

العمل المطلوب:



الشكل - 5

1. حدد نوع التحريض المطبق على العمود؟

2. هل شرط المقاومة محقق؟ علما أن  $\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN} / \text{cm}^2$  ؟

إذا كان الشرط غير محقق اقترح حلا.

3. احسب التشوه المطلق  $\Delta L$  علما أن  $E = 2 \times 10^6 \text{ daN} / \text{cm}^2$

ثم استنتج طبيعة هذا التشوه ؟

نوع المجنب	h (mm)	b (mm)	S (cm <sup>2</sup> )
HEA400	400	180	84.50
HEA450	450	190	98.80
HEA500	500	200	116.00
HEA550	550	210	134.00
HEA600	600	220	156.00

جدول مجنبات HEA

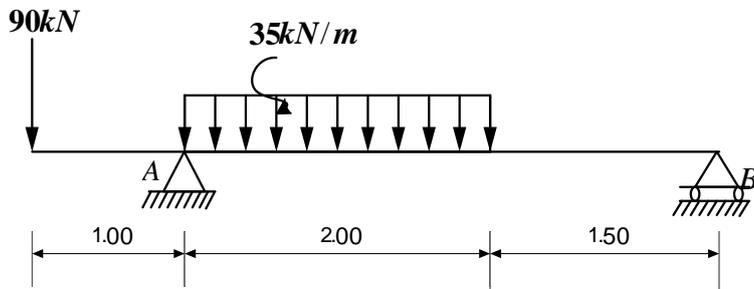
**الجزء الثاني:**

- إليك الجدول التالي: انقل الجدول إلى ورقة الإجابة، ثم قم بملئه بما يناسب على ضوء ما درست.

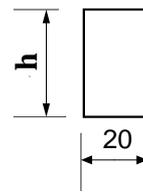
نوع التحريض	الإجهاد المماسي (daN/cm <sup>2</sup> )	الإجهاد الناظمي (daN/cm <sup>2</sup> )	عزم الانحناء (KN.m)	الجهد القاطع (kN)	الجهد الناظمي (kN)	مساحة المقطع (cm <sup>2</sup> )
.....	.....	.....	/	80	/	20×20
.....	.....	.....	14	26	/	10×20
.....	.....	.....	/	/	+120	20×20

**النشاط الثاني: (07 نقاط)**

دراسة رافدة ممثلة في الشكل -6- مقطعا العرضي موضح في الشكل -7-



**الشكل - 6 -**



**الشكل - 7 -**

المسند A : مزدوج.

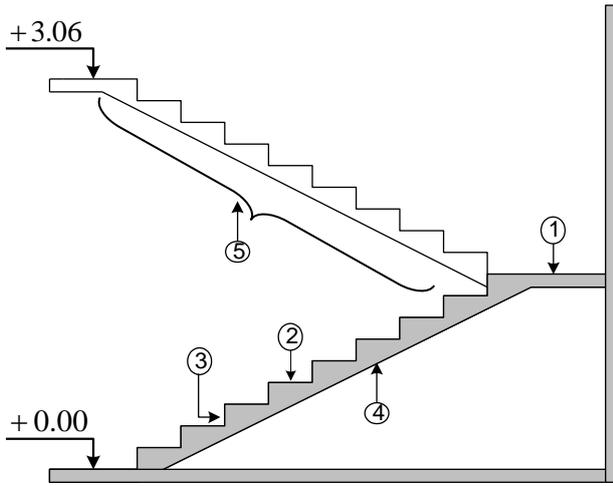
المسند B : بسيط.

**المطلوب:**

1. أحسب ردود الأفعال في المسندين A و B
2. أكتب معادلات الجهد القاطع T وعزم الانحناء M<sub>f</sub> على طول الرافدة.
3. أرسم منحنى الجهد القاطع T وعزم الانحناء M<sub>f</sub> ، ثم استنتج M<sub>fmax</sub> و T<sub>max</sub>
4. أحسب ارتفاع مقطع الرافدة h الذي يحقق المقاومة؟ علما أن  $\bar{\sigma} = 480daN / cm^2$
5. تحقق من مقاومة الرافدة لإجهادات القص علما أن  $\bar{\tau} = 70daN / cm^2$

**البناء: ( 08 نقاط)**

**النشاط الأول: (3.50 نقطة)**



**الشكل - 8**

- لدينا المدرج الممثل في الشكل -8- المقابل:
1. ما نوع المدرج ؟
  2. سم العناصر المرقمة من (01) إلى (05)
  3. إذا كان  $h=17cm$  أحسب عدد الدرجات  $n$  ، ثم عرض الدرجة  $g$  .

**النشاط الثاني: (4.50 نقطة )**

لربط منطقة عمرانية بطريق ولائي قررت المصالح التقنية إنجاز طريق ثانوي يمر عبر عدة مقاطع عرضية انطلاقا من النقطة  $P_1$  إلى غاية  $P_6$ ، حيث المعطيات الخاصة بالتربة الطبيعية (الميدان) والمشروع مدونة في الجدول التالي:

رقم المقطع (P)	المسافات الجزئية (m)	مناسيب التربة الطبيعية (m)	مناسيب المشروع (m)
1	32	70.00	71.00
2	25	71.00	
3	40	72.00	
4	.....	72.50	70.00
5	55	71.50	
6		69.00	71.50

**العمل المطلوب:**

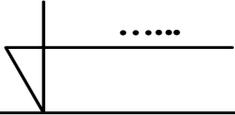
1. أتمم ملء الجدول صفحة 8 من 8، وارسم المظهر الطولي للطريق، مع توضيح مناطق الحفر والردم.
2. أحسب المظاهر الوهمية إن وجدت.
- نأخذ مستوى المقارنة  $65.00m$ .

الوثيقة المرفقة

المظهر الطولي للطريق

الإسم و اللقب : .....

1/100  
1/1000



أرقام المظاهر	P1	P2	P3	P4	P5	P6
مناسيب خط التربة الطبيعية	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
<b>مناسيب خط المشروع</b>	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
المسافات الجزئية	.....	.....	.....	.....	.....	.....
المسافات المتراكمة	⋮	⋮	⋮	⋮	123,17	⋮
<b>ميل المشروع</b>						
<b>الاستقامات و المنعرجات</b>						

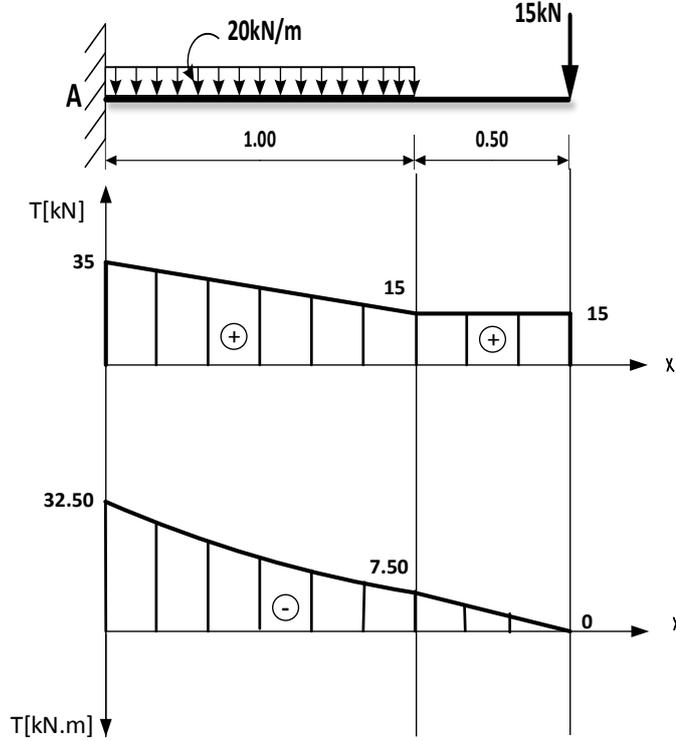
تعد هذه الوثيقة مع ورقة الإجابة

## الموضوع الأول

### الإجابة النموذجية وسلم التنقيط

العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
المجموع	مجزأة		
	3x0.25	<p>1. <u>حساب ردود الأفعال</u></p> $H_A = 0 \quad , \quad V_A = 35kN \quad , \quad M_A = 32.50kN.m$ <p>2. <u>كتابة معادلات</u> <math>M_f(x)</math> و <math>T(x)</math></p> <p><u>المقطع -1-1: <math>0 \leq x \leq 1m</math>:</u></p> $T(x) = 35 - 20x$ $T(0) = 35kN$ $T(1) = 15kN$ $M_f(x) = 35x - 10x^2 - 32.50$ $\begin{cases} M_f(0) = -32.50kN.m \\ M_f(1) = -7.50kN.m \end{cases}$ <p><u>المقطع -2-2: <math>0 \leq x \leq 0.50m</math>:</u></p> $T(x) = 15kN$ $M_f(x) = -15x$ $\begin{cases} M_f(0) = 0 \\ M_f(0.5) = -7.50kN.m \end{cases}$	<p>ميكانيك تطبيقية</p> <p>نشاط 1</p> <p>دراسة رافدة</p>
	0.25		
	0.25		
	0.25		
	0.25		
	0.25		
	0.25		
	0.25		
	0.25		

3. رسم المنحنى البياني للجهد القاطع وعزم الانحناء:



4. تحديد المجنب المناسب الذي يحقق شرط المقاومة:

0.25 
$$\sigma_{\max} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{M_{f \max}}{W_{xx'}} \leq \bar{\sigma}$$

0.25 
$$W_{xx'} \geq \frac{M_{f \max}}{\bar{\sigma}} = \frac{32.5 \cdot 10^4}{1600} = 203.13 \text{ cm}^3$$

ومنه المجنب المناسب هو: IPE220 حيث  $W_{xx'} = 252 \text{ cm}^3$

4.00

نشاط 2

0.25 
$$b = 2n - 3 \rightarrow 5 = 2 \times 4 - 3$$
  

$$5 = 5$$
  
 ومنه النظام محدد سكونيا.

1. التأكد من أن النظام محدد سكونيا

2. حساب ردود الأفعال:

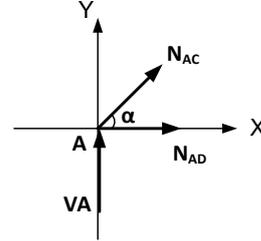
3x0.25 
$$H_A = 0 \quad , \quad V_B = 4 \text{ kN} \quad , \quad V_A = 8 \text{ kN}$$

1- حساب الجهود الداخلية في القضبان:

عزل العقدة " A "

2x0.25  $\sum F_{/y} = 0 \Rightarrow 0.832N_{AC} + VA = 0$   
 $\Rightarrow N_{AC} = -9.62kN$  انضغاط

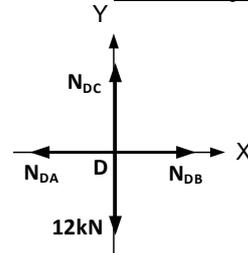
2x0.25  $\sum F_{/x} = 0 \Rightarrow 0.554N_{AC} + N_{AD} = 0$   
 $\Rightarrow N_{AD} = 5.33kN$  شد



عزل العقدة " D "

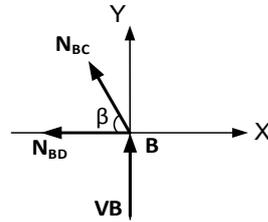
2x0.25  $\sum F_{/y} = 0 \Rightarrow N_{DC} - 12 = 0$   
 $\Rightarrow N_{DC} = 12kN$  شد

2x0.25  $\sum F_{/x} = 0 \Rightarrow N_{DB} - N_{DA} = 0$   
 $\Rightarrow N_{DB} = 5.33kN$  شد



عزل العقدة " B "

0.25  $\sum F_{/y} = 0 \Rightarrow 0.60N_{BC} + VB = 0$   
 $\Rightarrow N_{BC} = -6.67kN$  انضغاط



- تدوين النتائج في جدول

0.25

القضيب	شدة القوة (kN)	طبيعة القوة
AC	9.64	انضغاط
AD	5.30	شد
DC	12	شد
DB	5.30	شد
BC	6.67	انضغاط

2- التحقق من مقاومة القضيب CD

شروط المقاومة

2x0.25  $\sigma = \frac{N}{S} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{12 \times 10^2}{3.08} = 389.61 daN / cm^2 < 1200 daN / cm^2$

4.00

### نشاط 3

### خرسانة مسلحة

1. حساب التحريضات في حالة الحد النهائي الأخير و حالة حد التشغيل:

$$N_{ser} = G + Q = 200kN$$

$$N_U = 1.35G + 1.5Q = 277.5kN$$

2x0.25

2. حساب مقطع تسليح الشداد

- الحساب في الحالة الحدية للمقاومة ELU:

0.25

$$f_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s} = 347.83MPa$$

حساب الإجهاد:

حساب مقطع التسليح :

2x0.25

$$A_u = \frac{N_u}{f_{su}} \Rightarrow A_u = \frac{277.5 \times 10}{347.83} = 7.98cm^2$$

- الحساب في الحالة الحدية للتشغيل ELS:

بما أن التشققات ضارة فان:

0.25

$$\bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{2}{3} \cdot f_e; 110 \sqrt{\eta \times f_{ij}} \right\}$$

$$f_{ij} = 0.6 + 0.06 f_{c28} \rightarrow f_{ij} = 2.1MPa$$

2x0.25

$$\bar{\sigma}_s = \min \{ 266.67; 201.63 \}$$

0.25

$$\bar{\sigma}_s = 201.63MPa$$

مقطع التسليح:

2x0.25

$$A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_s} \rightarrow A_{ser} = \frac{200 \times 10}{201.63} \rightarrow A_{ser} = 9.92cm^2$$

مقطع التسليح النظري:

0.25

$$A_{th} = \max (7.98; 9.92) \rightarrow A_{th} = 9.92cm^2$$

$$6HA16 \rightarrow A_s = 12.06cm^2 \quad \text{من الجدول نختار}$$

0.25

التحقق من شرط عدم الهشاشة

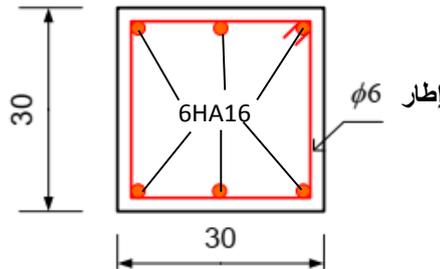
$$12.06 \times 400 > 30^2 \times 2.1 \rightarrow 4824 > 1890$$

0.25

شرط عدم الهشاشة محقق

- الرسم المقترح:

0.5



4.00

		<p>1. استنتاج السمت الاحداثي <math>G_{AC}</math> وطول الضلع <math>AD</math>.</p> <p>▪ استنتاج السمت الاحداثي <math>G_{AC}</math></p> <p><math>G_{AC} = 200 - \alpha = 200 - 60.51</math>  <math>G_{AC} = 139.49 \text{ grad}</math></p> <p>▪ استنتاج طول الضلع <math>AD</math>.</p> <p><math>L_{AD} = Y_A - Y_D = 100 - 50 \rightarrow L_{AD} = 50m</math></p> <p>2. حساب طول الضلع <math>AC</math> و احداثيات النقطة <math>C</math>:</p> <p>• حساب طول الضلع <math>AC</math></p> <p><math>2x0.25</math> <math>COS\alpha = \frac{L_{AD}}{L_{AC}} \rightarrow L_{AC} = \frac{L_{AD}}{COS\alpha} = \frac{50}{0.581} \rightarrow L_{AC} = 86.02m</math></p> <p>• حساب احداثيات النقطة <math>C</math></p> <p>0.25 <math>X_C = X_A + L_{AC} \text{ Sin } G_{AC}</math>  <math>2x0.25</math> <math>X_C = 100 + 86.02 \text{ Sin } 139.49 = 170m</math>  0.25 <math>Y_C = Y_D = 50m</math>  <math>C(170; 50)m</math></p> <p>3. حساب مساحة قطعة الأرض <math>ABCD</math> بطريقة الاحداثيات القائمة.</p> <p>0.25 <math>S_{ABCD} = \frac{1}{2} \sum [X_n (Y_{n-1} - Y_{n+1})]</math>  0.50 <math>S_{ABCD} = \frac{1}{2} [X_A (Y_D - Y_B) + X_B (Y_A - Y_C) + X_C (Y_B - Y_D) + X_D (Y_C - Y_A)]</math>  <math>2x0.25</math> <math>S_{ABCD} = \frac{1}{2} [100(50 - 120) + 150(100 - 50) + 170(120 - 50) + 100(50 - 100)]</math>  0.25 <math>S_{ABCD} = 3700m^2</math></p> <p>4. حساب السمت الاحداثي <math>G_{AB}</math> واستنتاج الزاوية <math>\beta</math></p> <p><math>\tan g = \left  \frac{150 - 100}{120 - 100} \right  = 2.50 \rightarrow g = 75.78 \text{ grad}</math>  0.25 <math>G_{AB} = g = 75.78 \text{ grad} \rightarrow</math> الربع الأول  0.25 <math>\beta = G_{AC} - G_{AB} = 139.49 - 75.78 = 63.71 \text{ grad}</math></p> <p>5. حساب مساحة قطعة الأرض <math>ABCD</math> بطريقة الاحداثيات القطبية.</p> <p>0.25 <math>S_{ABCD} = \frac{1}{2} \sum [L_n \times L_{n+1} \text{ Sin } (G_{n+1} - G_n)]</math>  0.25 <math>S_{ABCD} = \frac{1}{2} [L_{AD} \times L_{AC} \text{ Sin } (\alpha) + L_{AC} \times L_{AB} \text{ Sin } (G_{AC} - G_{AB})]</math></p>	<p>بناء نشاط 1</p> <p>حساب المساحات</p>

	2x0.25	$S_{ABCD} = \frac{1}{2} [50 \times 86.02 \sin(60.51) + 86.02 \times 53.85 \sin(139.49 - 75.78)]$	نشاط 2 دراسة عناصر بنائية
	0.25	$S_{ABCD} = \frac{1}{2} [3499.72 + 3899.73] \rightarrow S_{ABCD} = 3700m^2$	
5.50		1. تسمية العناصر:	
	6x0.25	01 - أرضية (بلاطة) 02 - رافدة 03 - عمود 04 - أساس مستمر 05 - حصىرة (تقبل قلبية) 06 - أساس منعزل	
	2x0.25	2. دور العنصر 02: - تحمل الحمولات المطبقة عليه، وإرسالها الى الاعمدة. - يقوم بربط الاعمدة أفقيا.	
	0.50	3. ينجز العنصر (04) بدل العنصر (06) في حالة تقارب الأساسات المنعزلة لمسافة أقل من 70cm	
2.50			

## الموضوع الثاني

### الإجابة النموذجية و سلم التنقيط

العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
المجموع	مجزأة		
			<b>ميكانيك تطبيقية</b>
	0.5	1- نوع التحريض هو الانضغاط البسيط	<b>النشاط الأول:</b>
	0.5	2- التحقق من شرط المقاومة : $\sigma \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{N}{S} \leq \bar{\sigma}$	
		$\frac{159 \times 10^3}{84.50} \leq 1600 \text{ daN/cm}^2$	مقاومة المواد
		$1881.65 \text{ daN/cm}^2 > 1600 \text{ daN/cm}^2$	
	0.5	إذا شرط المقاومة غير محقق و منه نقترح تغيير مقطع المجنب	
	0.25	$s \geq \frac{N}{\bar{\sigma}} = \frac{159 \times 10^3}{1600} = 99.37 \text{ cm}^2$	
		S= 116 cm <sup>2</sup> و نأخذ HEA500	
	0.25	$\sigma \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{159 \times 10^3}{116} \leq \bar{\sigma}$	
		$1370.69 \text{ daN/cm}^2 < 1600 \text{ daN/cm}^2$	
		و منه شرط المقاومة محقق.	
		3- حساب التشوه المطلق $\Delta L$ :	
	0.5	$\Delta L = \frac{N \times L}{E \times S} = \frac{159 \times 10^3 \times 470}{2 \times 10^6 \times 116} = 0.322 \text{ cm}$	
		$\Delta L = 3.22 \text{ mm}$	
	0.25	طبيعة التشوه هو تقلص	

نوع التحريض	الإجهاد المماسي daN/cm <sup>2</sup>	الإجهاد الناظمي daN/cm <sup>2</sup>	عزم الانحناء KN.m	الجهد القاطع (kN)	الجهد الناظمي (kN)	مساحة المقطع (cm <sup>2</sup> )
0.75 قص بسيط	20	-	-	80	-	20×20
0.75 انحناء بسيط	19.5	210	14	26	-	10×20
0.75 شد بسيط	-	30	-	-	+120	20×20

05.00

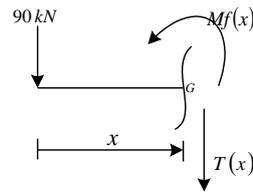
### 1- حساب ردود الأفعال:

$$\begin{aligned} \sum F / x = 0 &\Rightarrow H_B = 0 \\ \sum F / y = 0 &\Rightarrow V_A + V_B = 160kN \\ \sum M / A = 0 &\Rightarrow V_B = -5.71kN \\ \sum M / B = 0 &\Rightarrow V_A = 165.71kN \end{aligned}$$

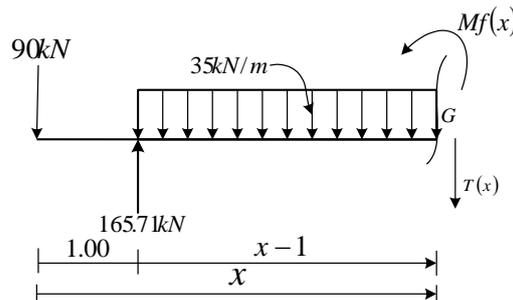
### 2- كتابة معادلات $M_f(x)$ و $T(x)$ :

#### المقطع 1-1- $0 \leq x \leq 1m$

$$\begin{aligned} \sum F / y = 0 &\Rightarrow T(x) = -90kN \\ \sum M / G = 0 &\Rightarrow M_f(x) = -90x \\ \begin{cases} x = 0 \Rightarrow M_f(0) = 0kN.m \\ x = 1 \Rightarrow M_f(1) = -90kN.m \end{cases} \end{aligned}$$



#### المقطع 2-2- $1m \leq x \leq 3m$



النشاط  
الثاني:

دراسة  
الرافدة

$$\sum F / y = 0 \Rightarrow T(x) = -35x + 110.71$$

$$\begin{cases} x = 1 \Rightarrow T(1) = 75.71 \text{ kN} \\ x = 3 \Rightarrow T(3) = 5.71 \text{ kN} \end{cases}$$

$$\sum M / G = 0 \Rightarrow Mf(x) = -17.5x^2 + 110.71x - 183.21$$

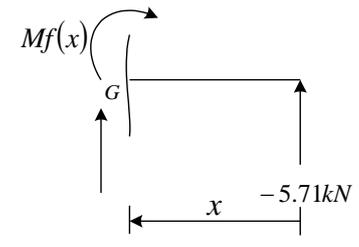
$$\begin{cases} x = 1 \Rightarrow Mf(1) = -90 \text{ kN.m} \\ x = 3 \Rightarrow Mf(3) = -8.58 \text{ kN.m} \end{cases}$$

المقطع -3-3:  $0 \leq x \leq 1.5 \text{ m}$

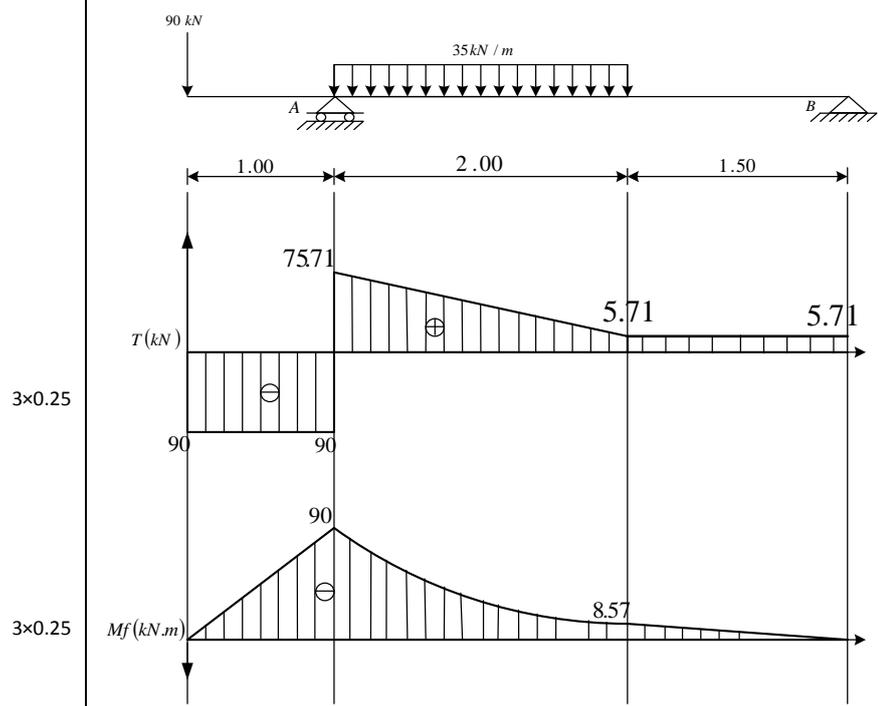
$$\sum F / y = 0 \Rightarrow T(x) = 5.71 \text{ kN}$$

$$\sum M / G = 0 \Rightarrow Mf(x) = -5.71x$$

$$\begin{cases} x = 0 \Rightarrow Mf(0) = 0 \text{ kN.m} \\ x = 1.5 \Rightarrow Mf(1.5) = -8.57 \text{ kN.m} \end{cases}$$



رسم المنحنى البياني للجهد القاطع و عزم الانحناء



3- استنتاج  $T_{\max}$  و  $M_{f \max}$

$$T_{\max} = 90 \text{ kN}$$

$$M_{f \max} = 90 \text{ kN.m}$$

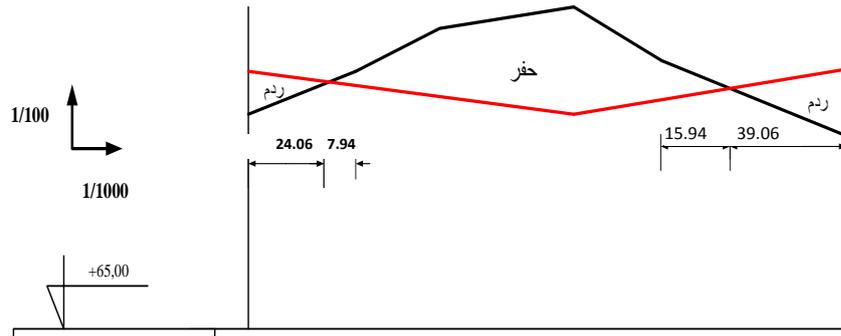
0.5

4- حساب ارتفاع الرافدة h الذي يحقق المقاومة :

	<p>0.75</p> <p>0.5</p>	$\sigma = \frac{M_{f \max}}{I_{.xx}} y_{\max} = \frac{6M_{f \max}}{bh^2} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow h \geq \sqrt[2]{\frac{6M_{f \max}}{b\bar{\sigma}}}$ $h \geq \sqrt{\frac{6 \times 90 \times 10^4}{20 \times 480}} = 23.72 \text{ cm}^2$ <p>5- التحقق من شرط المقاومة</p> $\tau = \frac{3}{2} \times \frac{T_{\max}}{\Omega} \leq \bar{\tau}$ $\tau_{\max} = \frac{3 \times 90 \times 10^2}{2 \times 20 \times 25} = 27 \text{ daN / cm}^2 < 70 \text{ daN / cm}^2$	
<p>07.00</p>	<p>0.75</p> <p>0.25x5</p> <p>0.75</p> <p>0.75</p>	<p>1. مدرج مستقيم بقلبتين متوازيتين</p> <p>2. العناصر المرقمة:</p> <p>1- فاصل ارتياح</p> <p>2- نائمة</p> <p>3- قائمة</p> <p>4- حصيرة</p> <p>5- قلبية</p> <p>3. حساب عدد الدرجات n</p> <p>عرض الدرجة g</p> $n = \frac{H}{h} = \frac{306}{17} = 18$ $2h + g = 64$ $2 \times 17 + g = 64$ $g = 64 - 34 = 30 \text{ cm}$	<p><u>البناء</u></p> <p><u>النشاط</u></p> <p><u>الأول:</u></p>
<p>03.50</p>			

**النشاط الثاني:**  
دراسة مظهر طولي للطريق

0.5  
0.5  
0.5  
0.5



أرقام المظاهر	P1	P2	P3	P4	P5	P6
مناسيب خط التربة الطبيعية	70.00	71.00	72.00	72.50	71.50	69.00
مناسيب خط المشروع	71.00	70.67	70.41	70.00	70.48	71.50
المسافات الجزئية		32.00	25.00	40.00	26.17	55.00
المسافات المتراكمة	00.00	32.00	57.00	97.00	123.17	178.17
ميل المشروع		1.03%			1.85%	
الاستقامات والمنعرجات		تراصف 97.00			R=50 m a=30°	تراصف 55.00

04.50