

على المترشح ان يختار احد الموضوعين

الموضوع الاول:

التمرين الاول : (04 نقاط)

اجب بصحيح او خطأ مع التبرير:

(1) لتكن الدالة f المعرفة على $[e; +\infty[$ ب: $f(x) = \frac{2x - \ln x}{x + \ln x}$ و (C_f) تمثيلها البياني في المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

• (C_f) يقبل مستقيم مقارب موازي لمحور الفواصل معادلته $y = 2$

(2) لتكن (U_n) المتتالية العددية المعرفة ب: $U_0 = 3$ ومن اجل كل $n \in \mathbb{N}$ $U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + 3$

• الحد العام للمتتالية (U_n) هو من اجل كل $n \in \mathbb{N}$ $U_n = 3\left(\frac{1}{2}\right)^n$

(3) لتكن الدالة f المعرفة على $]0; +\infty[$ ب: $f(x) = e^x - ex + \frac{\ln x}{x}$

و (C_f) تمثيلها البياني في المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ في الشكل

المقابل؛ (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في النقطة التي فاصلتها 1

A هي مساحة الحيز المستوي المحدد ب: (C_f) وحامل محور الفواصل

والمستقيمين اللذين معادلتيهما $x = \frac{1}{2}$ و $x = 2$

• $A \approx 1,024 \text{ ua}$

(4) الدالة f المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = -\frac{2}{3\sqrt{3}} \cos \pi x + \frac{2}{3} \sin \pi x$ هي حل للمعادلة التفاضلية $y'' + \pi^2 y = 0$

التمرين الثاني: (05 نقاط)

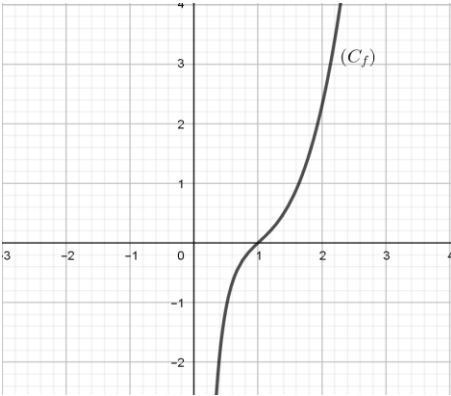
(1) f دالة عددية معرفة على المجال $] -1; +\infty[$ ب: $f(x) = \frac{x+4}{x+1}$ ، (C_f) هو التمثيل البياني للدالة f في مستوي

منسوب الى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ و (Δ) مستقيم معادلته $y = x$ حيث $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 1 \text{ cm}$

(أ) ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجال $] -1; +\infty[$ ثم شكل جدول تغيراتها

(ب) انشئ (C_f) والمستقيم (Δ) على المجال $[0; 4]$

(ج) بين انه اذا كان $x \in [0; 4]$ فان $f(x) \in [0; 4]$



$$u_{n+1} = f(u_n), n \in \mathbb{N} \text{ ومن اجل كل } u_0 = 0 \text{ (2)}$$

(أ) مثل الحدود الثلاثة الأولى للمتتالية (u_n) على محور الفواصل ثم ضع تخميناً حول اتجاه تغير المتتالية (u_n) وتقاربها.

(ب) برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي $n, 0 \leq u_n \leq 4$.

$$(3) \text{ لتكن المتتالية } (v_n) \text{ المعرفة كما يلي : من اجل كل } n \in \mathbb{N}, v_n = \frac{u_n - 2}{u_n + 2}$$

(أ) بين ان المتتالية (v_n) هندسية يطلب تعيين أساسها وحساب حدها الأول v_0 .

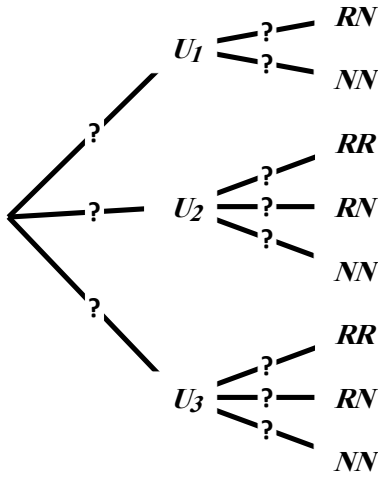
(ب) اكتب v_n بدلالة n ، ثم استنتج انه من اجل كل عدد طبيعي n ، $u_n = -2 + \frac{4}{1 + \left(-\frac{1}{3}\right)^n}$

(د) احسب $\lim u_n$.

$$(4) \text{ اكتب بدلالة } n \text{ المجموع: } S_n = 2 + \frac{4}{u_1 + 2} + \frac{4}{u_2 + 2} + \dots + \frac{4}{u_n + 2}$$

التمرين الثالث : (04 نقاط)

لدينا ثلاث صناديق U_1, U_2, U_3 . يحتوي الصندوق U_1 على كرة حمراء واحدة و 9 كرات سوداء ، الصندوق U_2 يحتوي على كرتين حمراوين و 8 كرات سوداء ، أما الصندوق U_3 يحتوي على ثلاث كرات حمراء و 7 كرات سوداء . نختار عشوائياً صندوقاً من الصناديق الثلاثة و نسحب في آن واحد كرتين من الصندوق المختار



لتكن الاحداث : " RR " الحصول على كرتين حمراوين " و " NN " الحصول على كرتين سوداوين " و " RN " الحصول على كرتين مختلفتين في اللون "

(1) أنقل ثم اتمم شجرة الاحتمالات

(2) ليكن المتغير العشوائي X الذي يرفق بكل سحب عدد الكرات الحمراء المسحوبة.

$$(أ) \text{ حدّد قيم المتغير العشوائي } X, \text{ ثم بيّن أنّ } P(X = 2) = \frac{4}{135}$$

(ب) عين قانون احتمال المتغير العشوائي X ، ثمّ أحسب أمله الرياضي $E(X)$.

(3) علماً أنّنا حصلنا على كرتين حمراوين ، ما احتمال أن يكون السحب من الصندوق U_3 ؟

التمرين الرابع : (07 نقاط)

(I) لتكن g دالة معرفة على $[0; +\infty[$ بـ : $g(x) = (-3x + 5)e^x - 3$

(1) ادرس اتجاه تغير الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها على $[0; +\infty[$

(2) بين ان المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حل وحيد α حيث $1,42 < \alpha < 1,43$

(3) انشئ جدول اشارة $g(x)$ على $[0; +\infty[$

(II) لتكن الدالة f المعرفة على $[0; +\infty[$ بـ : $f(x) = \frac{3x-2}{e^x-1}$ ، (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

حيث \vec{i}, \vec{j} - 1cm

(1) احسب النهايتين $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ ثم فسر النتيجةين بيانيا

$$(2) \text{ (أ) بين انه من اجل كل } x \in]0; +\infty[, f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - 1)^2}$$

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

(3) تحقق ان $f(\alpha) = -3\alpha + 5$ ثم جد حصر لـ $f(\alpha)$

(4) ارسم (C_f)

(5) ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة : $m^2 e^x - 3x = m^2 - 2$

(6) لتكن الدالة h المعرفة على $]-\infty; -1[\cup]1; +\infty[$ ب : $h(x) = \frac{3|x|-5}{e^{|x|-1}-1} + 1$

(أ) بين ان الدالة h زوجية

(ب) تحقق انه من اجل كل $x \in]1; +\infty[$ ؛ $h(x) = f(x-1) + 1$

(ت) اعط طريقة لتمثيل (C_h) باستعمال (C_f) ثم مثله في نفس المعلم

التصحيح النموذجي لامتحان البكالوريا التجريبي لمادة الرياضيات

الشعبة: علوم تجريبية

محاوير الموضوع	عناصر الاجابة	العلامة	
		مجزأة	كاملة
التمرين الاول	(1) صحيح لان $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2 - \frac{\ln x}{x}}{1 + \frac{\ln x}{x}} = 2$	01	04 ن
	(2) خطأ لأن يوجد عدد طبيعي n حيث $n=1$ و $u_1 = \frac{1}{2}u_0 + 3 = \frac{9}{2}$ و $u_1 = 3\left(\frac{1}{2}\right)^0 = 3$	01	
	(3) صحيح لان :	01	
	(4) صحيح لان : من اجل كل $x \in \mathbb{R}$ ، $f''(x) + \pi^2 f(x) = \frac{2\pi^2}{3\sqrt{3}} \cos \pi x - \frac{2\pi^2}{3} \sin \pi x + \pi^2 \left(-\frac{2}{3\sqrt{3}} \cos \pi x + \frac{2}{3} \sin \pi x \right) = 0$	01	
	$A = \int_{\frac{1}{2}}^1 -f(x) dx + \int_1^2 f(x) dx = -\left[e^x - \frac{e}{2}x^2 + \frac{1}{2} \ln^2 x \right]_{\frac{1}{2}}^1 + \left[e^x - \frac{e}{2}x^2 + \frac{1}{2} \ln^2 x \right]_1^2 \approx 1,024ua$	01	
التمرين الثاني:	(1) أ) $f'(x) = -\frac{3}{(x+1)^2}$ ، f متناقصة تماما على $]-1; +\infty[$	0.5	05 ن
	جدول التغيرات	0.25	
	ب) انشاء (C_f) و (Δ)	0.5	
	ج) لدينا $x \in [0; 4]$ و الدالة f متزايدة تماما على هذا المجال ومنه $0 \leq 4 \leq f(x) \leq \frac{8}{5} \leq 4$	0.25	
	(2) أ) تمثيل الحدود ، المتتالية غير رتبية و متقاربة ب) البرهان بالتراجع	0.25+0.5 0.5	
(3) أ) $v_{n+1} = -\frac{1}{3}v_n$ ، (v_n) هندسية اساسها $q = -\frac{1}{3}$ وحدها الاول $v_0 = -1$	0.75		
ب) $v_n = \left(-\frac{1}{3}\right)^{n+1}$ ، $u_n = -2 + \frac{4}{1-v_n}$ ومنه $u_n = -2 + \frac{4}{1 + \left(-\frac{1}{3}\right)^n}$	0.5+0.25		

	0.25		$\lim u_n = 2 \quad (\text{ج})$ $S_n = (1-v_0) + (1-v_1) + (1-v_2) + \dots + (1-v_n)$ $= \frac{3}{4} \left(-\frac{1}{3} \right)^{n+1} + n + \frac{1}{3} \quad (4)$									
	0.5											
04 ن	2.25		$P(U_1) = P(U_2) = P(U_3) = \frac{1}{3} \quad (1)$ $P_{U_1}(NN) = \frac{C_9^2}{C_{10}^2}, P_{U_1}(RN) = \frac{C_1^1 \times C_9^1}{C_{10}^2}$ $P_{U_2}(RN) = \frac{C_2^1 \times C_8^1}{C_{10}^2}, P_{U_2}(RR) = \frac{C_2^2}{C_{10}^2}$ $P_{U_2}(NN) = \frac{C_8^2}{C_{10}^2}$ $, P_{U_3}(NN) = \frac{C_7^2}{C_{10}^2}, P_{U_3}(RR) = \frac{C_3^2}{C_{10}^2}$ $P_{U_3}(RN) = \frac{C_7^1 \times C_3^1}{C_{10}^2}$	التمرين الثالث:								
	0.25+0.25		$P(X = 2) = \frac{4}{135}, X(\Omega) = \{0; 1; 2\} \quad (2)$									
	0.5+0.25	<table border="1"> <thead> <tr> <th>x_i</th> <th>0</th> <th>1</th> <th>2</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>$P(X = x_i)$</td> <td>$\frac{17}{27}$</td> <td>$\frac{46}{135}$</td> <td>$\frac{4}{135}$</td> </tr> </tbody> </table>	x_i	0	1	2	$P(X = x_i)$	$\frac{17}{27}$	$\frac{46}{135}$	$\frac{4}{135}$	$E(X) = \frac{10}{27} \quad (\text{ب})$	
x_i	0	1	2									
$P(X = x_i)$	$\frac{17}{27}$	$\frac{46}{135}$	$\frac{4}{135}$									
	0.5		$P_{RR}(U_3) = \frac{135}{180} \quad (3)$									
07 ن	0.75	$g'(x) = (-3x + 2)e^x \quad (1) \quad (I)$ <p>متناقصة تماما على $\left[0; \frac{2}{3}\right]$ ومتزايدة تماما على $\left[\frac{2}{3}; +\infty\right]$</p>		التمرين الرابع:								
	0.5											
	0.5		$g(1,43) \approx -0.033, g(1,42) \approx 0,061$ و $[1,42; 1,43]$ مستمرة ومتزايدة تماما على $[1,42; 1,43]$ حسب مبرهنة القيم المتوسطة المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حل وحيد α حيث $1,42 < \alpha < 1,43$									
	0.5		$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty, \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0 \quad (1) \quad (\Pi)$									
	0.5		$f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - 1)^2} \quad (2)$									
	0.25		$f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - 1)^2} \quad (2)$									
	0.5		$g(x) = 0$ من اشارة $f'(x)$ من اشارة $g(x)$ ومنه متزايدة تماما على $]0; \alpha[$ ومتناقصة تماما على $]\alpha; +\infty[$									

0.25	جدول تغيرات الدالة f	
0.5	$f(\alpha) = -3\alpha + 5$ ، $0.72 <$	
0.5	4) التمثيل البياني	
0.25	5) $f(x) = m^2$ حلول المعادلة بيانيا هي فواصل نقاط تقاطع (C_f) مع المستقيمات التي معادلاتها	
0.25	$y = m^2$	
0.5	$m = 0$ المعادلة تقبل حل واحد ، $[-\sqrt{f(\alpha)}; 0[\cup]\bar{\alpha}]$ ، $m \in]-\sqrt{f(\alpha)}; 0[$ المعادلة تقبل حلين	
0.5	$m = \sqrt{f(\alpha)}$ او $m = -\sqrt{f(\alpha)}$ المعادلة تقبل حل مضاعف	
0.5	$m \in]-\infty; -\sqrt{f(\alpha)}[\cup]\bar{\alpha}; +\infty[$ المعادلة لاتقبل حلول	
0.25	6) أ) تبيان ان h زوجية	
0.25	ب) ليكن $x \in]1; +\infty[$ ، $h(x) = \frac{3x-3-2}{e^{x-1}-1} + 1 = \frac{3(x-1)-2}{e^{x-1}-1} + 1 = f(x-1) + 1$ ، $x \in]1; +\infty[$	
0.25	ج) (C_h) صورة (C_f) بانسحاب شعاعه \vec{u}_1 على $]1; +\infty[$ وبقيّة (C_h) التناظر بالنسبة لمحور	
0.5	الترتيب تمثيل (C_h)	