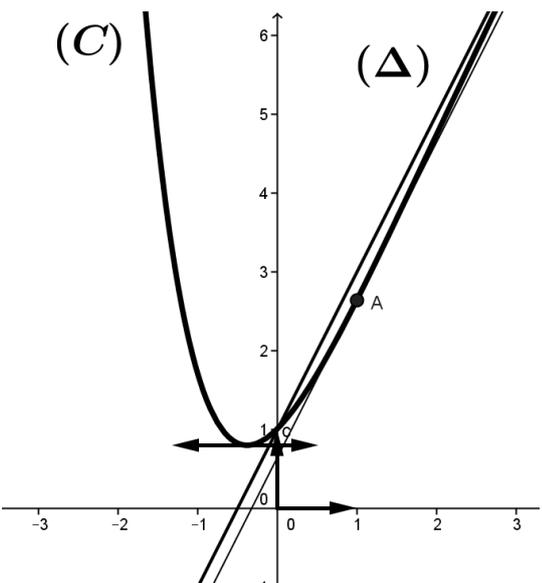


العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	مجزأة	
02	01	<b>التمرين الأول: ( 04 نقاط)</b> (1) أ) البرهان بالتراجع..... ب) إثبات أن: $(u_n)$ متناقصة تماما على $\mathbb{N}$
	0.5	من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $u_{n+1} - u_n = \frac{-(u_n + 2)^2}{u_n + 5}$
	0.5	- $(u_n)$ متقاربة .....
0.75	0.5	(2) إثبات أن $(v_n)$ متتالية حسابية : من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $v_{n+1} - v_n = \frac{1}{3}$
	0.25	- حدها الأول $v_0 = \frac{1}{3}$ .....
01	0.5	(3) - من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $v_n = \frac{1}{3} + \frac{1}{3}n$ .....
	0.25	- من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $u_n = \frac{1}{v_n} - 2$ ومنه $u_n = \frac{-2n+1}{n+1}$ .....
	0.25	- حساب النهاية .....
0.25	0.25	(4) إثبات أن: من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $S_n = u_0v_0 + u_1v_1 + \dots + u_nv_n$
	0.25	من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $v_n = \frac{1}{u_n + 2}$ معناه $u_nv_n = 1 - 2v_n$ .....
		..... $S_n = (1 - 2v_0) + (1 - 2v_1) + \dots + (1 - 2v_n)$ $S_n = \frac{1}{3}(1 - n^2)$
03	0.75×2	<b>التمرين الثاني: ( 04 نقاط )</b> (1) أ) $P(A) = \frac{3}{10}$ ، $P(B) = \frac{7}{60}$
	0.5×3	ب) $P(A \cap B) = \frac{1}{20}$ و $P_A(B) = \frac{1}{6}$ و $P(A \cup B) = \frac{11}{30}$

01	0.75	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th><math>X_i</math></th> <th>0</th> <th>1</th> <th>2</th> <th>3</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td><math>P(X_i)</math></td> <td><math>\frac{1}{12}</math></td> <td><math>\frac{5}{12}</math></td> <td><math>\frac{5}{12}</math></td> <td><math>\frac{1}{12}</math></td> </tr> </tbody> </table>	$X_i$	0	1	2	3	$P(X_i)$	$\frac{1}{12}$	$\frac{5}{12}$	$\frac{5}{12}$	$\frac{1}{12}$	(2)
	$X_i$	0	1	2	3								
$P(X_i)$	$\frac{1}{12}$	$\frac{5}{12}$	$\frac{5}{12}$	$\frac{1}{12}$									
0.25		$E(X) = \frac{3}{2}$	- الأمل الرياضي										
<b>التمرين الثالث : (05 نقاط)</b>													
1.5	0.5×3	<p>(1) حل في <math>\mathbb{C}</math> المعادلة: <math>z^2 - \sqrt{3}z + 1 = 0</math></p> <p><math>Z_2 = \frac{\sqrt{3}+i}{2}</math> و <math>Z_1 = \frac{\sqrt{3}-i}{2}</math> و <math>\Delta = -1 = i^2</math></p>											
1.5	2×0.5	<p>(2) - الشكل الاسي: <math>Z_A = e^{i\frac{\pi}{3}}</math> و <math>Z_B = e^{i\frac{\pi}{6}}</math></p> <p>- <math>\left(\frac{Z_A}{Z_B}\right)^n = \left(e^{i\frac{\pi}{6}}\right)^n = e^{i\frac{n\pi}{6}}</math> ومنه <math>n = 12k + 2; k \in \mathbb{N}</math></p>											
1.5	0.5	<p>(3) أ) لدينا <math>\frac{Z_B}{Z_C} = \frac{e^{i\frac{\pi}{6}}}{e^{i\left(-\frac{\pi}{6}\right)}} = e^{i\frac{\pi}{3}}</math></p> <p>أي <math>\frac{Z_B - Z_0}{Z_C - Z_0} = e^{i\frac{\pi}{3}}</math> ومنه المثلث <math>OBC</math> متقايس الاضلاع .....</p> <p>ب) <math>Z_B = e^{i\frac{\pi}{3}} Z_C</math> ومنه <math>B</math> هي صورة <math>C</math> بالدوران <math>r</math> الذي مركزه <math>O</math> وزاويته <math>\frac{\pi}{3}</math>.</p>											
0.5	0.25	<p>(4) تعيين مجموعة النقط: <math> Z  = \left  \bar{Z} - \frac{\sqrt{3}}{2} - i\frac{1}{2} \right </math> تكافئ <math> Z  =  \bar{Z} - Z_B </math></p> <p>تكافئ <math> Z  =  \bar{Z} - Z_C </math> أي <math> Z  =  Z - Z_C </math> ومعناها <math>OM = CM</math></p> <p>و <math>(\gamma)</math> هي محور القطعة المستقيمة <math>[OC]</math> .....</p> <p>بما أن: <math>r(O) = O</math> و <math>r(C) = B</math> فإن صورة <math>(\gamma)</math> بالدوران <math>r</math> هي محور القطعة <math>[OB]</math></p>											

التمرين الرابع: ( 07 نقاط )

		I. $g(x) = 2 + (x-1)e^{-x}$ أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 2$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = -\infty$ ب) دراسة اتجاه تغير الدالة $g$ . الدالة $g$ تقبل الإشتقاق على $\mathbb{R}$ ، $g'(x) = (2-x)e^{-x}$ ..... الدالة $g$ متزايدة تماما على $]-\infty; 2]$ ومتناقصة تماما على $[2; +\infty[$ ..... - جدول تغيرات $g$ .....
1.5	0.25 0.25 0.5 0.25	
01	0.5 0.5	ج) دالة مستمرة و متزايدة تماما على $]-\infty; 2]$ مغيرة إشارتها فحسب مبرهنة القيم المتوسطة المعادلة $g(x) = 0$ تقبل في $]-\infty; 2]$ حلا وحيدا $\alpha$ و $g(-0.38) = -0.017$ ؛ $g(-0.37) = 0.016$ ؛ $g(-0.38) \times g(-0.37) < 0$ إذن $-0.38 < \alpha < -0.37$ - استنتاج إشارة $g(x)$ .....
1.25	0.25×2 0.25×2 0.25	II. أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ..... ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - (2x+1)) = 0$ نستنتج أن $(\Delta): y = 2x+1$ مستقيم مقارب مائل لـ (C) بجوار $+\infty$ ج) دراسة الوضع النسبي: .....
1.25	0.5 0.5 0.25	2) من أجل كل $x$ من $\mathbb{R}$ $f'(x) = g(x)$ ..... - $f$ متزايدة تماما على المجال $[\alpha; +\infty[$ و $f$ متناقصة تماما على المجال $]-\infty; \alpha]$ ..... - جدول التغيرات.....
0.5	0.5	3) معادلة المماس $(T): y = 2x+1 - e^{-1}$

<p>0.75</p>	<p>0.75</p>	<p>(4) رسم المماس و المنحنى</p> 
<p>0.25</p>	<p>0.25</p>	<p>(5) <math>f(x) = 2x + m</math></p> <p>لما <math>m \in ]-\infty; 1 - \frac{1}{e}[</math> المعادلة لا تقبل حلول</p> <p>لما <math>m = 1 - \frac{1}{e}</math> المعادلة تقبل حل مضاعف</p> <p>لما <math>m \in ]1 - \frac{1}{e}; 1[</math> المعادلة تقبل حلين موجبين تماما</p> <p>لما <math>m = 1</math> المعادلة تقبل حل واحد معدوم</p> <p>لما <math>m \in ]1; +\infty[</math> المعادلة تقبل حل وحيد سالب تماما</p>
<p>0.5</p>	<p>0.25</p>	<p>(6) أ) الدالة الأصلية للدالة <math>f</math> على <math>\mathbb{R}</math> والتي تتعدم من أجل القيمة 1 للمتغير</p> $F(x) = \int_1^x te^{-t} dt = (-1-x)e^{-x} + 2e^{-1}$ <p>ب) <math>A = \int_1^3 ((2x-1) - f(x)) dx = 2e^{-1} - 4e^{-3} \text{ ua}</math></p>

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	مجزأة	
<b>التمرين الأول: ( 04 نقاط)</b>		
01.5	0.5×3	(1) حساب $u_1$ ، $u_2$ و $u_3$ : $u_1 = \ln 3$ ، $u_2 = \ln 5$ و $u_3 = \ln 7$
0.25	0.25	(2) نبين أن $\frac{2n+3}{2n+1} > 1$ : بما أن $2n+3 > 2n+1$ فإن $\frac{2n+3}{2n+1} > 1$ - اتجاه تغير المتتالية $(u_n)$ : $u_{n+1} - u_n = \ln\left(\frac{2n+3}{2n+1}\right)$ بما أن $\ln\left(\frac{2n+3}{2n+1}\right) > 0$ فإن $(u_n)$ متزايدة تماما
1.75	0.5×2 0.25 0.5	(3) أ) نبين أن $e^{u_n} = v_n$ لدينا $v_0 = 1$ و $e^{u_0} = 1$ و منه الخاصية محققة من أجل $n = 0$ نفرض $e^{u_n} = v_n$ و نبين أن $e^{u_{n+1}} = v_{n+1}$ لدينا: $e^{u_{n+1}} = e^{u_n + \ln\left(\frac{2n+3}{2n+1}\right)} = 2n+3 = v_{n+1}$ ب) استنتاج عبارة $u_n$ : $u_n = \ln v_n = \ln(2n+1)$ $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$
0.5	0.25 0.25	(4) حساب المجموعين: $S_n = \ln\left(\frac{v_1}{v_0}\right) + \ln\left(\frac{v_2}{v_1}\right) + \dots + \ln\left(\frac{v_n}{v_{n-1}}\right) = \ln v_n - \ln v_0 = \ln\left(\frac{v_n}{v_0}\right) = \ln v_n = u_n$ $T = e^{u_{1439}} + e^{u_{1440}} + \dots + e^{u_{2018}} = v_{1439} + v_{1440} + \dots + v_{2018}$ $= \frac{2018 - 1439 + 1}{2} [2(1439 + 2018) + 2] = 2005640$
<b>التمرين الثاني: ( 03 نقاط)</b>		
1.25	+0.5 0.75	(1) تمثيل وسيطي للمستقيم $(\Delta)$ : $(\Delta) : \begin{cases} x = t + 1 \\ y = 5t - 2 \\ z = -2t + 1 \end{cases} (t \in \mathbb{R})$
0.5	0.25 0.25	(2) التحقق أن المستويين $(P_1)$ ، $(P_2)$ يتقاطعان . - التقاطع وفق المستقيم $(\Delta)$
0.5	0.25	(3) معادلة ديكارتية للمستوي $(Q)$ : $(Q) : x + 5y - 2z - 19 = 0$

	0.25	$E(2;3;-1)$ بالتعويض نجد نقطة التقاطع $(P_1) \cap (P_2) \cap (Q) = (\Delta) \cap (Q)$
0.75	0.25	4 أ) التحقق أن النقطة $H$ هي المسقط العمودي
	0.25	ب) طبيعة المثلث $EBH$ : المثلث قائم في $H$
	0.25	حجم رباعي الوجوه $ABEH$ : $V_{ABEH} = \frac{1}{3} S_{EBH} \times d[A, (Q)] = 5 uv$ (مساحة المثلث $EBH$ : $S_{EBH} = \frac{1}{2} EH \times HB = \frac{\sqrt{30}}{2}$ )
<b>التمرين الثالث: ( 05 نقاط )</b>		
01	0,25×4	1) مجموعة حلول المعادلة: $(\bar{z}-4+i)(z^2-4z+5)=0$ هي $S = \{4+i; 2-i; 2+i\}$
1.25	0,25×4	2) 1) التحقق أن: $\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A} = i$
	0.25	قيم العدد الطبيعي : $n = 2k + 1; k \in \mathbb{N}$
01	0.5	2) أي $\begin{cases}  z_D - z_A  =  z_B - z_A  \\ \arg\left(\frac{z_D - z_A}{z_B - z_A}\right) = \frac{\pi}{3} + 2k\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \end{cases}$
	0.5	ومنه $ABD$ مثلث متقايس الاضلاع. $z_D = e^{i\frac{\pi}{3}}(z_B - z_A) + z_A = 3 + (1 + \sqrt{3})i$
1.25	0.75	3) حساب $z_G$ : $z_G = 3 + i\left(1 + \frac{\sqrt{3}}{3}\right)$
	0.5	- عناصر التشابه المباشر: نسبته $\sqrt{3}$ و زاويته $\frac{\pi}{6}$
0.5	0.5	4) طبيعة مجموعة النقط : $(\Gamma)$ هي القطعة $[CG]$

		التمرين الرابع: (08 نقاط)
1.5	0.5 01	I - حساب $g(1)$ - استنتاج إشارة $g(x)$ :
1.75	0.75 0.5 0.5	II - (1) حساب النهاية: $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$ و تبيان أن: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ التفسير البياني: $x=0$ و $y=0$ معادلتى المستقيمين المقاربين لـ $(C_f)$
2.50	01 0.75 0.75	(2) أ- تبيان أن $f'(x) = \frac{g(x)}{(1+x \ln x)^2}$ ب- $f$ متناقصة تماما على $[1; +\infty[$ و متزايدة تماما على $]0; 1]$ - جدول التغيرات
1.25	0.25 0.25 0.75	(3) $(C_f)$ يقطع محور الفواصل في نقطة فاصلتها $e^{-1}$ معادلة المماس: $(T) : y = \frac{e^2}{e-1}x - \frac{e}{e-1}$ - رسم المماس و المنحنى
0.5	0.25 0.25	(4) المعادلة $(e-1)f(x) = e^2x - me$ تكافئ $f(x) = \frac{e^2}{e-1}x - \frac{e}{e-1}m$ و منه المعادلة تقبل حلين متمايزين من أجل $m > 1$
0.25	0.25	III - (1) $I_n = \int_1^n f(x)dx = [\ln(1+x \ln x)]_1^n = \ln(1+n \ln n)$
0.25	0.25	(2) اتجاه تغير المتتالية $(I_n)$ $I_{n+1} - I_n = \ln\left(\frac{1+(n+1)\ln(n+1)}{1+n \ln n}\right)$ و منه $(I_n)$ متزايدة تماما لأن $(\ln(1+(n+1)\ln(n+1))) > \ln(1+n \ln n)$ أو $I_{n+1} - I_n = \int_n^{n+1} f(x)dx > 0$