



تطور جملة ميكانيكية  
تطبيق القانون الثاني



التمرين الأول:

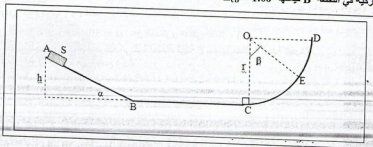
- تتحرك سيارة (A) كتلتها  $m = 10^3 \text{ Kg}$  على طريق مستقيم وأفقي خاضعة لقوة جر  $F$  وقوة احتكاك  $f$  معاكسة لجهة الحركة. (الشكل).  
1- أعد رسم الشكل على ورقة إجابتك موضحاً عليه كل القوى المؤثرة على السيارة، ما هو المرجح الذي يمكن فيه دراسة حركة السيارة؟  
2- بفرض أن سرعة السيارة ثابتة، وأن شدة قوة الجر هي  $F = 4.10^4 \text{ N}$  احسب شدة قوة الاحتكاك  $f$ .  
3- في الحقيقة شدة قوة الجر هي  $F = 4,2.10^4 \text{ N}$  وإن لشدة قوة الاحتكاك القيمة الموجودة في السؤال 2-.

- أ / تطبيق القانون الثاني لنيتون على السيارة، عين تسارع الحركة  $a$ .  
ب / تقطع السيارة مسافة  $(x - x_0 = L = 400 \text{ m})$ . ما المدة الزمنية اللازمة لقطع هذه المسافة باعتبار أن السيارة انطلقت من السكون.  
ج/ في لحظة زمنية نعتبرها مبدأ الأزمنة، يتوقف محرك السيارة بسبب عطب حصل لها، كم قيمة سرعة السيارة  $v$  لحظة حدوث العطب.

- 4- لحظة وقوع العطب، تكون السيارة خاضعة للألوة الاحتكاك  $f$  التي نعتبرها في هذه الحالة من الشكل  $\vec{f} = -k \cdot \vec{v}$ .  
أ/ تطبيق القانون الثاني لنيتون على السيارة هذه المرة، أوجد علاقة تجمع بين السرعة  $v$  ومشتقتها  $\frac{dv}{dt}$  كيف تسمى هذه العلاقة؟  
ب/ إن تغيرات السرعة بدلالة الزمن  $v = f(t)$  هي من الشكل:  $v = v_1 \cdot e^{-\lambda t}$ ، حدد قيمة المقدار  $\lambda$  علماً أن  $k = 12,5 \text{ N.s.m}^{-1}$ .  
مثل بشكل كافي  $v = f(t)$ .

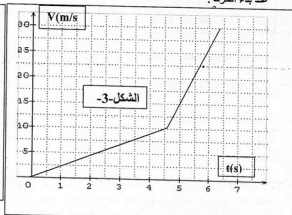
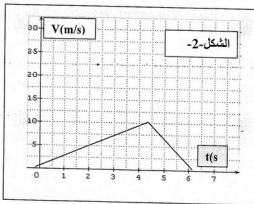
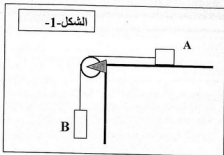
التمرين الثاني:

- 1- نترك جسماً كتلته  $m = 300 \text{ g}$  في النقطة A لينزل من السكون على خط الميل الاعظم لمستوي مائل بالزاوية  $\alpha = 30^\circ$  عن المستوي الأفقي المار من B .  $h = 50 \text{ cm}$   
يكتسب الجسم طاقة حركية في النقطة B قيمتها  $E_{CB} = 1.0 \text{ J}$



- أ- احسب عمل ثقل الجسم من A إلى B  
ب- استنتج من A إلى B عمل قوة الاحتكاك  $f$  التي نعتبرها ثابتة  
2- بواصل الجسم الحركة على الطريق الأفقي BC حيث  $BC = 1 \text{ m}$  ويخضع الجسم بين B و C إلى قوة احتكاك نعتبرها ثابتة وتكافئ قيمتها  $f = 0.5 \text{ N}$   
أ- بتطبيق القانون الثاني لنيتون بين B و C بين أن حركة الجسم متباطئة بانتظام ثم احسب تسارعه  
ب- احسب سرعة الجسم في النقطة C  
3- نهمل الاحتكاكات على المسار الدائري الواقع في المستوي الشاقولي حيث  $OC = OD = OE = r = 1 \text{ m}$   
ما يصل الجسم إلى C بواصل الحركة على المسار الدائري ويتوقف عند E احسب الزاوية  $\beta$  بفرض أن الاحتكاكات مهملة على طول المسار ABCD، ماهي أقل قيمة للسرعة التي يجب أن يدفع بها الجسم الصلب S حتى يتمكن من الوصول إلى الوضع D حيث الزاوية  $\beta = 90^\circ$ ،  $g = 10 \text{ m/s}^2$

التمرين الثالث :  
يتصل جسمان A و B و كتلتها على الترتيب  $m_B$  و  $m_A$  بواسطة خيط مهمل الكتلة و عديم الإمتطاط يمر على محز بكرة مهمل الكتلة و قابلة للدوران حول محورها بدون احتكاك (الشكل-1).  
ينزلق الجسم A المستوي الأفقي بوجود قوة احتكاك ثابتة الشدة و معاكسة لجهة الحركة. يتحرر الجسم من السكون و بعد 5 ثوان من بداية الحركة ينقطع الخيط الذي يربط الجسمين. الشكلان 2- و 3- يمثلان مخططي السرعة للجسمين.



1- أنسب لكل جسم مخطط سرعته مع التعليل.

2- استنتج تسارعي الجسمين قبل و بعد انقطاع الخيط

3- ا- أوجد نظريا عبارة تسارع كل من الجسمين قبل و بعد انقطاع الخيط

ب- استنتج قيمة كل من الكتلتين علما أن شدة قوة الاحتكاك تساوي  $f=0,8 \text{ N}$ .

4- اكتب المعادلتين الزميتين للسرعة و الفاصلة للجسم A بعد انقطاع الخيط و هذا باعتبار مبدأ الأزمئة ( $t=0$ ) لحظة انقطاع الخيط و مبدأ الفواصل موضع المتحرك عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

عند بدء الحركة.

التمرين الرابع :  
يحرر جسم صلب ( $s$ ) كتلته  $m = 200 \text{ g}$  من النقطة ( $A$ ) بدون سرعة ابتدائية ليتحرك على المستوى المائل ( $AB$ )

يميل بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  عن المستوى الأفقي الشكل 1-.

يخضع الجسم ( $s$ ) أثناء حركته إلى قوة احتكاك ثابتة  $F$  جهتها معاكسة لجهة الحركة

1- مثل القوى المؤثرة في الجسم ( $s$ )

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد عبارة ( $a$ ) تسارع الجسم ( $s$ )

بدلالة  $\alpha \cdot m \cdot g \cdot F$ .

3- باستعمال الحصيعة الطاقوية ثم معادلة انحفاظ الطاقة .

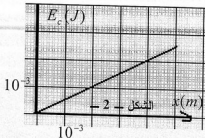
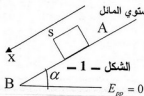
أوجد عبارة  $E_{CB}$  الطاقة الحركية للجسم ( $s$ ) عند النقطة ( $B$ )

بدلالة  $L \cdot \alpha \cdot m \cdot g \cdot F$  حيث  $L = AB$

4- انطلاقا من البيان الممثل في الشكل 2- الذي يمثل الطاقة الحركية  $E_c$  بدلالة الفاصلة  $x(t)$ . أوجد عبارة  $E_c$  بدلالة  $x(t)$

استنتج شدة قوة الاحتكاك  $F$

5- استنتج سرعة الجسم ( $s$ ) عند وصوله إلى النقطة  $B$ .



### التمرين الخامس:

ينزلق متحرك كتلته  $m = 10 \text{ Kg}$  فوق سطح أفقي، نرسم لمجموع قوى الاحتكاك بقوة ثابتة  $f$  ونهمل تأثير الهواء. نأخذ مبداء الأزمنة عند النقطة A. تتغير سرعة المتحرك من القيمة  $v_A = 10 \text{ m.s}^{-1}$  في النقطة A إلى القيمة  $v_B = 3 \text{ m.s}^{-1}$  في النقطة B، تبعد بمسافة  $100 \text{ m}$  عن النقطة A.

- 1- حدد قيمة  $f$ ، بتطبيق مبداء الحفظ الطاقة
- 2- نريد الآن تحديد قيمة  $f$  باستعمال القانون الثاني لنيوتن
- 1-2 بين ان تسارع مركز عطالة المتحرك ثابت أثناء الحركة .
- 2-2 حدد عبارة كل من  $v(t)$  و  $x(t)$  بدلالة  $a$  و  $t_0$  و  $v_A$  ..
- 3-2 باستعمال هاتين العبارتين، حدد قيمة اللحظة  $t_B$  التي يمر عندها المتحرك على النقطة B
- 4-2 استنتج قيمة  $f$  باستعمال القانون الثاني لنيوتن.
- 3- حدد الفاصلة  $x_C$  للنقطة C الموافقة للموضع الذي يتوقف عنده المتحرك.

### تطبيق قوانين كيبلر و حركة الأقمار

التمرين الأول ( 2011M):

في نظام المجموعة الشمسية، تدور الأرض حول الشمس، نعرض أن حركتها دائرية منتظمة.

- 1 - بتطبيق قانون الجذب العام، أكتب العبارة الشعاعية للقوة التي تؤثر بها الشمس على الأرض .
- 2 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أكتب العبارة الشعاعية للقوة المطبقة على الأرض .
- 3 - أوجد عبارة التسارع الناطمي  $a_n$  بدلالة  $r$ ،  $M_S$ ،  $G$ .
- 4 - أكتب عبارة التسارع الناطمي  $a_n$  بدلالة  $r$ ،  $V$  في حالة دوران الأرض حول الشمس بحركة دائرية منتظمة.
- 5 - أوجد عبارة سرعة دوران الأرض حول الشمس، ثم احسب قيمتها .
- 6 - أعط عبارة الدور  $T$  للأرض حول الشمس، ثم احسب قيمته .
- 7 - بين لماذا لا توافق هذه القيمة للدور، القيمة الحقيقية لدور الأرض حول الشمس .

البعد بين مركز الأرض ومركز الشمس:  $r = 1,5 \times 10^{11} \text{ m}$ ،  $M_S = 1,98 \times 10^{30} \text{ Kg}$ ،  $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ Kg}$

$$G = 6,67 \times 10^{-11}$$

### التمرين الثاني:

الأقمار الصناعية ( ميثيوسات ) ( Météosat ) هي أقمار تستعمل لجمع المعطيات من أجل الأحوال الجوية، فهي أقمار جيوسو مستقرة على مدار دائري حول الأرض.

- ما القمر الصناعي الجيوسو مستقر؟ ما الشروط الواجب توفرها حتى يكون قمر صناعي جيوسو مستقر.

- ندرس حركة هذا القمر حول الأرض ونعتبر أن مداره دائري . عيّن خصائص القوة الجاذبة التي تطبقها الأرض على القمر الصناعي هذا.

- برهن أن حركة القمر هي حركة منتظمة.

- عيّر عن سرعة القمر  $v$  ودوره  $T$  بدلالة  $r$ ،  $G$  و  $M_T$  (  $r$  بُعد القمر الصناعي عن مركز الأرض )

- بين أن النسبة  $\frac{T^2}{r^3}$  ثابتة، ما اسم هذا القانون الذي تحققه هذه النتيجة.

- احسب علو ( ارتفاع ) قمر صناعي جيوسو مستقر.

يعطى: نصف قطر الأرض:  $R_T = 6,38 \times 10^3 \text{ km}$

كتلة الأرض:  $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$

ثابت التجاذب الكوني:  $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N.m}^2.\text{kg}^{-2}$

### التمرين الثالث:

تم إرسال أول قمر صناعي Galileo للبرنامج GIOVE-A في 28 ديسمبر 2005 . نعتبر ان القمر الاصطناعي جسما نطقيا S لا يخضع إلا لقوة جذب الأرض له. يرسم مدارا دائريا على ارتفاع  $h = 23,6.10^3 \text{ km}$  عن سطح الأرض.

1/ مثل كيفيا جاذب القمر الاصطناعي على مساره والقوة المطبقة من طرف الأرض على هاذ القمر.

2/ ما هو المرجح الذي ندرس فيه الحركة؟ لتطبيق القانون الثاني لنيوتن ما هي الفرضية الواجب وضعها بالنسبة لهذا المرجح؟

3/ اعط مميزات شعاع التسارع  $a$  للنقطة S في المرجح السابق.

4/ اوجد عبارة سرعة الحركة بدلالة  $S$ ،  $M_T$ ،  $R_T$ ،  $h$ ،  $G$ .

5/ باستعمال المعطيات السابقة: اعط عبارة دور الحركة ثم اوجد قانون كيبلر الثالث.

يعطى نصف قطر الأرض:  $R_T = 6,38.10^3 \text{ km}$

6/ مقارنة حركة القمر الصناعي بحركة أقمار صناعية أخرى: الجدول التالي يعطي دور و نصف قطر مدارات بعض الأقمار الصناعية:



القمر	$R=(R_T+h)(\text{km})$	$T(\text{s})$	$R^3(\text{km}^3)$	$T^2(\text{s}^2)$
GPS	$20,2.10^3$	$2,88.10^4$		
GLONASS	$25,5.10^3$	$4,02.10^4$		
METEOSAT	$42,1.10^3$	$8,61.10^4$		

أكمل الجدول ثم ارسم البيان:  $T^2=f(R^3)$  باستخدام سلم الرسم  $R^3$ : كل  $1\text{cm}$  يقابلها  $10^{13}\text{km}^3$ .  
 $T^2$ : كل  $1\text{cm}$  يقابلها  $10^9\text{s}^2$ .

اكتب معادلة المنحنى الناتج و تأكد ان البيان يتوافق مع كبلر الثالث.

ج/ استنتج كتلة الأرض  $R_T$ .  
 د/ باستخدام البيان اوجد دور القمر الصناعي Galiléo, ثم احسب سرعته وتمازعه. يعطى:  $G = 6,67.10^{-11}$ .

**التمرين الرابع (2011M)**  
 تعتبر قمرا صناعيا للاتصالات كتلته  $m$  يوجد مداره الدائري في مستوى خط الاستواء الذي يعتبر مدارا للأقمار الاصناعية الساكنة بالنسبة للأرض

ندرس حركة هذا القمر في المرجع المركزي الأرضي .

1- أعط تعريف المرجع المركزي الأرضي

2- حدد السرعة الزاوية لحركة القمر الاصطناعي في المرجع المركزي للأرضي .

بالنسبة لأي مرجع يظهر القمر الاصطناعي ساكنا ؟

3- يوجد القمر الاصطناعي على ارتفاع  $Z=35800\text{Km}$  . باعتبار نصف قطر الأرض  $R=6400\text{Km}$

ا- أعط مميزات السرعة  $V$  لمركز عطالته .

4- نعتبر المرجع المركزي الأرضي غاليليا . يخضع القمر الصناعي في هذا المرجع إلى قوة وحيدة وهي قوة الجذب التي تطبقها الأرض

نعتبر أن كتلة الأرض  $M_T$  موزعة حسب طبقات متجانسة وكروية الشكل

أ- اوجد عبارة  $V$  بدلالة نصف القطر  $r$  و  $M_T$  و  $G$  حيث  $G$  ثابت التجاذب الكوني .

ب- استنتج عبارة القانون الثالث لكبلر .

ج- احسب قيمة الجداء  $GM_T$  .

5- تتم عملية الاستقمار بواسطة صاروخ يقوم بحمل القمر الصناعي و وضعه في مدار انتظاري . يكون شكل هذا المدار إهليلجيا تمثل

الأرض إحدى بؤرتيه , يكون الارتفاع الأدنى للقمر الصناعي  $z_p = 200\text{km}$  بالنقطة  $p$  و ارتفاعه

الأقصى  $z_A$  بالنقطة  $A$  و لمدار القمر الصناعي الساكن بالنسبة للأرض (الجزء 3).

أ- مثل مدار حركة القمر الصناعي حول الأرض مبرزا النقطتين  $A$  و  $P$  .

ب- في أي النقطتين من المدار تكون سرعة القمر الصناعي دنيا (صغرى) و قصوى ؟

ج- أعط عبارة الدور المداري  $T_A$  للقمر الصناعي .

د- احسب  $T_A$  و المدة اللازمة لمرور القمر من النقطة  $P$  إلى النقطة  $A$  .

**التمرين الخامس (2011M)**

يدور كوكب القمر حول الأرض وفق مسار نعتبره دائريا مركزه هو مركز الأرض ونصف قطر مداره  $r = 384 \times 10^3 \text{Km}$  و دوره

$$T_L = 25,5 \text{ jour}$$

أ1- ماهو المرجع الذي تنسب إليه حركة كوكب القمر

ب- احسب قيمة السرعة  $v$  لحركة مركز عطالة القمر

2. المركبة الفضائية أبولو (Apollo) التي حملت رواد الفضاء إلى سطح القمر سنة 1968م، حملت في مدار دائري على ارتفاع ثابت

$$h_A = 110\text{Km}$$

أ/ذكر بنص القانون الثالث لكبلر.

ب/ اوجد عبارة دور المركبة  $T_A$  بدلالة  $h_A$  و نصف قطر القمر  $R_L$  و كتلته  $M_L$  و  $G$

ثم احسب قيمته العددية

3. استنتج مما سبق نصف القطر  $R_S$  للمدار الجيومستقر لقمر اصطناعي أرضي.

معطيات:

$$4. \frac{M_T}{M_L} = 81,3 \text{ النسبة } R_L = 1,74 \times 10^3 \text{ Km}, M_L = 7734 \times 10^{22} \text{ Kg}, G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ si}$$

الكوكبي و الذري إلا أنه لا يمكن تطبيق قوانين ميكانيك نيوتن على النظام الذري. بين محدودية قوانين نيوتن.

## التمرين الأول :

ندرس حركة كرية معنية كتلتها الحجمية  $\rho_3$  وكتلتها  $m = 36,7 \text{ g}$  تسقط شاقوليا داخل اناء يحتوي على الزيت حيث الكتلة الحجمية للزيت هي  $\rho_1 = 860 \text{ kg/m}^3$  ،  $g = 10 \text{ m/s}^2$  .  
تنطلق الكرية في اللحظة  $t=0$  دون سرعة ابتدائية وبتسارع قدره  $a_0 = 8,1 \text{ m/s}^2$  ، ابتداءً من اللحظة  $t'$  تصبح سرعتها ثابتة وقيمتها  $v_1 = 1,02 \text{ m/s}$  .

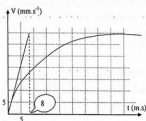
تضع الكرية أثناء حركتها الدافعة أرخميدس  $\pi$  والى قوة احتكاك شدتها تتعلق بسرعة الكرية  $f = k v$

المعادلة التفاضلية للحركة من الشكل  $\frac{dv}{dt} + c_1 v = g(1 - c_2)$  .

- 1- اكتب عبارتي الثابتين  $c_1$  ،  $c_2$  ، وذلك بعد دراسة حركة الكرية .
- 2- احسب قيمتي  $c_1$  و  $c_2$  .
- 3- استنتج قيمتي  $\rho_3$  و معامل الاحتكاك  $k$
- 4- احسب شدة دافعة أرخميدس  $\pi$  .
- 5- احسب قيمة اللحظة  $t'$  .

## التمرين الثاني :

ندرس بمساعدة حساسوب تطور سرعة سقوط كرية من زجاج كتلتها  $m = 1,0 \text{ g}$  في سائل الغليسيرول glycérol .  
الكتلة الحجمية للغليسيرول هي :  $\rho_g = 1,26 \text{ g.cm}^{-3}$  ، الكتلة الحجمية للزجاج هي :  $\rho_v = 2,45 \text{ g.cm}^{-3}$  .  
نصف قطر كرية الزجاج  $r = 4,6 \text{ mm}$  .  
مُتت الدراسة من الحصول على البيان المقابل .  
1/ الدراسة البيانية :



استنتج من البيان : - الزمن المميز للسقوط (أي ثابت الزمن  $\tau$ ) .

- قيمة السرعة الحدية  $V_{lim}$  .

- اللحظة التي يبدأ عندها النظام الدائم .

## 2/ الدراسة النظرية :

أ/ مثل القوى المؤثرة على الكرية وأعط خصائص هذه القوى .

ب/ نعتبر أن السرعة تظل ضعيفة حتى يمكن اعتبار شدة قوة

الاحتكاك في الغليسيرول من الشكل :  $f = K.v$  بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكرية ودون إهمال دافعة أرخميدس ، بين أن المعادلة التفاضلية لحركة الكرية تُكتب من الشكل )

$$+ \frac{dv}{dt} \frac{K}{m} \frac{\rho_g}{\rho_v} . v = g(1 -$$

ج/ أعط عبارة السرعة الحدية  $V_{lim}$  ثم احسب قيمتها علماً أن :  $K = 6.\pi.\eta.r$  حيث  $\eta$  هو ثابت اللزوجة

$$. g = 9,8 \text{ m.s}^{-2} \text{ ، } \eta = 1,49 \text{ S.I}$$

د/ احسب ثابت الزمن  $\tau$  المعروف بالعلاقة :  $\tau = \frac{m}{K}$

3/ قرّن بين قيمتي  $V_{lim}$  و  $\tau$  المصوبين في الدراسة البيانية والنظرية. ماذا تستنتج؟

## التمرين الثالث :

تم تصوير السقوط الشاقولي لكرية داخل الزيت و بعد معالجة المعطيات بالإعلام الآلي تم الحصول على مخطط تطور

السرعة  $v(t)$  للكرية خلال الزمن على المحور (Oz) المتجه نحو الأسفل

ما هي السرعة الابتدائية  $v_0$  للكرية و سرعتها الحدية  $v_1$

2- حدد الزمن المميز للسقوط .

إن المعادلة التفاضلية لحركة الكرية تعطى بالعلاقة :

4- استنتج قيمة دافعة أرخميدس  $\pi$  و ثابت الاحتكاك  $K$

II- نجعل الكرة الساقبة الآن تسقط سقوطاً حراً في الهواء و ذلك من ارتفاع  $H$  لوحظ أن زمن السقوط  $t = 0,6 \text{ S}$  ، نعتبر عملياً أن مقاومة الهواء و دافعة أرخميدس معدومتين

1- باستخدام قانون نيوتن الثاني أوجد عبارة التسارع و استنتج طبيعة الحركة

2- اكتب المعادلتين الزمئيتين للسرعة و الحركة  $v(t)$  و  $Z(t)$  ، ثم أثبت أن الارتفاع الذي

سقطت منه الكرية هو  $H = 176 \text{ cm}$

3- أرسم مخطط السرعة للجسم  $v = f(t)$

المعطيات :  $g = 9,8 \text{ UI}$  ،  $m = 13,3 \text{ g}$

## التمرين الرابع :

ندرس حركة حبة برد كتلتها  $13 \text{ g}$  و التي تسقط دون سرعة ابتدائية من نقطة O ارتفاعها  $1500 \text{ m}$  .

يمكن اعتبار حبة البرد كرة قطرها 3 cm عند النقطة O كمبدأ للمحور OZ الموجه إيجابا نحو الأسفل.

المعطيات : قيمة الجاذبية ثابتة  $g=9.8\text{m/s}^2$  ، عبارة حجم كرة  $V = \frac{4}{3}\pi R^3$  ، الكتلة الحجمية للهواء  $\rho_{\text{air}}=1.3\text{kg/m}^3$ .

1- باعتبار السقوط حرا :

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد المعادلات الزمنية التي تعطي السرعة  $V(t)$  و الموضع  $Z(t)$  لمركز عطالة حبة البرد بدلالة مدة السقوط  $t$ .

ب- احسب قيمة السرعة عند وصول حبة البرد إلى الأرض.

2- في الحقيقة تخضع حبة البرد لقوتين دافعة أرخميدس  $\vec{F}$  و قوة احتكاك المائع  $\vec{f}$  المتناسبة مع مربع السرعة بحيث:  $f=k.v^2$ .  
أ- باستعمال التحليل البعدي حدد وحدة معامل الاحتكاك  $K$  في النظام الدولي.  
ب- اعط عبارة قيمة دافعة أرخميدس ، ثم احسب قيمتها و قارنها مع

قيمة الثقل ، ماذا تستنتج ؟

3- نهمل قوة دافعة أرخميدس:

أ / أوجد المعادلة التفاضلية للحركة . بين أنه يمكن كتابتها

على الشكل  $\frac{dv}{dt} = A - Bv^2$  ما تعبير  $A$  و  $B$  ؟

ب / اعط عبارة السرعة الحدية  $V_L$  التي تبلغها حبة البرد بدلالة  $A$  و  $B$ . ثم احسب قيمتها.

عند  $A=9.8\text{m/s}^2$  و  $B=1.56 \cdot 10^{-2}\text{m}^{-1}$ .

ج / البيان الموضح في الشكل يمثل  $V = f(t)$

1- احسب من البيان القيمة الحدية و قارنها مع القيمة السابقة

2- احسب الزمن المميز للسقوط  $\tau$ .

التمرين الخامس:

في اللحظة  $t=0$  ومن النقطة  $A$  الواقعة في المستوى الأفقي المار من  $O$  مبدأ الفواصل للمحور  $ZZ'$  انطلقت فقاعة غاز  $\text{CO}_2$  دون سرعة

ابتدائية من كلس به مشروب غازي شاقوليا نحو السطح الساكن  $S$  ( انظر الشكل الموالي) لهذه الفقاعة الصغيرة حجم  $V=0.1\text{cm}^3$  ونصف قطرها  $R$  ( نغرض أنهما ثابتين أثناء الصعود)

الكتلة الحجمية للغاز  $(\text{CO}_2)$  :  $\rho_g = 1.8\text{kg.m}^{-3}$ .

الكتلة الحجمية للمائع ( المشروب الغازي) :  $\rho_f = 1.05 \times 10^3\text{kg/m}^3$

تسارع الجاذبية الأرضية :  $g = 10\text{m.s}^{-2}$ .

من بين القوى المطبقة على الفقاعة قوة الاحتكاك مع المشروب الغازي التي شدتها :  $\vec{f} = -k \cdot \vec{v}$  حيث  $v$  سرعة مركز عطالة الفقاعة.

(1) - أ / ما هي القوى المطبقة على الفقاعة ؟ مثلها على الشكل ؟

ب / بين أنه يمكن إهمال ثقل الفقاعة أمام دافعة أرخميدس المطبقة عليها.

(2) - أ / بتطبيق قانون نيوتن الثاني عبر عن تسارع حركة الفقاعة بدلالة :  $v$  ،  $g$  ،  $\rho_g$  ،  $\rho_f$  ،  $k$

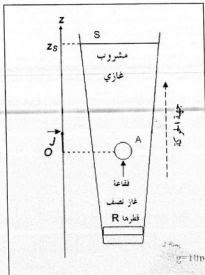
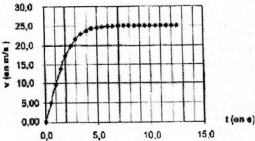
بيننا أنه يحقق المعادلة:

$\frac{dv}{dt} + \frac{1}{\tau}v = B$  . حيث يطلب إيجاد عبارة كل من  $B$  ،  $\tau$  .

ب / ما هو المعنى الفيزيائي للثابت  $B$  .

(3) - أ / أوجد عبارة السرعة الحدية  $v_L$  ؟

ب / احسب قيمة  $k$  إذا كانت قيمة السرعة الحدية  $v_L = 15\text{m/min}$



## تطبيق حركة القذيفة

التمرين الأول :

من نقطة A تقع في أسفل مستو أملس تماما ، يميل على الأفق بزاوية  $(\alpha)$  نلق جسمًا ، (S) نعتبره نقطة مادية وفق خط الميل الأعظم بسرعة  $v_A$  فيصل إلى النقطة O بسرعة قدرها  $v_0$  عند اللحظة  $t = 0$  كما بالشكل (1). يمثل البيان (1) تغيرات فاصلة القذيفة بدلالة الزمن. ويمثل البيان (2) تغيرات سرعة القذيفة على محور الترتيب بدلالة الزمن.

1- أدرس حركة الجسم (S) على المستوي المائل. مبينا طبيعة حركته

2- استنتج من البيتين 1 ، 2 مركبتي شعاع السرعة  $v_0$  ثم أحسب طولته .

3- احسب قيمة  $\sin \alpha$

4- إذا كان  $AO = 1,5 \text{ m}$  احسب  $v_A$

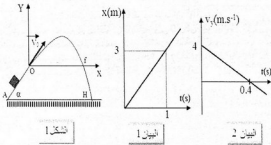
5- احسب المسافة (Of) المدى الأفقي للقذيفة.

6- أوجد إحداثيي النقطة H نقطة اصطدام القذيفة بالأرض .

7- بتطبيق مبدأ الحفظ الطاقة ماهي سرعة

الجسم عند وصوله إلى الأرض

$g = 10 \text{ m/s}^2$



التمرين الثاني :

ينزل ق جسم صلب (S) ، يمكن اعتباره نقطيا ، كتلته

$m = 0,05 \text{ kg}$  على مسار ABC يقع في المستوى الشاقولي.

AB قوس من دائرة مركزها O ونصف قطرها

$r = 0,50 \text{ m}$  ، وحيث  $\theta = 60^\circ$  ، نعتبر الاحتكاكات مهملة على هذا

الجزء.

BC طريق أفقي طوله  $BC = 1 \text{ m}$  ، توجد على هذا الجزء قوى

احتكاك تكافئ قوة وحيدة ومعاكسة لجهة حركة (S) ونعتبرها

ثابتة ونرمز لها بـ  $\vec{f}$  .

ندفع الجسم (S) من النقطة A بسرعة ابتدائية مماسية للمسار

عند النقطة A  $\|\vec{v}_A\| = 12 \text{ m.s}^{-1}$

1. باستخدام مبدأ الحفظ الطاقة للجسم (جسم S + أرض) بين الموضعين A و B ، أثبت أن :

$$v_B = \sqrt{2gr(1 - \cos \theta) + (v_A)^2}$$

نعتبر المستوى المرجعي للطاقة الكامنة الثقالية ( $E_{pp} = 0$ ) المستقيم الأفقي المار بالنقطتين C و D

2. احسب القيمة  $\|\vec{v}_B\|$  لسرعة الجسم (S) عند النقطة B .

3. يصل (S) إلى النقطة C بسرعة  $\|\vec{v}_C\| = 2,50 \text{ m.s}^{-1}$

احسب قيمة قوة الاحتكاك  $\vec{f}$  على المسار BC .

4. يغادر (S) المسار BC عند النقطة C ليسقط في الهواء ، بإهمال تأثير الهواء على الجسم (S) :

أ. حدد الشروط الابتدائية للقذيفة. ما نوع القذف .

ب. اكتب معادلة مسار المتحرك في المعلم  $(C\bar{x}, C\bar{y})$  معتبرا مبدأ الأزمنة لحظة مرور الجسم (S) بالنقطة C .

5. في أي لحظة يصل (S) إلى الأرض علما أن ترتفع عن الأرض بـ  $h = 2 \text{ m}$  ؟

6. احسب المسافة الأفقية C'D حيث D هي النقطة التي يصطدم عندها الجسم (S) بالأرض .

يعطى  $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$

التمرين الثالث: يتحرك جسم S كتلته 400 g على مسار ABC يبدأ حركته من A بسرعة ابتدائية  $v_A$  وذلك تحت تأثير قوة جر  $\vec{F}$  ثابتة يصنع حاملها مع الأفق زاوية  $\beta = 60^\circ$  كما في الشكل -2-.

يخضع الجسم أثناء حركته لقوة احتكاك ثابتة شدتها 0.4 N على الجزء AB فقط .

المخطط الممثل في الشكل -3- يمثل محطظ السرعة لحركة هذا الجسم على الجزء AB

1 - أ - استنتج من الشكل طبيعة الجسم على المسار AB .

- أحسب تسارعه وسرعته الابتدائية .

- استنتج طول المسار AB .

ب- احسب شدة قوة الجر  $\vec{F}$  .  $g = 10 \text{ m/s}^2$

2 - يواصل الجسم S حركته على المسار الكروي BC الذي

نصف قطره r ليصل إلى C بسرعة قدرها 2 m/s

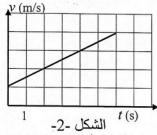
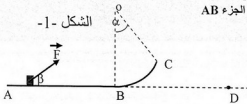
احسب نصف قطر هذا المدار الدائري علما ان  $\alpha = 30^\circ$  .

3 - يغادر الجسم S النقطة C ليسقط على الأرض عند النقطة D .

أ - اكتب معادلة مسار الجسم S بعد مغادرته النقطة C .

ب - احسب المسافة الأفقية بين النقطة D والشاؤل المار بالنقطة C .

ج- احسب سرعة الجسم S لحظة ملاسته الأرض .



الشكل -2-

#### التمرين الرابع-

متزحلق كتلته  $M=80 \text{ Kg}$  يسحب بحبل بواسطة زورق ( الحبل يوازي سطح الماء ) حيث تكون شدة قوة الحبل

ثابتة ، ينطلق المتزحلق دون سرعة ابتدائية من الموضع A ليصل إلى B بسرعة  $V_B=25 \text{ m/s}$  ،

توجد على الجزء AB قوى احتكاك معاكسة لجهة الحركة وشدتها ثابتة  $F=100 \text{ N}$  ،  $AB=200 \text{ m}$  .

يتخلى المتزحلق عند الموضع B عن الحبل ويكمل مساره على صفيحة ملساء ترتفع عن سطح الماء بـ  $h=2 \text{ m}$

وتميل عن الأفق بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  ليصل الموضع C بسرعة  $V_C=20 \text{ m/s}$  .

1 / باستعمال القانون الثاني لنيوتن : أوجد عبارة التسارع ثم استنتج طبيعة حركة المتزحلق على الجزء AB .

2 / احسب قيمة قوة شد الحبل .

3 / يغادر المتزحلق الصفيحة عند C ليسقط في الماء عند D ، باعتبار ان المتزحلق يخضع فقط لتقلبه .

أ / اكتب المعادلتين الزميتين لحركته  $X_{(t)}$  ،  $Z_{(t)}$  باعتبار لحظة مغادرته عند C كمبدأ للأزمنة  $(t=0)$  .

ب / مثل شعاع السرعة  $\vec{V}_C$  ( نرمز له بالرمز  $\vec{V}_0$  ) ثم احسب  $V_{0z}$  و  $V_{0x}$  .

ج / احسب الزمن الذي يستغرقه للوصول إلى D .  $g = 10 \text{ m/s}^2$

4 / احسب عمل ثقل المتزحلق خلال الانتقال من B إلى D .

