

تمارين

صحيح ٣ خطأ ٢ صحيح ١
صحيح ٦ خطأ ٥ صحيح ٤

صحيح ٩ خطأ ٨ خطأ ٧
صحيح ١٢ خطأ ١١ خطأ ١٠

$$f'(1) = 2 \quad 13$$

$$\frac{f(2+h)-f(2)}{h} = h+2 \quad 14$$

الدالة f تقبل الاشتغال عند ١.

العدد $f'(2)$ هو -١.

$f'(0)$ غير معروف

معادلة مماس المنحني للدالة f عند النقطة

$$y = 3x + 1 \quad A(0; -1)$$

العدد $f'(1)$ هو ٢.

الدالة المشتقة f' للدالة f معرفة على \mathbb{R} بـ

$$f'(x) = 2x + 1$$

$$f'(-1) = 0 \quad 21$$

$$f'(3) = -3 \quad (2) \quad f'(0) = 0 \quad (1) \quad 22$$

$$f'(-2) = -12 \quad (3)$$

$$f'(1) = -3 \quad (2) \quad f'(-1) = 1 \quad (1) \quad 23$$

$$f'(4) = \frac{1}{\sqrt{8}} \quad (4) \quad f'(-3) = -\frac{1}{18} \quad (3)$$

$$f'\left(\frac{1}{4}\right) = -1 \quad (6) \quad f'(-1) = -\frac{3}{2\sqrt{3}} \quad (5)$$

$$\frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} = 4 \quad (1) \quad 24$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} = 4 \quad (2)$$

لدينا ، نستنتج أن الدالة f تقبل الاشتغال من أجل -١ و

$$f'(-1) = 4 \quad (3)$$

نعم الدالة f تقبل الاشتغال من أجل ٠.

$$(2+h)^3 \quad (1) \quad 25$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(2+h)^3 - 8}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} (h^2 + 6h + 12) = 12 \quad (2)$$

نستنتج أن الدالة f تقبل الاشتغال عند ٢ و

$$f'(2) = 12$$

$$f(2+h) - f(2) = h^3 - 8h \quad (1) \quad 26$$

$f(x) =$	$(1+x)^2$	$(1+x)^3$	$\sqrt{1+x}$	$\frac{1}{1+x}$
$f(x) \approx$	$1+2x$	$1+3x$	$1+\frac{1}{2}x$	$1-x$

$f(x) =$	$\frac{1}{(1+x)^2}$	$\cos x$	$\sin x$
$f(x) \approx$	$1-2x$	١	x

$$f(0,003) = \frac{1}{1+0,003} \approx 1-0,003 = 0,997 \quad (2)$$

$$f(-0,02) = \frac{1}{1-0,02} \approx 1+0,02 = 1,02$$

$$f(0,003) = (1+0,003)^3 \approx 1+0,009$$

$$f(-0,02) = (1+(-0,02))^3 \approx 1-0,06$$

$$f(0,002) = (1+0,002)^2 \approx 1,004$$

$$f(-0,01) = (1-0,01)^2 \approx 0,98$$

$$f(0,004) = \sqrt{1+0,004} \approx 1+0,002$$

$$f(0,01) = \sqrt{1-0,01} \approx 1-0,005$$

$$f(0,01) = \frac{1}{(1+0,01)^2} \approx 1-0,04 = 0,96$$

$$f(-0,01) = \frac{1}{(1-0,01)^2} \approx 1+0,02 = 1,002$$

تطبيق:

$$y = -x + 1 : (\Delta) \quad \diamond$$

$$\cdot [-4,610^{-7}; 4,610^{-7}] \quad \diamond$$

$$x \in \left[-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}\right] \quad \text{و من أجل } \frac{1}{x+1} - (1-x) = \frac{x^2}{x+1} \quad \diamond$$

$$\frac{2}{3} \leq \frac{1}{x+1} \leq 2 \quad \frac{1}{2} \leq x+1 \leq \frac{3}{2} \quad \text{ولدينا} \quad \text{ويعني أن}$$

$$0 \leq \frac{x^2}{x+1} \leq 2x^2 \quad \text{وبالتالي} \quad \frac{2x^2}{3} \leq \frac{x^2}{x+1} \leq 2x^2$$

$$x = \sqrt{\frac{10^{-2}}{2}} \approx 0,071 \quad 2x^2 = 10^{-2} \quad \text{بوضع} \quad x \approx 0,071$$

$$\text{أو } x \approx -0,071 \quad \text{إذن المجال هو } [-0,071; 0,071]$$

$$f'(7) = \frac{1}{2\sqrt{5}}$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-3+h) - f(-3)}{h}$$

$$f'(-3) = -\frac{1}{4}$$

تصويب: الترقيم يبدأ من 1

$$a = 3 \quad f(x) = 2x - 7 \quad (1)$$

$$f'(3) = 2 \quad \text{ونجد} \quad \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+h) - f(3)}{h}$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$

ونجد $f'(a)$ في باقي الحالات الأخرى.

نفس الطريقة المتبعة في حل التمرين رقم 38 .

نفس الطريقة المتبعة في حل التمرين رقم 38 .

$$a = 6, \quad f: x \mapsto x^2 + 2 \quad (1)$$

$$f(a+h) = f(6+h) = (6+h)^2 + 1$$

$$f'(6) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(6+h) - f(6)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} (h+12) = 12$$

إذن العدد المشتق للدالة f من أجل $a = 6$ هو

$$f'(6) = 12$$

وبنفس الطريقة نحسب $f'(a)$ في الحالات الأخرى المتبقية.

$$f: x \mapsto x^2 \quad (1)$$

$$f'(3) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+h) - f(3)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} (h+6) = 6$$

(2) أحسن تقريب تألفي للعدد $f(3+h)$ من أجل القيم

$$9 + 6h \quad f(3) + hf'(3) \quad \text{أي} \quad |h| \quad \text{هو}$$

$$f: x \mapsto x^2 + 2 \quad (1)$$

$$f'(-1) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(h-1) - f(-1)}{h} = -2$$

(2) أحسن تقريب تألفي للعدد $f(h-1)$ من أجل القيم

$$9 - 6h \quad f(-1) + hf'(-1) \quad \text{أي} \quad |h| \quad \text{هو}$$

$$.3 - 2h$$

$$f: x \mapsto x^2 \quad (1)$$

الدالة f تقبل الاشتتقاق من أجل القيمة 2 ولدينا :

$$f'(2) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(2+h)^2 - 4}{h} = 4$$

أحسن تقريب تألفي للعدد $(2+h)^2$ عندما ينتهي h إلى 0

$$\text{هو} \quad 4 + 4h \quad f(2) + hf'(2) \quad \text{أي}$$

$$2,04 = 2 + 0,04 \quad (2)$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} = -8 \quad (2)$$

$$. f'(2) = -8$$

$$\cdot f'(2) = -2 \quad (27)$$

$$f'(-1) = 5, \quad \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h} = 5 \quad (28)$$

$$f'(3) = 1, \quad \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+h) - f(3)}{h} = 1 \quad (29)$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-2+h) - f(-2)}{h} = 1 \quad (30)$$

$$f'(-2) = 1$$

$$\cdot \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} = -\frac{1}{9} \quad (31)$$

$$f'(2) = -\frac{1}{9}$$

$$\cdot \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} = -\frac{1}{9} \quad (32)$$

$$f'(2) = -\frac{1}{9}$$

$$\cdot \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+h) - f(3)}{h} = -2 \quad (1) \quad (33)$$

$$f'(3) = -2$$

$$f'\left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{8}{25} \quad (3) \quad \cdot f'(5) = -\frac{2}{9} \quad (2)$$

$$f'(0) = -\frac{1}{2} \quad (5) \quad \cdot f'(\sqrt{3}) = -\frac{2}{7-4\sqrt{3}} \quad (4)$$

$$f'(3) = 2, \quad \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+h) - f(3)}{h} = 2 \quad (34)$$

$$\frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \frac{\sqrt{h+4} - 2}{h} \quad (1) \quad (35)$$

من أجل $h > -4$ و $h \neq 0$

$$\frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \frac{\sqrt{h+4} - 2}{h} = \frac{(\sqrt{h+4} - 2)(\sqrt{h+4} + 2)}{h(\sqrt{h+4} + 2)}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{h+4} + 2}$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \frac{1}{4} \quad (3)$$

$$f'(1) = \frac{1}{4}, \quad \text{إذن الدالة } f \text{ تقبل الاشتتقاق عند 1 و لدينا}$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(7+h) - f(7)}{h} \quad \text{حسب} \quad (36)$$

بنفس الطريقة نجد قيمة مقربة لـ $\sqrt{4,83}$ و $\sqrt{4,97}$
 (بملاحظة أن $4,97 = 5 - 0,03$ و $4,83 = 5 - 0,17$)

$$f(2,1) = f(2+0,1) \quad (1) \quad 48$$

$$f(2,1) \cong 0,1 \times f'(2) + f(2)$$

$$f(2,1) \cong 3,4 \quad 49$$

$$f(2,1) = f(2+0,1) \quad (2)$$

$$f(2,2) \cong 0,1 \times f'(2,1) + f(2,1)$$

$$f(2,2) \cong 3,6 \quad \text{أي } f(2,2) \cong (0,1 \times 2) + 3,4$$

(1) معادلة مماس المنحني (C) عند النقطة

$$a = 1 \quad \text{و الذي معامل توجيهه } A(2;0)$$

$$\text{هي: } y = a(x - x_0) + f(x_0) \quad \text{حيث } x_0 \text{ هي فاصلة}$$

$$y = 1(x - 2) + f(2)$$

$$\text{أي معادلة المماس هي } y = x - 2$$

❖ و بنفس الطريقة نعین المماس في الحالات الأخرى.

$$x_0 = 3 \quad \text{و } y = \frac{2x^2}{5} \quad \text{معادلة } (C) \text{ هي} \quad 50$$

معامل توجيه المماس عند النقطة ذات الفاصلة 3

$$f'(3) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+h) - f(3)}{h} = \frac{12}{5} \quad \text{هو:}$$

$$(f(x)) = \frac{2x^2}{5} \quad (\text{بوضع})$$

معادلة المماس هي: $y = f'(3)(x - 3) + f(3)$: $y =$ و نجد

$$(f(3)) = \frac{18}{5}, \quad y = \frac{12}{5}x - \frac{18}{5}$$

و بنفس الطريقة يتم تعیین معادلة المماس للمنحني (C) في الحالات الأخرى المتبقية.

51 بوضعي: $f(x) = x^2 - 2x$. معامل توجيه المماس
 عند النقطة ذات الفاصلة 1 هو:

$$f'(-1) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h} = -4$$

معادلة المماس هي: $y = f'(-1)(x + 1) + f(-1)$: $y =$ و
 (1) $f(-1) = 3$ ، $y = -4x - 1$ نجد

52 بوضعي: $f(x) = -\frac{4}{x}$ معامل توجيه المماس عند

النقطة ذات الفاصلة 2 هو:

$$f'(2) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} = 1$$

معادلة المماس هي: $y = f'(2)(x - 2) + f(2)$: $y =$ و نجد
 (1) $f(2) = -2$ ، $y = x - 4$

53 بوضعي: $f(x) = 2 - \frac{1}{2}x^2$ ، معامل توجيه المماس
 عند النقطة ذات الفاصلة 1 هو:

$$f'(1) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = -1$$

إذن $(2,04)^2 \cong 4,16$ أي $(2,04)^2 \cong 4 + 4(0,04)$
 $1,98 = 2 - 0,02$

إذن $(1,98)^2 \cong 3,92$ أي $(1,98)^2 \cong 4 + 4(-0,02)$
 $2,001 = 2 + 0,001$

إذن $(2,001)^2 \cong 4 + 4(0,001)$
 $(2,001)^2 \cong 4,004$

1) تعتبر الدالة $f: x \mapsto \frac{1}{x}$ 45
 الدالة f تقبل الاشتغال من أجل القيمة 3 ولدينا :

$$f'(3) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+h) - f(3)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\left(\frac{1}{3+h}\right)^2 - \frac{1}{3}}{h} = -\frac{1}{9}$$

أحسن تقریب تالفی للعدد $\frac{1}{3+h}$ عندما ينتهي h إلى 0

$$-\frac{1}{9}h + \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{3,02} \cong -\frac{1}{9}(0,02) + \frac{1}{3} \quad \text{إذن } 3,02 = 3 + 0,02 \quad (2)$$

$$\frac{1}{3,02} \cong 0,331111111 \quad \text{أي } 11$$

و بنفس الطريقة نجد قيمة تقریبیة لـ $\frac{1}{3,1}$ و $\frac{1}{2,99}$

1) تعتبر الدالة $f: x \mapsto x^3$ 46
 الدالة f تقبل الاشتغال من أجل القيمة 1 ولدينا :

$$f'(1) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(1+h)^3 - 1}{h} = 3$$

أحسن تقریب تالفی للعدد $(1+h)^3$ عندما يقترب h من 0

$$1 + 3h \quad \text{أي } f(1) + h f'(1)$$

$$1,04 = 1 + 0,04 \quad (2)$$

$$(1,04)^3 \cong 1,12 \quad (1,04)^3 \cong 1 + 3(0,04) \quad \text{إذن } (1,04)^3 \cong 1,12$$

$$(0,96)^3 \cong 0,88$$

1) تعتبر الدالة $f: x \mapsto \sqrt{x}$ 47
 الدالة f تقبل الاشتغال من أجل القيمة 5 ولدينا :

$$f'(5) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(5+h) - f(5)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{5+h} - \sqrt{5}}{h} = \frac{1}{2\sqrt{5}}$$

أحسن تقریب تالفی للعدد $\sqrt{5+h}$ عندما ينتهي h إلى 0

$$\sqrt{5} + \frac{h}{2\sqrt{5}} \quad \text{أي } f(5) + h f'(5)$$

$$5,01 = 5 + 0,01 \quad (2)$$

$$\sqrt{5,01} \cong \sqrt{5} + \frac{0,01}{2\sqrt{5}}$$

$$\sqrt{5,01} \cong 2,238304045 \quad \text{أي } 1$$

$$\frac{\varphi(a+h)-\varphi(a)}{h} = \frac{f(a+h)-f(a)}{h} + \frac{1}{2}h+a-2$$

ب) φ تقبل الاشتتقاق على \mathbb{R}

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h} = 2-a \quad (\rightarrow)$$

$$\frac{\varphi(a+h)-\varphi(a)}{h} = \frac{1}{2}h$$

و منه $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\varphi(a+h)-\varphi(a)}{h} = 0$ ، إذن الدالة φ ثابتة

1) من أجل كل عدد حقيقي a لدينا:

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h)-f(a)}{h} = 2a-5$$

للاشتتقاق عند كل x من \mathbb{R} و $f'(x) = 2x-5$

(2) معادلة مماس المنحني (\mathcal{P}) عند النقطة $E(0;4)$

$$y = -5x+4$$

هي: (3) نعم توجد نقطة M من (\mathcal{P}) يكون مماسه عندها موازياً لل المستقيم الذي معادنته $y = \frac{1}{2}x$ حيث فاصلة M

$$\text{هي } \frac{11}{4}$$

(إيجاد هذه الفاصلة نحل المعادلة $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}(x-5)$)

(4) معادلة مماس المنحني (\mathcal{P}) عند النقطة ذات الفاصلة a

$$y = (2a-5)x-a^2+4$$

هي: (5) المنحني (\mathcal{P}) يشمل مماسين كل منهما يشمل المبدأ إذا كان $a=0$ أي $(a=-2)$ أو $(a=2)$.

(1) الدالة f تقبل الاشتتقاق على \mathbb{R} و لدينا من أجل كل x من \mathbb{R} $f'(x) = 6x^2+10x-1$:

(2) الدالة f تقبل الاشتتقاق على \mathbb{R} و لدينا من أجل كل x

$$f'(x) = 2x \cos \frac{\pi}{3} - 1 : \mathbb{R}$$

(3) الدالة f تقبل الاشتتقاق على $[1; +\infty)$ و لدينا من أجل كل x من $[1; +\infty)$

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x-1}} : [1; +\infty)$$

(4) الدالة f تقبل الاشتتقاق على \mathbb{R} و لدينا من أجل كل x

$$f'(x) = \frac{2x^4+6x^2+10x}{(x+1)^2} : \mathbb{R}$$

الدالة $x \mapsto x$ قابلة للاشتتقاق على \mathbb{R}

و الدالة $x \mapsto \sqrt{x}$ قابلة للاشتتقاق على $[0; +\infty)$

وبالتالي الدالة $x \mapsto x\sqrt{x}$ قابلة للاشتتقاق على $[0; +\infty)$

$$f'(x) = \frac{3}{2}\sqrt{x} : [0; +\infty)$$

ومن أجل كل x من $[0; +\infty)$

$$f': x \mapsto x - \frac{1}{2} \quad (2) \quad , \quad f': x \mapsto 6x - 4 \quad (1)$$

$$f': x \mapsto x + 2 \quad (3)$$

معادلة المماس هي: $y = f'(1)(x-1) + f(1)$ و نجد
 $(f(1) = \frac{3}{2})$ ، $y = -x + \frac{5}{2}$
 من الواضح أن المماس يقطع محور الفواصل في النقطة
 $\frac{5}{2}$ التي فاصلتها .

(54) 1) نحل المعادلة ذات المجهول x : $x = -2$ ، إذن (C) و (D) يلتقيان في النقطة $A(-2; 4)$.
 نستنتج أن (D) هو المماس ل(C) في النقطة $A(-2; 4)$.

(55) تصحيح: معادلة (D): $y = -2x - 2$ وفي السؤال $1) 3x^3 + 2x^2 - 5x - 4 = (x+1)(ax^2 + bx + c)$

$$3x^3 + 2x^2 - 5x - 4 = (x+1)(3x^2 - x - 4)$$

$$3x^3 + 2x^2 - 7x - 6 = -2x - 2 \quad (2)$$

ونستعمل السؤال السابق ونجد $x = -1$ أو $\frac{4}{3}$
 إذن النقطة المشتركة ذات الترتيب معدوم هي $A(-1; 0)$.

(3) $x = -1$ هو حل مضاعف للمعادلة:
 $3x^3 + 2x^2 - 7x - 6 = -2x - 2$

(56) معادلة مماس المنحني (C) عند النقطة $A(2; 4)$

هي: $y = f'(2)(x-2) + f(2)$
 بما أن المماس يوازي (Δ) فإن $f'(2) = 3$

إذن معادلة مماس هي $y = 3x - 2$
 بما أن شعاع توجيه المماس \vec{i} فإنه يوازي حامل

محور الفواصل و بالتالي معادنته $y = -3$
 (ترتيب النقطة A هو -3)

(1) من أجل كل عدد حقيقي a لدينا:

$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h)-f(a)}{h} = 3$
 للاشتتقاق عند a و $f'(a) = 3$

$f': x \mapsto m$ (2)

(1) من أجل كل عدد حقيقي a لدينا:

$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h)-f(a)}{h} = 3a^2$
 للاشتتقاق عند كل x من \mathbb{R} و $f'(x) = 3x^2$

(2) معادلة مماس منحني الدالة f عند النقطة ذات الفاصلة 1

هي: $y = 3x - 2$

(1) الدالة g هي مجموع دالتين قابلتين للاشتتقاق

على \mathbb{R} من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = -x + 2$

(2) $\frac{\varphi(a+h)-\varphi(a)}{h} = \frac{f(a+h)-f(a)}{h} - \frac{g(a+h)-g(a)}{h}$

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}} - \frac{1}{(x+1)^2} \quad \text{لدينا: } \\ f(0,96) \approx 1,49 \quad , \quad f(1,02) \approx 1,505$$

$$\begin{aligned} & \cdot \quad y = 11x + 5 \quad (2) \quad , \quad y = 3x + 4 \quad (1) \\ & \quad \quad y = -7x + 11 \quad (3) \end{aligned} \quad 71$$

(1) معادلة المماس (T_1) لـ (C_1) عند النقطة

$$y = -2x_0x + x_0^2 + 3 \quad \text{هي } A(x_0, f(x_0)) \\ \text{و معادلة المماس } (T_2) \text{ لـ } (C_2) \text{ عند النقطة}$$

$$y = -\frac{2x}{x_0^2} + \frac{4}{x_0} \quad \text{هي } A(x_0, g(x_0)) \\ x_0 = 1 \quad \frac{4}{x_0} = x_0^2 + 3 \quad \text{و} \quad -2x_0 = \frac{-2}{x_0^2}$$

إذن يوجد مسئقيم (Δ) يمس المنحنيين (C_1) و (C_2) في النقطة $A(1,2)$.

$$y = -2x + 4 \quad \text{هي: } (2) \quad \text{معادلة } (\Delta) \\]-\infty; 0[\quad (3) \quad \text{أعلى } (C_1) \quad , \quad (\Delta) \quad \text{في } (C_2) \quad \text{أعلى} \\ . \quad]0; +\infty[\quad (4) \quad \text{أسفل } (C_2) \quad \text{في } (\Delta) \quad \text{و} \quad (5) \quad \text{أسفل } (C_1)$$

$$f'(x) = \frac{-\alpha x^2 + (6-2\beta)x + \alpha}{(x^2 + 1)^2} \quad (1) \quad 73 \\ \begin{aligned} & \beta = 3 \quad \text{و} \quad \alpha = 4 \quad (2) \\ & \beta = 2 \quad \text{و} \quad \alpha = -1 \quad 74 \end{aligned}$$

75 نقاش حسب قيمة m عدد حلول المعادلة $f'(x) = 0$
إذا كان $m = 0$ فإنه يوجد مماس واحد.
وإذا كان $m \neq 0$ فإنه يوجد مماسان.

$$DE = x \tan 60^\circ = x\sqrt{3}, \quad DG = m - 2x \quad (1) \quad 76 \\ R(x) = -2\sqrt{3}x^2 + m\sqrt{3}x \quad \text{ومنه مساحة المستطيل هي:}$$

$$x = \frac{m}{4} \quad \text{معنده } R'(x) = 0; \quad R'(x) = -4\sqrt{3}x + m\sqrt{3} \\ \text{بما أن } R(x) \text{ من الدرجة الثانية و } 0 < -2\sqrt{3} \text{ فلن}$$

$$\begin{aligned} & \text{هي القيمة الحدية الكبرى وعند } x = \frac{m}{4} \quad R\left(\frac{m}{4}\right) \\ & \cdot R\left(\frac{m}{4}\right) = \frac{\sqrt{3}}{8}m^2 \\ & \text{مساحة المثلث هي} \quad (2) \end{aligned}$$

$$T(m) = \frac{1}{2}m \times \frac{m}{2} \tan 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{4}m^2 \\ \text{ومنه } R\left(\frac{m}{4}\right) = \frac{T(m)}{2}$$

$$T(4,002) \approx T(4) + 0,002T'(4)$$

$$\text{ومنه } T(4,002) \approx 4,004 \times \sqrt{3}$$

$$R(2,001) \approx 2,002 \times \sqrt{3}$$

$$f': x \mapsto 4\sqrt{3}x^3 - 3\sqrt{2}x^2 - 2\sqrt{6}x + 3 \quad (4) \\ f': x \mapsto -\frac{3}{(x+2)^2} \quad (2) \quad , \quad f': x \mapsto \frac{2}{x^2} \quad (1) \quad 65$$

$$f': x \mapsto \frac{-3x^2 - 10x - 9}{(x^2 - 3)^2} \quad (4) \quad f': x \mapsto 2 + \frac{4}{(x-3)^2} \quad (3)$$

$$f': x \mapsto 3x^2 \quad (1) \quad 66 \\ g(x) = f(x-3) \quad \diamond$$

$$g'(x) = f'(x-3) = 3(x-3)^2 \\ g(x) = f(2x+5) \quad \diamond$$

$$g'(x) = 2f'(2x+5) = 2 \times 3(2x+5)^2 \\ \text{و منه } g(x) = f(-3x+2) \quad \diamond$$

$$g'(x) = -3f'(-3x+2) = -3 \times 3(-3x+2)^2 \\ \text{و } f(x) = \sqrt{x} \quad (1) \quad 67$$

$$g(x) = f(x-1) = \sqrt{x-1} \\ \text{الدالة } f \text{ معرفة على } [0; +\infty[\quad \text{و الدالة } g \text{ معرفة على } [1; +\infty[$$

(2) الدالة f تقبل الاشتتقاق على $[0; +\infty[$ و الدالة g تقبل الاشتتقاق على $.[1; +\infty[$.

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}} \quad (3)$$

$$g'(x) = f'(x-1) = \frac{1}{2\sqrt{x-1}} \quad \diamond$$

• تبيع نفس الطريقة في الحالتين المتبقيتين.

$$f'(x) = 6(3x-2) \quad (1) \quad 68$$

$$f'(x) = \frac{3}{2\sqrt{x}} \quad (2)$$

$$f'(x) = \frac{-3}{2\sqrt{2-3x}} \quad (4) \quad , \quad f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x-3}} \quad (3)$$

$$, \quad f'(x) = \frac{6x-3}{2\sqrt{x}} \quad (5)$$

$$f'(x) = \frac{-5x^2 + 6x + 15}{2\sqrt{-x+3}} \quad (6)$$

$$f'(x) = -3 \sin(3x-2) \quad (1) \quad 69 \\ f'(x) = 3 \cos(3x-2)$$

$$f'(x) = \cos^2 x - \sin^2 x \quad (3)$$

$$f'(x) = \cos(x-2\pi) \cos(x+\pi) - \sin(x+\pi) \sin(x-2\pi) \quad (4) \\ f'(x) = -2 \cos 3x \sin 3x \quad (5)$$

أكبر مجموعة بحيث تكون الدالة f قابلة للاشتتقاق
]0; +∞[، ومن أجل كل عدد حقيقي x من

إذا كان $x < -2a$ فإن (T_a) أسفل (c_f)

إذا كان $x = -2a$ فإن (T_a) يقطع (c_f)

$$\frac{IT}{OT} = \sin x ; OIT \quad (1) \quad 82$$

$$\frac{OI}{OT} = \cos x , \text{ بما أن } OI = 1 \text{ نحصل على}$$

$IT = \frac{\sin x}{\cos x}$ لأندرج \tan لكونها غير موجودة في البرنامج.

$$A_2 = \frac{1}{2} IT \times OI = \frac{1}{2} \frac{\sin x}{\cos x} A_1 = \frac{1}{2} \sin x \quad (2)$$

مساحة الجزء من القرص المرفق للزاوية x ، ومساحة القرص هي $\pi R^2 = \pi$ وهي مرفقة للزاوية 2π إذن :

$$A = \frac{\pi x}{2\pi} = \frac{1}{2} x$$

بما أن $A_1 \leq A \leq A_2$ فإن :

$$\sin x \leq x \leq \frac{1}{2} \sin x : \text{ أي } \frac{1}{2} \sin x \leq \frac{1}{2} x \leq \frac{1}{2} \sin x$$

$$\cos x > 0 : \left[0 ; \frac{\pi}{2} \right] \text{ وبما أن في المجال } \frac{\sin x}{\cos x} \text{ إذن}$$

فإن: $x \cos x \leq \sin x \leq x$ خلاصة $x \cos x \leq \sin x$ وإن: $x \in \left[0 ; \frac{\pi}{2} \right]$ نستنتج من هذا أن $1 \leq \frac{\sin x}{x}$ لأن

$$\lim_{x \rightarrow 0} g(x) = \lim_{x \rightarrow 0} h(x) = 1 \quad (4)$$

$$f'(0) = \cos 0 = 1 \text{ ومنه } f'(x) = \cos x \quad (5)$$

$$\therefore \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(0+h) - f(0)}{h} = f'(0) = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} h(x) = 1 \text{ ومنه } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1 \text{ أي } \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sin h}{h} = 1$$

الطريقة الأولى :

$$d(t) = -5(t-6)^2 + 180 ; d(t) = -5(t^2 - 12t) \quad (1)$$

ومنه القيمة الحدية العظمى للارتفاع هي $d(6) = 180$

(2) السرعة في اللحظة 6 تكون معدومة.

الطريقة الثانية :

$$d'(t) = -10t + 60 \quad (1)$$

t	0	6	$+\infty$
$d'(t)$	+	0	-
$d(t)$	0	180	

ومنه $d(6) = 180$ هي القيمة الحدية العظمى.

$$d'(6) = 0 \quad (2)$$

$$DC = f(x_0 + h) - f(x_0 - h) \quad (1) \quad 84$$

$$S = h[f(x_0 + h) - f(x_0 - h)] \text{ ومنه } BD = 2h$$

$$B(2m; 0) \text{ و } A\left(0; \frac{-8}{m}\right) \quad (1) \quad 77$$

$y = \frac{4}{m^2}x - \frac{8}{m}$ هي معادلة (AB) تقبل حلا مضاعفا $\frac{-4}{x} = \frac{4}{m^2}x - \frac{8}{m}$ وبالتالي المستقيم (AB) مماس للمنحني (H) في النقطة M .

$$T(h) = \frac{-12-4h}{\sqrt{16-12h-4h^2}+4} \quad (1) \quad 78$$

(b) $T(h) = -\frac{3}{2}$ و منه الدالة f تقبل الاشتتقاق من

$$f'\left(\frac{3}{2}\right) = -\frac{3}{2} \text{ و } \frac{3}{2}$$

$$x = 2t \text{ أي } 2 = \frac{x}{t} \text{ و منه } v = \frac{x}{t} \quad (2)$$

$$OB^2 = 25 - (2t)^2 \text{ و منه } OB^2 = AB^2 - OA^2$$

$$OB = \sqrt{25-4t^2} \text{ أي}$$

$$f(t) = \sqrt{25-t^2} , t = \frac{3}{2} \text{ فإن } x = 3$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f\left(\frac{3}{2}+h\right) - f\left(\frac{3}{2}\right)}{h} = -\frac{3}{2}$$

(1) نشر $(R+x)^2$ فيكون

$$g = g_0 \times \frac{R^2}{R^2 \left(1 + \frac{2x}{R} + \left(\frac{x}{R}\right)^2\right)}$$

$$g = g_0 \times \frac{1}{1 + \frac{2x}{R} + \left(\frac{x}{R}\right)^2}$$

$$\left(\frac{x}{R}\right)^2 = 0 \text{ و } 1 + \frac{2x}{R} \cong 1 - \frac{2x}{R} \quad (2)$$

$$g \approx g_0 \times \left(1 - \frac{2x}{R}\right)$$

$$g \approx 9,785 \quad (3)$$

$$(x-a)(x^2 + ax - 2a^2) \quad (1) \quad 80$$

(2) معادلة المماس (T_a) للمنحني (c_f) عند النقطة ذات

$$y = 3a^2x - 2a^3 \text{ هي:}$$

$$(x^2 + ax - 2a^2) = (x-a)(x+2a)$$

$$\text{لدينا } (x-a)(x+2a) = (x-a)(x+2a)$$

- دراسة الوضع النسبي L (أعلى) (c_f) و (T_a) ندرس إشارة العدد

$$(x-a)^2(x+2a)$$

إذا كان $x > -2a$ فإن (T_a) أعلى (c_f) .

$$S = h [f(x_0) + hf'(x_0) - f(x_0) + hf'(x_0)] \\ S = 2h^2 f'(x_0) : \text{أي}$$

$$. \quad S = 2 \times (0,03)^2 \times 9 = 0,0162 \quad (2)$$

1) أحسن تفريغ تآلفي للدالة f من أجل كل عدد **85**

حقيفي x هو $f(x) + hf'(x)$ ومن أجل

$$f(x+h) = f(x) + hf'(x) \quad \text{لدينا} \quad f(-x-h) = f(-x) - hf'(-x)$$

. بما أن f زوجية نحصل على $f(-x) = -f'(x)$

$$g'(1) = 1 \quad \text{ومنه} \quad g'(x) = \frac{4x}{(x^2+1)^2} \quad (2)$$

ولدينا $y = x - 1$ إذن المعادلة $g(1) = 0$

الاستنتاج g زوجية ومنه g' فردية إذن :

$$g(-1) = g(1) = 0 \quad g'(-1) = -g'(1) = -1$$

والمعادلة هي : $y = -x - 1$