

# التمارين

## تمارين تطبيقية

1 - التشابه المباشر في المستوى.

$$\frac{A''B''}{AB} = \frac{B''C''}{BC} = \frac{C''A''}{CA} = 3 \quad (2) \quad 1$$

$$\frac{A''B''}{AB} = \frac{B''C''}{BC} = \frac{C''A''}{CA} = 2 \quad (2) \quad 2$$

$$M'N' = \sqrt{2}MN \quad (1) \quad 5$$

(2) المعادلة  $z = (1+i)z + 4$  تَقبل حلا وحيدا  $z = 4i$  وهو لاحقة النقطة A.

$$\arg(\overline{AM}; \overline{AM'}) = \arg(1+i) = \frac{\pi}{4}, \quad \frac{AM'}{AM} = \sqrt{2} \quad (3)$$

(4) مما سبق ينتج  $\frac{B'C'}{BC} = \frac{B'D'}{BD} = \frac{C'D'}{CD} = \sqrt{2}$  إذن المثلثان BCD و B'C'D' متشابهان.

2 - تحديد التشابه المباشر.

$$\frac{AK}{AB} = \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ والنسبة هي } \frac{\pi}{4} \text{ والزاوية } \quad (1) \quad 10$$

$$\frac{\pi}{4} \text{ والنسبة } \sqrt{2} \text{ والزاوية } \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{4} \text{ والنسبة } \sqrt{2} \text{ والزاوية } \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{6}, \frac{\sqrt{3}}{2} \quad (1) \quad 11 \quad \frac{\pi}{2}, \frac{\sqrt{3}}{3} \quad (2) \quad -\frac{\pi}{2}, \frac{1}{2} \quad (4) \quad \frac{\pi}{6}, \frac{2}{3} \quad (3)$$

3 - العبارة المركبة للتشابه المباشر.

$$z' = \left( -\frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}}{2}i \right) z + \frac{6\sqrt{3}+5}{2} - \frac{3\sqrt{3}-10}{2}i \quad (2) \quad 16$$

17 ب - التحويل T معرف بـ  $z' = (1+i)z - i$  وهو تشابه مباشر مركزه  $\Omega(1)$  ، زاويته  $\frac{\pi}{4}$  ونسبته  $\sqrt{2}$ .



5 - الأشكال الهندسية بالتشابه المباشر.

26 أ - نسبة  $S$  هي  $\frac{1}{2}$  وزاويته  $\frac{\pi}{3}$  خاطئة.

ب -  $S(A) = C$  خاطئة .

ج - صورة المثلث  $OCD$  هي المثلث  $OAB$  بالتشابه  $S$  صحيحة.

د -  $S^{-1}$  هو التشابه المباشر الذي مركزه  $O$  ، نسبه 2 وزاويته  $\frac{\pi}{3}$  صحيحة .

تمارين التعمق

1 - العبارة المركبة للتشابه المباشر.

35 (1)  $A(0)$  ،  $C(8+8i)$  ،  $P(4+4i)$  و  $Q(4+8i)$  .

(2)  $\alpha = \frac{1}{4}(1+\alpha)$  و  $\beta = 0$  .

(3)  $\theta = \frac{\pi}{4}$  و  $\lambda = \frac{\sqrt{2}}{4}$  .

(4)  $\omega = \frac{16}{5}(1+2i)$  .

3 - الأشكال الهندسية بالتشابه المباشر.

50 (1) أ - نحصل على النتيجة بحل المعادلة  $z = -\frac{3}{4}iz + 9i$  .

(2) أ -  $f(O) = B$  و  $f(A) = O$  .

ب -  $\overline{O\Omega A\Omega} = 0$  إذن  $\Omega \square \mathcal{C}_1$  ولدنيا  $f(\mathcal{C}_1) = \mathcal{C}_2$  و  $f(\Omega) = \Omega$  إذن  $\Omega \square \mathcal{C}_2$

ج -  $(O\Omega) \square (A\Omega)$  و  $(O\Omega) \square (B\Omega)$  إذن المستقيمان  $(A\Omega)$  و  $(B\Omega)$  منطبقان أي  $(AB) \square (O\Omega)$  ومنه  $\Omega$

هي المسقط العمودي للنقطة  $O$  على  $(AB)$  .

لدنيا  $f(O) = B$  و  $f(A) = O$  و  $f(\Omega) = \Omega$  إذن  $\frac{\Omega A}{\Omega B} = \frac{\Omega O}{\Omega A}$  ومنه  $\Omega A \times \Omega B = \Omega O^2$  .