

العمل والطاقة الحركية (حالة الحركة الإنسحابية)

GUEZOURI A. Lycée Maraval – Oran

تماشيا مع الطبعة 2012 / 2013

01

اختيار الجواب الصحيح :

• عبارة العمل :

أ) $W = F d$: صحيح (أكبر قيمة للعمل لأن $\cos \alpha = 1$)ب) $W = F d \sin \alpha$ خطأج) $W = F d \cos \alpha$ صحيحد) $W = F d \alpha$ خطأ• عمل هذه القوة هو $W = Fd = 3 \times 10 = 30 J$ يُحسب عمل الثقل بالعلاقة $W_{AB}(\vec{P}) = P(h_A - h_B)$ ، من الأحسن أن نقول z_A و z_B عوض h_A و h_B

$$P = \frac{W}{\Delta t} \quad (\rightarrow)$$

• إذا كانت الزاوية 90° .

ب) لا يتعلّق بالمسار المتبّع .

02

تصحيح التصريحات الخاطئة :

1 - عمل قوة ثابتة يساوي دائما $F d \cos \alpha$

$$W(\vec{F}) = -Fd$$

3 - عمل قوة الاحتكاك هو $W(\vec{F}) = -Fd$.

4 - إذا كان شعاع القوة وشعاع الانتقال متّعديين .

03

مجال الجاذبية الأرضية غير ثابت ، بل يتغيّر بدلالة الارتفاع عن سطح الأرض (نعتبر الثقل ثابتًا من أجل الارتفاعات الصغيرة فقط) ، لهذا يكون تطبيق هذه العلاقة غير صحيح .

04

$$\alpha = 20,6^\circ \quad \cos \alpha = \frac{W}{Fd} = \frac{125}{10,27 \times 13} = 0,936 \quad - 1$$

$$\cos \alpha \leq 1 \quad \text{نعم يمكن أن يكون العمل مساويا لـ } 134 \text{ J ما دام } 134 \leq 136 \quad - 2$$

05

$$W_{AB}(\vec{F}) = F \times AB = 6 \times 1,52 = 9,12J \quad (\text{أ})$$

$$W_{AB}(\vec{F}) = F \times AB \cos \alpha = 16 \times 21,52 \cos 28 = 304J \quad (\text{ب})$$

$$W_{AB}(\vec{F}) = F \times AB \cos \beta = 12,3 \times 11,5 \cos 125 = -81,1J \quad (\rightarrow)$$

06

$$W_{AB}(\vec{F}) = F \times AB \cos \alpha = 10 \times 10 = 100J$$

$$W_{AB}(\vec{F}) = F \times AB \cos \alpha = 10 \times 11,6 \times 0,86 = 100J$$

$$W_{AB}(\vec{F}) = F \times AB \cos \alpha = 10 \times 20 \times 0,5 = 100J$$

نلاحظ أن قيمة العمل ثابتة ، ونستنتج أن العمل يتاسب طرديا مع الانتقال وعكسيا مع الزاوية α ، بحيث $\alpha \in [0 ; \frac{\pi}{2}]$

07

$$F = \frac{W_{AB}(\vec{F})}{AB \cos \alpha}$$

$$\text{الحالة الأولى : } F = \frac{100}{10 \times 1} = 10N : (\alpha = 0)$$

$$\text{الحالة الثانية : } F = \frac{100}{10 \times 0,86} = 11,6N : (\alpha = 30^\circ)$$

$$\text{الحالة الثالثة : } F = \frac{100}{10 \times 0,5} = 20N : (\alpha = 60^\circ)$$

كلما زادت الزاوية α ، حيث $\alpha \in [0 ; \frac{\pi}{2}]$ يجب أن نؤثر بـ

قوة أكبر لكي نحصل على نفس العمل في نفس الانتقال .

08

تؤثر على هذه النقطة قوة \vec{F} ثابتة في الشدة معناه (انظر للشكل)

1 - المقصود إيجاد العبارة الحرفية للعمل .

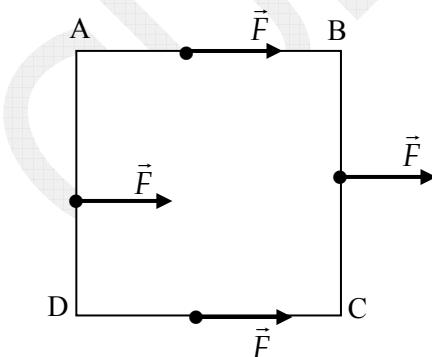
$$W_{AB}(\vec{F}) = F \times AB \cos 0 = F \times AB : AB$$

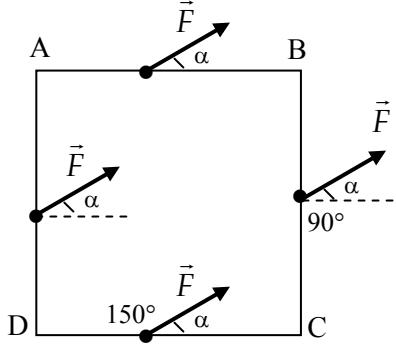
$$W_{BC}(\vec{F}) = F \times AB \cos 90 = 0 : BC$$

$$W_{CD}(\vec{F}) = F \times AB \cos 180 = -F \times AB : CD$$

$$W_{DA}(\vec{F}) = F \times AB \cos 90 = 0 : DA$$

2 - عمل القوة على المسار المغلق $W(\vec{F}) = \sum W_{AD}(\vec{F}) = 0 : ABCD$





- على الصلع $W_{AB}(\vec{F}) = F \times AB \cos 30 = 0,866 F \times AB$: AB

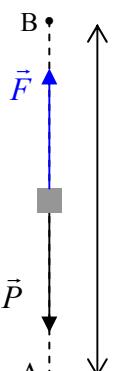
- على الصلع $W_{BC}(\vec{F}) = F \times AB \cos 120 = -0,5 F \times AB$: BC

- على الصلع $W_{CD}(\vec{F}) = F \times AB \cos 150 = -0,866 F \times AB$: CD

- على الصلع $W_{DA}(\vec{F}) = F \times AB \cos 60 = 0,5 F \times AB$: DA

عمل القوة على المسار المغلق $W(\vec{F}) = \sum W_{AD}(\vec{F}) = 0$: ABCD

09

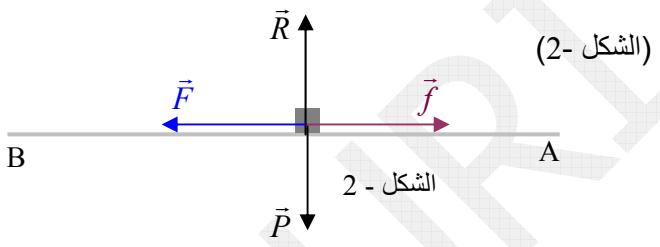


الشكل - 1

نعتبر \vec{F} هي القوة المبذولة .

1 - بما أن سرعة الجسم ثابتة فإن $F = P$

$$(1-) \quad W_{AB}(\vec{F}) = |W_{AB}(\vec{P})| = Ph = 980 \times 10 = 9,8 \times 10^3 J$$



$$(2-) \quad W_{AB}(\vec{P}) = W_{AB}(\vec{R}) = 0 \quad - 2$$

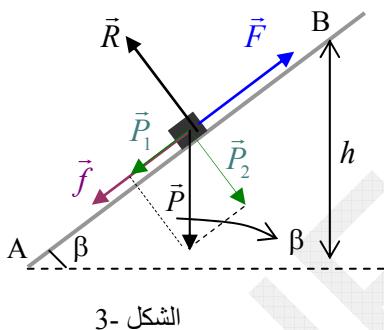
بما أن سرعة الجسم ثابتة فإن :

$$W_{AB}(\vec{F}) = |W_{AB}(\vec{f})| = 300 \times 10 = 3,0 \times 10^3 J \quad F = f$$

3 - بما أن سرعة الجسم ثابتة فإن $F = f + P_1 = f + P \sin \beta$ ، وبالتالي :

$$W_{AB}(\vec{F}) = |W_{AB}(\vec{f})| + |W_{AB}(\vec{P})| = f AB + P h = 300 \times 10 + 980 \times 6 = 8,9 \times 10^3 J$$

$$\text{مع العلم أن } (W_{AB}(\vec{P}_2) = 0, \text{ لأن } P \text{ هي الإستطاعة}) \quad P = \frac{W_{AB}(\vec{F})}{\Delta t} \quad - 4$$



الشكل - 3

$$P_3 = \frac{8,9 \times 10^3}{55} = 1,6 \times 10^2 W \quad , \quad P_2 = \frac{3 \times 10^3}{55} = 5,4 \times 10^1 W \quad , \quad P_1 = \frac{9,8 \times 10^3}{55} = 1,8 \times 10^2 W$$

تصحيح التصريحات الخاطئة :

- عندما تتضاعف سرعة جسم متحرك بحركة انسحابية ، أي عندما تضرب السرعة في 2 فإن الطاقة الحركية تضرب في 4 .
- إذا أثرت قوة على جسم فإن طاقته الحركية تتغير إذا تغيرت سرعته بفعل هذه القوة .
- إذا كان جسم يتحرك بسرعة ثابتة فإن مجموع أعمال كل القوى المؤثرة عليه يكون معديداً (هذا لا يعني أن عمل كل قوة يكون معديداً)

اختيار الجواب الصحيح :

- الجواب الصحيح هو (ب) ، أي $E_{C_2} = 2E_{C_1}$.
 - عند الصعود تتغير الطاقة الحركية للجسم من $E'_{C_1} = 0$ إلى E_{C_1} حيث $E'_{C_1} = 0$ (لأن الجسم يتوقف لكي يرجع).
- عند الصعود : (1) $E'_{C_1} - E_{C_1} = -Ph$
- عند النزول : (2) $E_{C_2} - E'_{C_1} = Ph$
- بجمع العلقتين (1) و (2) ووضع $0 = E'_{C_1}$ نجد $E_{C_2} = E_{C_1}$.

الطاقة الحركية	السرعة	الكتلة	الجسم
$18,20 \times 10^{-19} \text{ J}$	$2 \times 10^6 \text{ m/s}$	$9,1 \times 10^{-31} \text{ kg}$	حركة إلكترون في الأنابيب المهبطي للتلفاز
39,2 J	14 m/s	0,400 kg	حركة كرة القدم
$3,45 \times 10^5 \text{ J}$	22,2 m/s	1400 kg	سيارة في الطريق السريع
$1,80 \times 10^8 \text{ J}$	69,4 m/s	75 000 kg	طائرة عند الإقلاع
$5,54 \times 10^3 \text{ J}$	11,1 m/s	90 kg	دراج ودراجته في مسابقة رياضية
$1,6 \times 10^3 \text{ J}$	800 m/s	0,005 kg	رصاصة تنطلق من مسدس

$$E_C = \frac{1}{2} Mv^2 \quad . \quad M = 1,2 \times 1000 = 1200 \text{ kg}$$

$$E_C = \frac{1}{2} \times 1200 \times (33,3)^2 \approx 6,65 \times 10^5 \text{ J} \quad , \quad \text{ تكون الطاقة الحركية : } v = 120 \text{ km/h} = \frac{120}{3,6} = 33,3 \text{ m/s}$$

$$E_C = \frac{1}{2} \times 1200 \times (22,2)^2 \approx 2,95 \times 10^5 \text{ J} \quad , \quad \text{ تكون الطاقة الحركية : } v = 80 \text{ km/h} = \frac{80}{3,6} = 22,2 \text{ m/s}$$

$$E_C = \frac{1}{2} \times 1200 \times (11,1)^2 \approx 7,65 \times 10^4 \text{ J} \quad , \quad \text{ تكون الطاقة الحركية : } v = 40 \text{ km/h} = \frac{40}{3,6} = 11,1 \text{ m/s}$$

2 - كان من الأحسن أن نقول : جسم له نفس كتلة السيارة يسقط من رافعة في ورشة خالية من العمال ، وذلك حتى لا تخلق فتنة بجوار العمارة ، ولو من باب التخييل !!

$$\text{الارتفاعات الموافقة : } h = \frac{E_{C_2}}{Mg} \quad , \quad E_{C_1} = 0 \quad , \quad \Delta E_C = E_{C_2} - E_{C_1} = W(\vec{P}) = Ph$$

. $g = 9,8 \text{ N/kg}$

$$h_3 = \frac{7,65 \times 10^4}{1200 \times 9,8} = 6,5 \text{ m} \quad , \quad h_2 = \frac{2,95 \times 10^5}{1200 \times 9,8} = 25,1 \text{ m} \quad , \quad h_1 = \frac{6,65 \times 10^5}{1200 \times 9,8} = 56,5 \text{ m}$$

الآن تصور لو أن الجسم (مثلا قطعة من الإسمنت المسلح) الذي سقط من ارتفاع قدره 56,5 m وقع فوق شاحنة غير مستعملة . بدون شك سيحدث فيها أضرارا كبيرة جداً .

هذا ما يحدث لو اصطدمت السيارة التي كتلتها 1,2 t بجسم آخر وهي تتحرك بسرعة قدرها 120 km/h . حفظنا الله وإياكم ..

14

1 - التغير في الطاقة الحركية يساوي عمل نقل الحجر ، أي : $\Delta E_C = E_{C_2} - E_{C_1} = W(\vec{P}) = Ph$ ، مع العلم أن $E_{C_1} = 0$

$$E_{C_2} = Ph = Mgh = 60 \times 9,8 \times 40 = 23520 \text{ J}$$

$$v = \sqrt{\frac{2E_{C_2}}{M}} = \sqrt{\frac{2 \times 23520}{60}} = 28 \text{ m/s} \quad , \quad E_C = \frac{1}{2} Mv^2 \quad - 2$$

15

حتى نفهم ما يُحكي هنا : ما معنى الإلكترون فولط ؟ وما علاقته بالطاقة ؟

ينقل الإلكترون مثلا بين نقطتين فرق الكمون بينهما $V_B - V_A = 1 \text{ V}$ فهو يخضع إلى قوة كهربائية \vec{F} . يُعطى عمل القوة الكهربائية بالعلاقة $W_{AB}(\vec{F}) = q(V_A - V_B)$ ، حيث q هي شحنة الإلكترون .

$$W_{AB}(\vec{F}) = -1,6 \times 10^{-19} (-1) = 1,6 \times 10^{-19} \text{ J} \quad : \quad \vec{F} = q = e = -1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

إذن 1 إلكترون - فولط (أو بمعنى آخر عندما ينتقل من السكون إلى الكون واحد بين نقطتين فرق الكمون بينهما 1 Volt) يكتسب طاقة

$$1 \text{ eV} = 1,6 \times 10^{-19} \text{ J} \quad . \quad \text{وبالتالي} \quad E_C = 1,6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$E_C = \frac{18,2 \times 10^{-19}}{1,6 \times 10^{-19}} = 11,37 \text{ eV} \quad - 1$$

$$v = \sqrt{\frac{2E_{C_2}}{M}} = \sqrt{\frac{2 \times 18,2 \times 10^{-19}}{800}} = 6,7 \times 10^{-11} \text{ m/s} !! \quad - 2$$

16

1 - التغير في الطاقة الحركية :

$$\Delta E_C = E_{C_2} - E_{C_1} = E_{C_2} = \frac{1}{2} Mv^2 = 0,5 \times 7 \times 10^4 \times \left(\frac{300}{3,6} \right)^2 = 2,43 \times 10^8 \text{ J}$$

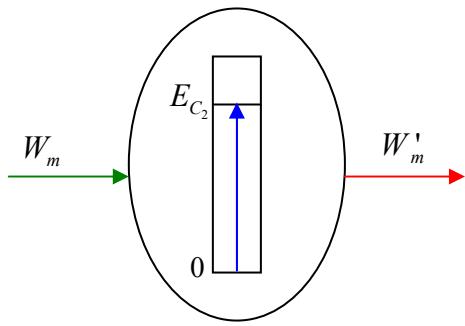
2 - القوة المحركة للطائرة هي \vec{F}

$$. \quad W(\vec{F}) = Fd = 3,5 \times 10^5 \times 900 = 3,15 \times 10^8 \text{ J}$$

ملاحظة : من المفترض أن نجيب عن السؤال 4 قبل السؤال 3 ، لأن المقارنة بين العمل والتغير في الطاقة الحركية هو الذي يقودنا لتمثيل الحصيلة الطاقوية .

4 - نلاحظ أن العمل المنجز أكبر من الطاقة الحركية التي اكتسبتها الطائرة ، وبالتالي نستنتج أنه يوجد الاحتكاك (لم نمثل قوة الاحتكاك في الشكل) .

3 - الحصيلة الطاقوية :



اكتسبت الجملة عملاً ميكانيكياً قدره $W = W_m = 3,15 \times 10^8 J$ ، فازدادت طاقتها الحركية بالقيمة $\Delta E_C = 2,43 \times 10^8 J$ ، وجزء من هذا العمل ضاع على شكل حرارة للوسط الخارجي بفعل الاحتكاك . فيمته معادلة انفاذ الطاقة : $E_{C_1} + W_m - W'_m = E_{C_2}$

17

. $M = \rho \times V = 1,23 \times 1000 = 1230 g$: $\rho = 1,23 g/l$

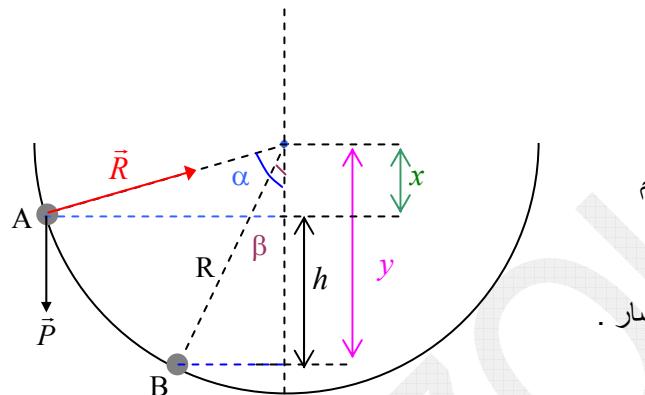
- في حالة سرعة الرياح $v = \frac{100}{3,6} = 27,8 m/s$ تكون الطاقة الحركية $E_C = \frac{1}{2} Mv^2 = 0,5 \times 1,23 \times (27,8)^2 = 475,3 J$

- في حالة سرعة الرياح $v = \frac{50}{3,6} = 13,9 m/s$ تكون الطاقة الحركية $E_C = \frac{1}{2} Mv^2 = 0,5 \times 1,23 \times (13,9)^2 = 118,8 J$

18

$$h = y - x \quad W_{AB}(\vec{P}) = Ph = P(R \cos \beta - R \cos \alpha) - 1$$

- معادلة انفاذ الطاقة : $E_{c_A} + W_{AB}(\vec{P}) = E_{c_B}$



مع العلم أن $W_{AB}(\vec{R}) = 0$ ، لأن شعاع قوة رد فعل الطريق على الجسم يكون دائماً عمودياً على مماس المسار في مكان وجود الجسم . وبالتالي : $E_{c_B} = E_{c_A} + PR(\cos \beta - \cos \alpha)$: R : نصف قطر المسار .

19

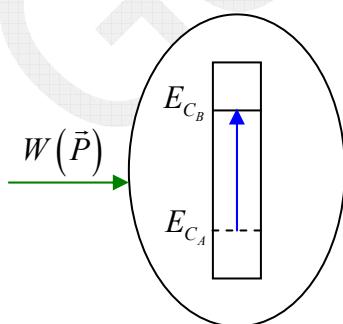
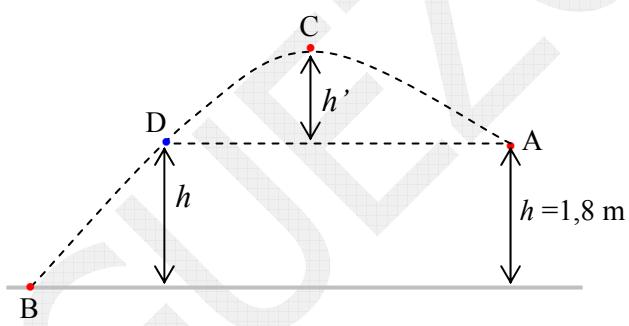
1 - نجلي مسار الكرة إلى DB ، CD ، AC

$$W_{AB}(\vec{P}) = W_{AC}(\vec{P}) + W_{CD}(\vec{P}) + W_{DB}(\vec{P})$$

$$W_{AB}(\vec{P}) = -Ph' + Ph' + Ph = Ph = 25 \times 1,8 = 45 J$$

2 - الحصيلة الطاقوية : في الشكل

(1) $E_{c_A} + W(\vec{P})_{DB} = E_{c_B}$: معادلة انفاذ الطاقة



- باستعمال معادلة انفاذ الطاقة (1) نكتب $\frac{1}{2} Mv_B^2 = \frac{1}{2} Mv_A^2 + Mg h$ ، ومنه :

$$v_B^2 = 2gh + v_A^2$$

$$v_B = \sqrt{2gh + v_A^2} = \sqrt{2 \times 9,8 \times 1,8 + 100} = 11,63 m/s$$

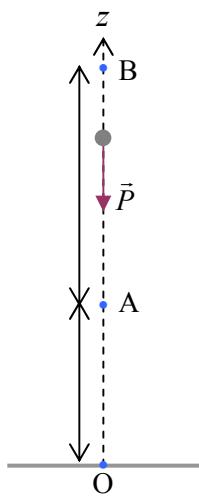
لدينا التغير في الطاقة الحركية يساوي مجموع الأعمال .

$$E_{C_0} - E_{C_A} = W_{AB}(\vec{P}) + W_{BA}(\vec{P}) + W_{AO}(\vec{P}) = -PAB + PAB + PAO$$

$$E_{C_0} - E_{C_A} = PAO$$

$$\frac{1}{2}Mv_O^2 = \frac{1}{2}Mv_A^2 + MgAO$$

$$v_O = \sqrt{2gAO + v_A^2} = \sqrt{2 \times 9,8 \times 1,2 + 36} = 7,71 \text{ m/s}$$



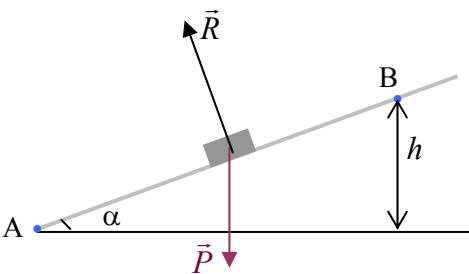
1 - سرعة المترافق عندما يقطع مسافة قدرها : 40 m

$$h = AB \sin \alpha = 40 \times 0,34 = 13,6 \text{ m}$$

$$E_{C_B} - E_{C_A} = W_{AB}(\vec{P}) + W_{BA}(\vec{R}) = -Mgh + 0$$

$$(1) \quad \frac{1}{2}Mv_B^2 = \frac{1}{2}Mv_A^2 - Mgh$$

$$v_B = \sqrt{v_A^2 - 2gh} = \sqrt{441 - 2 \times 9,8 \times 13,6} = 13,2 \text{ m/s}$$



2 - نضع في العلاقة (1) ونحسب الارتفاع $v_B = 0$: $h' = \frac{v_A^2}{2g} = \frac{441}{19,6} = 22,5 \text{ m}$ ، ومنه $\frac{1}{2}Mv_A^2 = Mgh'$.

$$\text{لدينا } AB' = \frac{h'}{\sin \alpha} = \frac{22,5}{0,34} = 66,2 \text{ m}$$

3 - المسافة المقطوعة عندما انعدمت سرعة المترافق بوجود الاحتكاك هي $AC = \frac{3}{5} \times 66,2 = 39,7 \text{ m}$

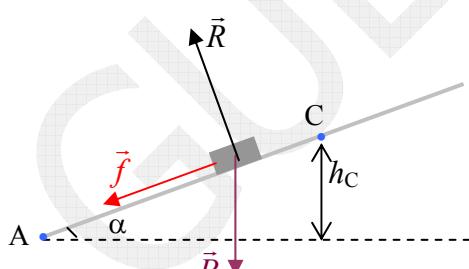
$$\text{المقدار الذي يرتفع به المترافق : } h_C = AC \times \sin \alpha = 39,7 \times 0,34 = 13,5 \text{ m}$$

التغير في الطاقة الحركية يساوي مجموع الأعمال :

$$E_{C_C} - E_{C_A} = W_{AC}(\vec{P}) + W_{AC}(\vec{R}) + W_{AC}(\vec{f}) = -Mgh_C + 0 - f \times AC$$

$$f = \frac{E_{cA} - Ph_C}{AC} = \frac{0,5Mv_A^2 - Mgh_C}{AC}$$

$$f = \frac{17640 - 80 \times 9,8 \times 13,5}{39,7} = 177,7 \text{ N}$$



1 - تمثيل القوى في الشكل المقابل .

2 - المعطيات ناقصة (قيمة المسافة المقطوعة ??) .

نعيد صياغة السؤال كما يلي : احسب مجموع أعمال القوى المطبقة على السيارة عندما تتحرك من السكون من A إلى B حيث $AB = 40 \text{ m}$ (مثلا) .

الجواب عن السؤال 2 :

$$W_{AB} = W_{AB}(\vec{F}_1) + W_{AB}(\vec{F}_2) + W_{AB}(\vec{P}) + W_{AB}(\vec{R}) + W_{AB}(\vec{f})$$

$$W_{AB} = F_1 AB \cos \alpha + F_2 AB + 0 + 0 - f AB$$

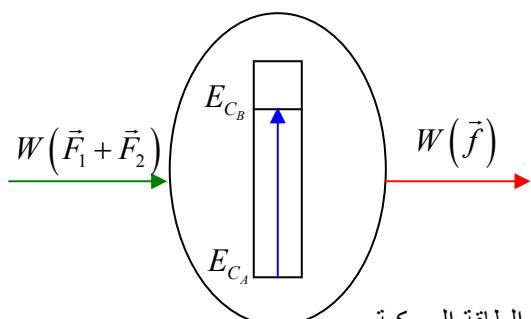
$$W_{AB} = 880 \times 40 \times 0,86 + 310 \times 40 - 270 \times 40 = 31872 \text{ J}$$

3 - الحصيلة الطاقوية :

$$E_{C_A} + W(\vec{F}_1 + \vec{F}_2) - W(\vec{f}) = E_{C_B}$$

4 - (من المفروض نعطي قيمة AB في السؤال 2 كما أشرنا إلى ذلك أعلاه) .

لكي نحسب سرعة السيارة في النقطة B نطبق **نظرية الطاقة الحرية** ، أي التغير في الطاقة الحركية



يساوي مجموع الأعمال . سرعة الأشخاص الذين كانوا يدفعون السيارة ($8,4 \text{ m/s}$) ليست بعيدة كثيراً عن الرقم القياسي في سباق الـ 100 متر .

5 - نضيف للسؤال ما يلي :

- النقطة B هي بداية المستوى المائل .

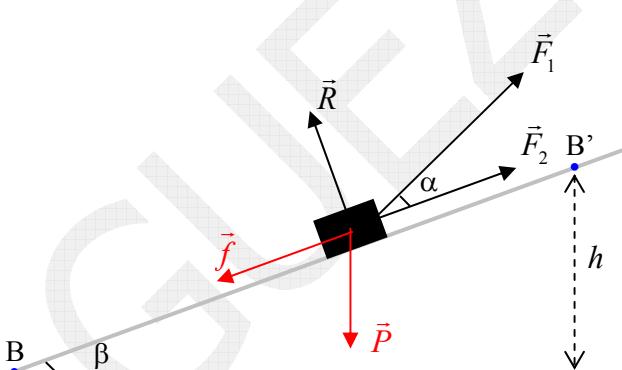
- تقطع السيارة على المستوى المائل مسافة $BB' = 20 \text{ m}$ مثلا .

- القوة التي تؤثر بها مجموعة الأشخاص موازية لمستوى المائل (أي موازية للطريق) .

جواب السؤال 5

1 - تمثيل القوى على الشكل .

2 -



$$W_{AB} = W_{AB}(\vec{F}_1) + W_{AB}(\vec{F}_2) + W_{AB}(\vec{P}) + W_{AB}(\vec{R}) + W_{AB}(\vec{f})$$

$$W_{BB'} = F_1 BB' \cos \alpha + F_2 BB' - Ph + 0 - f BB'$$

$$h = BB' \sin \beta = 20 \times 0,173 = 3,46 \text{ m} : \text{ لدينا}$$

ملاحظة : لا يمكن لسرعة السيارة أن تزداد فوق الطريق المائل لأن مجموع القوى المحركة لها أقل من مجموع القوى المعرقلة لحركتها .

وهذا يتناقض مع السؤال 6 .

- القوى المحركة : $F_1 \cos \alpha + F_2 = 880 \times 0,86 + 310 \approx 1067 \text{ N}$

- القوى المعرقلة : $P \sin \beta + f = 900 \times 9,8 \times 0,173 + 270 \approx 1796 \text{ N}$

لكي تزداد سرعة السيارة أثناء الصعود نجعل مثلاً زاوية ميل المستوى المائل $\beta = 5^\circ$. ويصبح في هذه الحالة الارتفاع :

$$h = BB' \sin \beta = 20 \times 0,087 = 1,74 \text{ m}$$

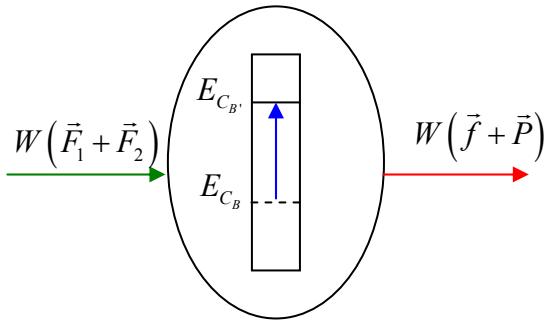
$$W_{BB'} = 880 \times 20 \times 0,86 + 310 \times 20 - 900 \times 9,8 \times 1,74 + 0 - 270 \times 20 = 589 J$$

قيمة مجموع الأعمال هي : 589 J

5 - الحصيلة الطاقوية : تعتبر الجملة المدرورة هي السيارة :

$$E_{C_B} + W(\vec{F}_1 + \vec{F}_2) - W(\vec{f} + \vec{P}) = E_{C_{B'}}$$

6 - عندما تتضاعف سرعة السيارة فإن طاقتها الحركية تُضرب في 4 .



التغيير في الطاقة الحركية يساوي مجموع الأعمال :

$$\cdot E_{C_C} - E_{C_B} = F_1 BC \cos \alpha + F_2 BC - PBC \sin \beta - fBC$$

$$BC = \frac{3E_{C_B}}{F_1 \cos \alpha + F_2 - Mg \sin \beta - f} \text{ ، وبالتالي } E_{C_C} = 4E_{C_B}$$

$$BC = \frac{3 \times 31872}{880 \times 0,86 + 310 - 900 \times 9,8 \times 0,087 - 270} = 3245 m \text{ ، وبالتالي } E_{C_B} = 31872 J$$

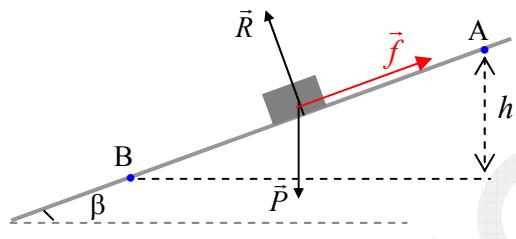
23

(محرك السيارة لا يشتغل وعذّاد السرعة يشتغل : ... كلام يحتاج إلى نقاش ...)

1 - تمثيل القوى في الشكل .

الاحتكاك موجود دون الإشارة لوجوده في السؤالين 1 و 2 ، لأن لو حسبنا عمل قوة النقل لوجنه أكبر من الطاقة الحركية في نهاية الـ 120 m .

$$2 - W_{AB}(\vec{R}) = 0 \text{ ، لأن } \vec{R} \text{ عمودي على المسار .}$$



$$W_{AB}(\vec{P}) = Ph = Mg AB \sin \beta = 1200 \times 9,8 \times 120 \times 0,173 \approx 2,44 \times 10^5 J$$

$$(1) \quad W_{AB}(\vec{f}) = -fAB \text{ ، لدينا :}$$

$$E_{C_B} - E_{C_A} = \sum W_{AB} = W_{AB}(\vec{P}) + W_{AB}(\vec{f}) \text{ ، أي :}$$

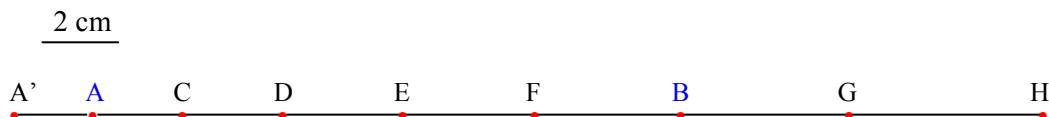
$$\frac{1}{2} M v_B^2 = 244138 + W_{AB}(\vec{f}) \text{ ، معناه } E_{C_A} = 0 \text{ ، وبالتالي :}$$

$$W_{AB}(\vec{f}) = 0,5 \times 1200 \times \left(\frac{20}{3,6} \right)^2 - 244138 = -225656 J$$

$$f = \frac{W_{AB}(\vec{f})}{-AB} = \frac{-225656}{-120} = 1880 N \text{ : } \vec{f}$$

1 - حسب السلم المعطى ، نقيس المسافات على التسجيل ونقوم بضربها في 2 .

ملاحظة : توجد أخطاء على التسجيل . نصححها ، فتصبح المسافات كما في الشكل التالي :



المسافات المقطوعة من 'A إلى H هي :

A'A	AC	CD	DE	EF	FB	BG	GH
1,8 cm	2,2 cm	2,6 cm	3,0 cm	3,4 cm	3,8 cm	4,4 cm	5,0 cm

$$\text{سرعة العربة في A : } v_A = \frac{A'C}{2\tau} = \frac{(1,8+2,2) \times 10^{-2}}{0,08} = 0,5 m/s$$

$$\text{سرعة العربة في B : } v_B = \frac{FG}{2\tau} = \frac{(3,8+4,4) \times 10^{-2}}{0,08} = 1,02 m/s$$

كل ما يمكن ملاحظته من هاتين النتيجتين أن حركة العربة متتسعة .

$$\text{الطاقة الحركية في A : } E_{C_A} = \frac{1}{2} M_1 v_A^2 = 0,5 \times 0,674 \times (0,5)^2 = 8,4 \times 10^{-2} J$$

$$\text{الطاقة الحركية في B : } E_{C_B} = \frac{1}{2} M_1 v_B^2 = 0,5 \times 0,674 \times (1,02)^2 = 3,5 \times 10^{-1} J$$

3 - من أجل إثبات أن القوة T_1 ثابتة نحسب طولية التغير في شعاع السرعة Δv .

$$\text{نحسب السرعة في D : } v_D = \frac{CE}{2\tau} = \frac{(2,6+3) \times 10^{-2}}{0,08} = 0,7 m/s$$

$$\text{نحسب السرعة في F : } v_F = \frac{EB}{2\tau} = \frac{(3,4+3,8) \times 10^{-2}}{0,08} = 0,9 m/s$$

$$\text{طويلة تغير شعاع السرعة في C : } \Delta v_C = v_D - v_A = 0,7 - 0,5 = 0,2 m/s$$

$$\text{طويلة تغير شعاع السرعة في E : } \Delta v_E = v_F - v_D = 0,9 - 0,7 = 0,2 m/s$$

يمكن أن نحسب طولية تغير شعاع السرعة في النقط الأخرى ونجد نفس القيمة .

طويلة تغير شعاع السرعة ثابت إذن القوة T_1 التي حركت العربة هي قوة ثابتة .

قيمة القوة T_1 :

التغير في الطاقة الحركية بين النقطتين A و B يساوي مجموع أعمال القوى المؤثرة على العربة :

$$T_1 = \frac{E_{C_B} - E_{C_A}}{AB} = \frac{0,35 - 0,084}{0,15} = 1,77 N \quad \text{، ومنه } E_{C_B} - E_{C_A} = W_{AB}(\vec{P}_1) + W_{AB}(\vec{R}) + W_{AB}(\vec{T}_1) = 0 + 0 + T_1 AB$$

4 - من الأحسن أن نقول : احسب الطاقة الحركية للجسم المعلق عندما كانت العربة في الموضعين A و B .

يكتب الجسم المعلق نفس طولية سرعة العربة لأنهما مرتبان .

الطاقة الحركية للجسم المعلق عندما كانت العربة في A : $E_{C_A} = \frac{1}{2} M_2 v_A^2 = 0,5 \times 0,443 \times (0,5)^2 = 5,5 \times 10^{-2} J$

الطاقة الحركية للجسم المعلق عندما كانت العربة في B : $E_{C_B} = \frac{1}{2} M_2 v_B^2 = 0,5 \times 0,443 \times (1,02)^2 = 2,3 \times 10^{-1} J$

5 - التغير في الطاقة الحركية للجسم المعلق في الخيط يساوي مجموع أعمال القوى المؤثرة عليه :

$$(1) \quad P_2 - T_2 = \frac{E_{C_A} - E_{C_B}}{AB} : \quad h = AB, \quad \text{حيث } E_{C_B} - E_{C_A} = W_{AB}(\vec{P}_2) + W_{AB}(\vec{T}_2) = P_2 h - T_2 AB$$

و بما أن $P_2 \neq T_2$ ، إذن $P_2 - T_2 \neq 0$ ، معناه $E_{C_B} - E_{C_A} \neq 0$

$$T_2 = P_2 - \frac{E_{C_A} - E_{C_B}}{AB} = 0,443 \times 9,8 - \frac{0,23 - 0,055}{0,15} = 3,17 N$$

من العلاقة (1) نستنتج : $T_1 \neq T_2$ - 6 ، ولا نستنتج أي شيء يخص السنة الثانية .